

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی - ۱

جدول دهدھی

بازه ترازی ۷۰۰۰	بازه ترازی ۶۲۵۰	بازه ترازی ۵۵۰۰	بازه ترازی ۴۷۵۰	نام درس ریاضیات
۷	۵	۳	۲	

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)



آزمون ۱۷ آذر ۱۴۰۲

آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره	مدت پاسخگویی
۱	حسابان ۲	۲۰	۱	۲۰	۳۰ دقیقه
۲	هندسه ۳	۱۰	۲۱	۳۰	۱۵ دقیقه
۳	ریاضیات گسسته	۱۰	۳۱	۴۰	۱۵ دقیقه
۴	آمار و احتمال	۱۰	۴۱	۵۰	۱۵ دقیقه
	آمار و احتمال		۵۱	۶۰	

هدف‌گذاری چند از ۱۰

- در کانون، هدف‌گذاری براساس سیستم دهدھی (چند از ۱۰) انجام می‌شود. شما ۳ ابزار برای هدف‌گذاری چند از ۱۰ دارد:
- جدول کلی چند از ۱۰ در بازه‌های ترازی مختلف (بالای همین صفحه)
 - کارنامه هدف‌گذاری (در صفحه شخصی خودتان)
 - ستون مقایسه با هم ترازها (در کارنامه اصلی کانون)
- شما می‌توانید با این ۳ ابزار هدف‌گذاری، خودتان را در آزمون امروز در جدول بالای هر درس در دفترچه سوال بنویسید.



آزمون «۱۴۰۲ آذر ۱۷» اختصاصی دوازدهم ریاضی

رئیس‌جمهوری سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۷۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۲۰	۱-۲۰	۳۰'
هندسه	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
ریاضیات گستاخ	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
زوج کتاب آمار و احتمال	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
		۵۱-۶۰	آمار و احتمال
جمع کل	۵۰	۱-۶۰	۷۵'

بدیده اورندگان

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	امیر محمد باقری نصرآبادی - شاهین پروازی - عادل حسینی - افшин خاصه خان - طاهر دادستانی - فرشاد صدیقی فر - کامیار علییون علیرضا نداف زاده - جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابو محیوب - افشن خاصه خان - محمد خندان - سوگند روشنی - مهرداد ملوندی
آمار و احتمال و ریاضیات گستاخ	امیرحسین ابو محیوب - رضا توکلی - فرزاد جوادی - مصطفی دیداری - سوگند روشنی - مریم مرسلی - مهرداد ملوندی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستاخ
گزینشگر	علیرضا نداف زاده	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب سوگند روشنی
گروه ویراستاری	مهدی ملارضانی سعید خان بابایی محمد رضا راسخ	مهرداد ملوندی	پارسا نوروزی منش مهبد خالقی
ویراستاری رتبه های برتر	پارسا نوروزی منش سهیل تقی زاده	پارسا نوروزی منش مهبد خالقی	امیرحسین ابو محیوب
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب
مسئل سازی	سمیه اسكندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

مهدی گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح المزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۹۳۱



وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

حسابان ۲: تابع، مسئله‌ها، حد و مفاهی - حد در بینهایت؛ صفحه‌های ۱ تا ۵۸ / حسابان ۱: صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۵۱

۱- اگر چندجمله‌ای $p(x+2)$ بر $-x^3$ بخش‌پذیر باشد، چندجمله‌ای p بر کدام چندجمله‌ای بخش‌پذیر است؟

$x+1$ (۱)

$x+2$ (۲)

$x+3$ (۳)

۲- نمودار تابع $y = \sqrt[3]{3x+1}$ را در راستای محور y ها انتقال می‌دهیم، به طوری که تابع جدید وارون خود را در نقطه‌ای با عرض ۳-قطع می‌کند. تابع جدید را سه واحد به سمت راست انتقال داده و سپس نسبت به محور y ها قرینه می‌کنیم. مقدار تابع نهایی

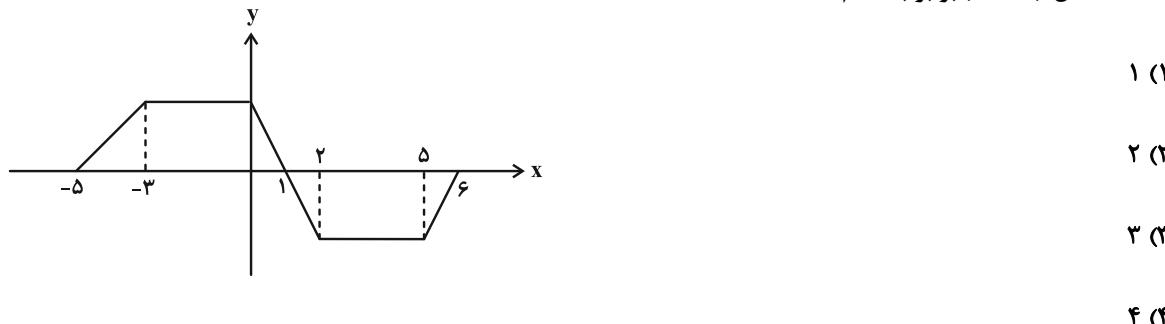
$x = -\frac{7}{3}$ به ازای y کدام است؟

-2 (۱)

0 (۲)

$-\sqrt[3]{2} - 1$ (۳)

-1 (۴)

۳- شکل زیر نمودار تابع f را نشان می‌دهد. اگر a و b به ترتیب طول بزرگ‌ترین بازه‌هایی باشند که تابع در آن‌ها صعودی و نزولیاست، حاصل $|a-b|$ برابر با کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۴- روی کدام بازه وضعیت یکنواهی $f(x) = \begin{cases} 1-x & ; x < 1 \\ 2x-1 & ; x \geq 1 \end{cases}$ و تابع $f \circ f$ مخالف یکدیگر است؟

$(1, +\infty)$ (۱)

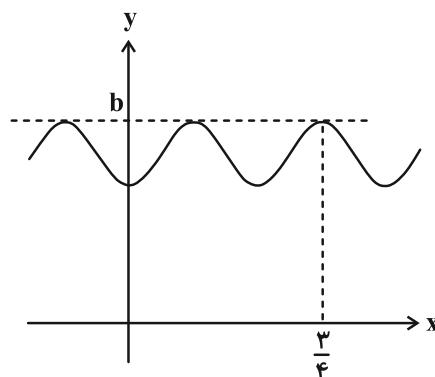
$(-\infty, 0)$ (۲)

\mathbb{R} (۳)

$(0, 1)$ (۴)

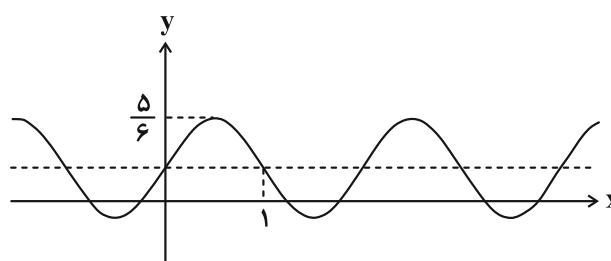


۵- قسمتی از نمودار تابع $f(x) = 2 - \cos^4 ax - \sin^4 ax$ کدام است؟

 $\frac{5}{4}$ (۱) $\frac{19}{16}$ (۲) $\frac{17}{16}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴)

۶- بخشی از نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{3} + 2a \sin bx \pi x$ در شکل زیر رسم شده است. با فرض مثبت بودن a و b ، خط $y = a + bx$

نمودار تابع f را در چند نقطه قطع می‌کند؟



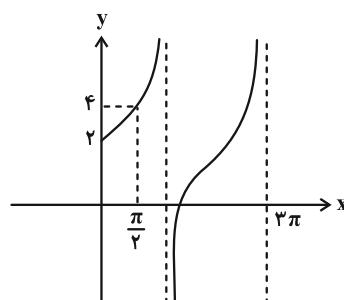
۴ (۱)

۳ (۲)

۲ (۳)

۱ (۴)

۷- بخشی از نمودار تابع $y = a \tan bx + c$ به صورت زیر است. حاصل $a+b+c$ کدام می‌تواند باشد؟



۳ (۱)

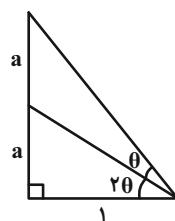
۳/۵ (۲)

۴ (۳)

۴/۵ (۴)



۸- با توجه به اندازه‌های مشخص شده در شکل زیر، مقدار a کدام است؟



$$\frac{\sqrt{17+1}}{8} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{17-1}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{17-1}}{8} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{17+1}}{2} \quad (4)$$

۹- معادله $\frac{\sin x + \cos x}{\sin x + \cos x + 2} = \frac{2}{\sin 2x - 3}$ در بازه $[0, 2\pi]$ چند جواب دارد؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۱۰- مجموع جواب‌های معادله $\tan 2x + 1 - (\tan 2x - 1) \tan x = \frac{1}{\sqrt{2} \cos x \cos 2x}$ در بازه $(0, \pi)$ کدام است؟

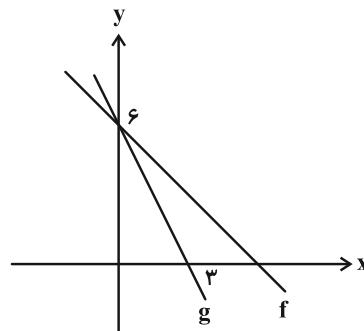
$$\frac{61\pi}{36} \quad (2)$$

$$\frac{9\pi}{4} \quad (1)$$

$$\frac{67\pi}{36} \quad (4)$$

$$\frac{7\pi}{4} \quad (3)$$

۱۱- با توجه به نمودار زیر، حاصل $\lim_{x \rightarrow 0^+} [(gof)(x)]$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).



-۵ (۱)

-۶ (۲)

-۷ (۳)

-۸ (۴)



۱۲- حاصل $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{\sqrt[3]{x^3 - 1}}{\sqrt{x} - \sqrt[3]{x}}$ کدام است؟

$\frac{1}{2}$ (۲)

۱) صفر

$\frac{3}{2}$ (۴)

۲) (۳)

۱۳- حاصل $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt[3]{x+1} - x - 1}{x^3}$ کدام است؟

$-\frac{2}{3}$ (۲)

-∞ (۱)

$+\infty$ (۴)

 $\frac{1}{3}$ (۳)

۱۴- حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{2 + \cos 2x - \sin x}{\cos^2 x}$ کدام است؟

$-\frac{3}{2}$ (۲)

 $\frac{3}{2}$ (۱)

$\frac{5}{2}$ (۴)

 $-\frac{5}{2}$ (۳)

۱۵- تابع $f(x) = \begin{cases} ax^2 - x - 2 & ; \quad x < 1 \\ 2x - [3x] & ; \quad x \geq 1 \\ a + bx & \end{cases}$ در $x=1$ پیوسته است. مقدار $f(b)$ کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).

$\frac{13}{4}$ (۲)

۲ (۱)

3 (۴)

 $-\frac{3}{4}$ (۳)

۱۶- تابع $f(x) = a[2x] - [x]$ در بازه $(-\frac{3}{2}, 0)$ فقط یک نقطه ناپیوستگی دارد. مقدار a کدام می‌تواند باشد؟

3 (۲)

۴ (۱)

1 (۴)

۲ (۳)



۱۷- اگر $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-m[x]}{x^2-(m+1)x+m}$ باشد، حدود m کدام است؟ ([]، نماد جزء صحیح است).

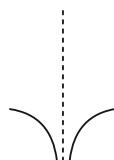
$$\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right) \text{ (۲)}$$

$$\left(\frac{1}{2}, 1\right) \text{ (۱)}$$

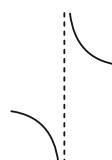
$$(-\infty, 1) \text{ (۴)}$$

$$(0, \frac{1}{3}) \text{ (۳)}$$

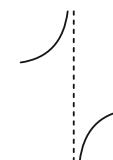
۱۸- نمودار تابع $f(x) = \frac{\tan(\frac{\pi}{4} - x)}{\sin x + \cos x}$ در همسایگی $x = \frac{3\pi}{4}$ کدام است؟



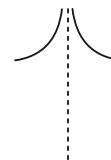
(۱)



(۳)

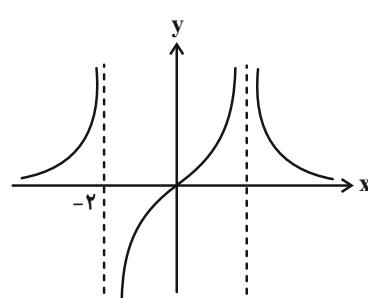


(۲)



(۱)

۱۹- نمودار تابع $f(x) = \frac{x}{x^3 + ax^2 + bx + c}$ در شکل زیر رسم شده است. اگر $f(2) = \frac{1}{2}$ باشد، $f(-1)$ کدام می‌تواند باشد؟



$$-\frac{1}{8} \text{ (۱)}$$

$$-\frac{1}{2} \text{ (۲)}$$

$$-\frac{1}{16} \text{ (۳)}$$

$$-1 \text{ (۴)}$$

۲۰- به ازای چند مقدار صحیح a ، نمودار تابع $f(x) = \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - ax + 4}$ مجانب قائم ندارد؟

$$6 \text{ (۲)}$$

$$5 \text{ (۱)}$$

$$8 \text{ (۴)}$$

$$7 \text{ (۳)}$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: ماتریس و کاربردها - آشنایی با مقاطع مغروطی: صفحه‌های ۹ تا ۳۹

۲۱- برای دو عدد حقیقی x و y ، روابط $y = 2x - 4$ و $xy = 3$ برقرار است. مقدار xy کدام است؟

$$\begin{bmatrix} x & y \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y \\ 2x \end{bmatrix} = 3$$

-۲/۵ (۲)

-۲/۲۵ (۱)

-۳/۲۵ (۴)

-۳ (۳)

۲۲- اگر A ماتریسی مربعی و وارون پذیر از مرتبه ۳ باشد به طوری که $-4 = |A| = \frac{1}{3}|A^{-1}|$ ، آنگاه دترمینان ماتریس A کدام است؟

 $\frac{1}{8}$ (۲)

-۲ (۱)

۸ (۴)

 $-\frac{1}{2}$ (۳)

۲۳- فرض کنید A و B دو ماتریس مربعی از مرتبه ۳ باشند. اگر $AB + BA = \bar{O}$ باشد، چه تعداد از عبارات زیر درست است؟

(الف) $|B| = 0$ یا $|A| = 0$ (ب) $A^T B + B A^T = \bar{O}$ (پ) $|A + B|^2 = |A^T + B^T|^2$

۳ (۲)

(۱) هیچ

۱ (۴)

۲ (۳)

۲۴- برای ماتریس مربعی A ، رابطه $A^3 = -A$ برقرار است. ماتریس A^{100} برابر کدام است؟

 A^2 (۲)

A (۱)

 $-A^2$ (۴) $-A$ (۳)

۲۵- اگر $AB = \begin{bmatrix} c & 0 & 2 \\ -1 & 1 & 0 \\ a & -1 & b \end{bmatrix}$ و B ماتریسی اسکالر باشد، مجموع درایه‌های ماتریس AB کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 1 & a & 2 \\ c & 5 & a \\ 1 & b & -1 \end{bmatrix}$$

-۶ (۲)

۶ (۱)

-۹ (۴)

۹ (۳)



۲۶- اگر m و n دو عدد حقیقی باشند به طوری که دستگاه معادلات $\begin{cases} mx + 2y = -2n - 1 \\ 3x + (m+5)y = n + 4 \end{cases}$ بی شمار جواب داشته باشد، چند زوج

مرتب (m, n) وجود دارد؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۲۷- اگر $BX = A - B$ صدق کند، مجموع درایه های ماتریس B و ماتریس X در رابطه ماتریسی $B = \begin{bmatrix} |A| & |A| \\ 2 & -1 \\ -1 & -4 \\ |A| & \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

X کدام است؟

-۴ (۲)

-۵ (۱)

-۲ (۴)

-۳ (۳)

۲۸- اگر برای ماتریس $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$ رابطه $mA^{-1} + nI = m(A^{-1})^2$ برقرار باشد، حاصل $11m - 22n$ کدام است؟

۸ (۲)

۵ (۱)

۱۵ (۴)

۱۲ (۳)

۲۹- دو خط d_1 و d_2 در صفحه متقطع اند و زاویه بین آنها 45° است. چند نقطه در صفحه وجود دارد که از هر دو خط به فاصله یکسان ۵ باشد؟

۱ (۲)

۱) هیچ

۴ (۴)

۲ (۳)

۳۰- در مثلث ABC ، ضلع BC به طول ۴ واحد، ثابت است. اگر طول میانه BM در این مثلث برابر ۳ واحد باشد، مکان هندسی رأس A کدام است؟

۲) دایره ای به شعاع ۶

۱) دایره ای به شعاع ۴

۴) خطی عمود بر BC

۳) خطی موازی با BC



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱ تا ۳۰

-۳۱- اگر a, b و c سه عدد صحیح باشند به طوری که $b | a$ و $b | c$ ، آن‌گاه کدام یک از روابط زیر لزوماً درست نیست؟

$$ab | c^r \quad (2)$$

$$a^r | bc \quad (1)$$

$$a^r | b^r + c^r \quad (4)$$

$$ra | b + c \quad (3)$$

-۳۲- اگر a و b دو عدد حقیقی باشند، در اثبات نامساوی $a^r + b^r + a^r b^r \geq ab (a+b+1)$ کدام رابطه همواره

درست حاصل می‌شود؟

$$(a-b)^r + (ab-1)^r \geq 0 \quad (2)$$

$$(a+b-ab)^r \geq 0 \quad (1)$$

$$(a-b)^r + (ab-a)^r + (ab-b)^r \geq 0 \quad (4)$$

$$(a+b-1)^r + (ab-1)^r \geq 0 \quad (3)$$

-۳۳- اگر a و b دو عدد طبیعی و $2a+b=3$ باشد، حاصل (a, b) کدام است؟

۱۲ ۶ یا ۲

۱) ۲ یا ۴

۱۲ ۴ یا ۲

۲) ۲ یا ۶

-۳۴- به ازای چند عدد طبیعی بزرگ‌تر از ۱ مانند m ، باقی‌مانده‌های تقسیم اعداد ۱۲۰ و ۴۵ بر m ، با هم برابر است؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۶ (۴)

۵ (۳)



۳۵ - در تقسیم عدد $2a+1$ بر ۲۳، خارج قسمت، ۵ واحد کمتر از باقیمانده است. حداقل مقدار باقیمانده تقسیم عدد a بر ۳۶ کدام است؟

۲۲ (۲)

۱۴ (۱)

۳۴ (۴)

۲۶ (۳)

۳۶ - اگر $x = 2 \times 7^{15} + 1$ باشد، باقیمانده تقسیم عدد $2x^2 - 2x - 47$ بر ۷ کدام است؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۳۶ (۴)

۳۵ (۳)

۳۷ - باقیمانده تقسیم عدد $5^{172} + 5^{170} + 7^{170}$ بر ۱۷ کدام است؟

۶ (۲)

۴ (۱)

۱۳ (۴)

۱۱ (۳)

۳۸ - اگر عدد شش رقمی $\overline{xx8yyx}$ بر ۹۹ بخش پذیر باشد، حاصل $x^2 + y^2$ کدام است؟

۶۵ (۲)

۶۱ (۱)

۸۵ (۴)

۷۳ (۳)

۳۹ - مجموع ارقام بزرگ ترین عدد طبیعی سه رقمی x که در معادله سیاله خطی $12x + 5y = 113$ صدق می‌کند، کدام است؟

۲۵ (۲)

۲۴ (۱)

۲۷ (۴)

۲۶ (۳)

۴۰ - به ازای چند عدد طبیعی دو رقمی n ، معادله $5n + 2)y + (3n + 2)x = 15$ در مجموعه اعداد صحیح دارای جواب است؟

۸۴ (۲)

۸۳ (۱)

۸۶ (۴)

۸۵ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: احتمال: صفحه‌های ۳۹ تا ۷۲ / ریاضی ۱: آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۵۱

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۴۱ تا ۵۰) و (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۴۱- اگر عددی طبیعی چهار رقمی بدون تکرار ارقام را در نظر بگیریم، با کدام احتمال فرد و بزرگ‌تر از ۷۰۰۰ است؟

$$\frac{13}{81} \quad (۲)$$

$$\frac{7}{22} \quad (۴)$$

$$\frac{12}{81} \quad (۱)$$

$$\frac{5}{27} \quad (۳)$$

۴۲- یک تیم والیبال ۷ والیبالیست دارد که قد هیچ دو نفری از آن‌ها برابر نمی‌باشد. یک والیبالیست به تصادف انتخاب می‌کنیم و بعد از آن والیبالیست دیگری انتخاب می‌کنیم، اگر والیبالیست دوم از والیبالیست اول کوتاه‌تر باشد، با کدام احتمال، والیبالیست اول، سومین والیبالیست قد بلند می‌باشد؟

$$\frac{1}{7} \quad (۲)$$

$$\frac{4}{21} \quad (۴)$$

$$\frac{2}{7} \quad (۱)$$

$$\frac{4}{7} \quad (۳)$$

۴۳- اگر ارزش گزاره $(p \Rightarrow q) \Rightarrow (\sim p \wedge q)$ درست باشد، با کدام احتمال ارزش گزاره p نیز درست بوده است؟

$$\frac{1}{2} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۱)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۳)$$

۴۴- در فضای نمونه $S = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ می‌دانیم $P(5) = \frac{1}{11}$ و همچنین $P(1) = P(5)$ تشکیل دنباله حسابی می‌دهند. نسبت احتمال عدد وسط به مجموع احتمال دو عدد کوچک‌تر چقدر است؟

$$\frac{31}{11} \quad (۲)$$

$$\frac{17}{22} \quad (۴)$$

$$\frac{22}{12} \quad (۱)$$

$$\frac{11}{31} \quad (۳)$$

۴۵- اگر $P(B - A) = \frac{1}{4}$ و $P(A) = \frac{1}{5}$ و $A \subseteq B$ باشد، کدام گزینه درست نیست؟

$$P(A \cap B') = 0 \quad (۲)$$

$$P(A' | B') = 1 \quad (۱)$$

$$P[(A' \cup B) \cap A] = \frac{9}{100} \quad (۴)$$

$$P[(A \cap B) \cup B] = \frac{9}{10} \quad (۳)$$



۴۶- عددی طبیعی و کوچک‌تر یا مساوی 200 انتخاب می‌کنیم. با کدام احتمال نه بر 6 بخش پذیر است و نه بر 8 ؟

$$\frac{0}{75} \quad (2)$$

$$\frac{0}{25} \quad (1)$$

$$\frac{0}{45} \quad (4)$$

$$\frac{0}{61} \quad (3)$$

۴۷- جعبه‌ای شامل 3 مهره آبی و 4 مهره قرمز است. رضا و مریم به ترتیب شروع به انتخاب مهره‌ها از جعبه، یکی بعد از دیگری، به تصادف و بدون جای‌گذاری می‌کنند تا این‌که یک مهره آبی خارج شود. احتمال این‌که رضا مهره آبی را بیرون بیاورد کدام است؟

$$\frac{22}{25} \quad (2)$$

$$\frac{19}{35} \quad (1)$$

$$\frac{23}{25} \quad (4)$$

$$\frac{3}{7} \quad (3)$$

۴۸- علی سکه‌ای را 4 بار و رضا 3 بار پرتاب می‌کند. احتمال این‌که علی نسبت به رضا، تعداد بار بیشتری پرتاب‌هایش به رو ظاهر شود کدام است؟

$$\frac{5}{8} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$\frac{9}{16} \quad (3)$$

۴۹- در دو ظرف A و B به ترتیب 10 و 12 لامپ داریم که در ظرف A، 3 لامپ معیوب و در ظرف B، 5 لامپ معیوب داریم. اگر از ظرف A، 4 لامپ و از ظرف B، 6 لامپ به تصادف خارج کرده و در ظرف C بگذاریم، سپس از ظرف C یک لامپ را انتخاب کنیم، با کدام احتمال لامپ انتخابی سالم است؟

$$\frac{0}{65} \quad (2)$$

$$\frac{0}{63} \quad (1)$$

$$\frac{0}{72} \quad (4)$$

$$\frac{0}{68} \quad (3)$$

۵۰- احتمال این‌که تیم ملی فوتبال ایران قهرمان آسیا شود $\frac{1}{5}$ و احتمال این‌که به جام جهانی بعدی صعود کند $\frac{2}{5}$ و احتمال این‌که هیچ یک از دو اتفاق فوق صورت نگیرد $\frac{1}{5}$ است. اگر بدانیم تیم ملی قهرمان آسیا نشده، احتمال این‌که به جام جهانی بعدی صعود کند، کدام است؟

$$\frac{2}{5} \quad (2)$$

$$\frac{1}{5} \quad (1)$$

$$\frac{4}{5} \quad (4)$$

$$\frac{3}{5} \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار استباطی: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۲۷ / ریاضی ۱: آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۷۰

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۴۱ تا ۵۰) و (۵۱ تا ۶۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۵۱- کدام یک از روش‌های زیر، جزء مراحل علم آمار نیست؟

(۲) تحلیل و تفسیر داده‌ها

(۱) جمع‌آوری اعداد و ارقام

(۴) نتیجه‌گیری، قضاوت و پیش‌بینی مناسب

(۳) انجام آزمایش

۵۲- نوع متغیرهای «گروه خونی افراد، میزان بارندگی در یک ماه، طول اضلاع مستطیل، تعداد روزهای بارش در یک ماه» به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

(۱) کیفی ترتیبی، کمی پیوسته، کمی گسسته، کمی گسسته

(۲) کیفی اسمی، کمی پیوسته، کمی گسسته، کمی گسسته

(۳) کیفی اسمی، کمی گسسته، کمی گسسته، کمی پیوسته

(۴) کیفی ترتیبی، کمی گسسته، کمی پیوسته، کمی گسسته

۵۳- کدام روش آمارگیری در صورتی که به دقت زیاد نیاز داشته باشیم، مناسب نیست؟

(۲) پرسشنامه

(۱) مشاهده

(۴) دادگان‌ها

(۳) مصاحبه

۵۴- برای برآورد بازه‌ای با اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین یک جامعه، نمونه‌ای ۲۵۰ نفری انتخاب کرده‌ایم. برای آن‌که طول بازه اطمینان نصف شود، چند نفر دیگر باید به این نمونه اضافه شود؟

(۲) ۵۰۰

(۱) ۲۵۰

(۴) ۱۰۰۰

(۳) ۷۵۰

۵۵- می‌خواهیم نمونه‌ای ۲۰ تایی از یک جامعه با ۱۰۰ عضو انتخاب کنیم. برای این کار جامعه را به دو قسمت ۵۰ تایی تقسیم کرده و از هر کدام از این دو قسمت، ۱۰ عضو انتخاب می‌کنیم. روش نمونه‌گیری و احتمال انتخاب هر عضو جامعه در این نمونه کدام است؟

(۲) خوش‌های - $\frac{2}{5}$ (۱) خوش‌های - $\frac{1}{5}$ (۴) طبقه‌ای - $\frac{2}{5}$ (۳) طبقه‌ای - $\frac{1}{5}$



۵۶- در یک جامعه آماری با انتخاب یک نمونه ۴۰۰ نفری، بازه اطمینان ۹۵ درصد برای برآورد میانگین جامعه به صورت [۲/۳ ، ۳/۹] به دست آمده است. انحراف معیار این جامعه کدام است؟

۱۲ (۲)

۸ (۱)

۲۴ (۴)

۱۶ (۳)

۵۷- می خواهیم از بین شماره های ۱ تا ۳۰۰ به روش سیستماتیک، نمونه ای به اندازه ۱۵ انتخاب کنیم. اگر دومین فرد انتخاب شده

دارای شماره ۲۳ باشد، شماره نفر یازدهم در این نمونه کدام است؟

۲۰۳ (۲)

۱۶۵ (۱)

۲۲۳ (۴)

۲۴۵ (۳)

۵۸- مقدار x در جامعه ۷ عضوی زیر چقدر باشد تا نمونه تشکیل شده از سه داده وسط پارامتر میانگین جامعه را به طور دقیق برآورد کند؟

۱	۳	۴	x	۶	۷	۸
---	---	---	---	---	---	---

۴/۲۵ (۲)

۴ (۱)

۵/۵ (۴)

۵ (۳)

۵۹- از اعداد ۰ تا N، عدد ۱، ۱۰، ۹، ۵، ۳، ۱۱، ۱۵، ۱۶، ۱۰، ۱۳ و ۱۷ به تصادف انتخاب شده است. برآورد نقطه ای N به کمک میانگین کدام است؟

۱۸ (۲)

۱۷ (۱)

۲۰ (۴)

۱۹ (۳)

۶- در جامعه ای با اعضای ۴، ۳، ۲، ۱ پارامتر میانگین جامعه را با تمام نمونه های در دسترس برآورد می کنیم. چقدر احتمال دارد که نمونه انتخابی، مقدار پارامتر را به طور دقیق برآورد کند؟

 $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{5}$ (۱) $\frac{1}{4}$ (۴) $\frac{1}{8}$ (۳)

دو سوال ساده: در هر آزمون در هر درس و از هر ۱۰ سوال دو سوال ساده تر در کارنامه برای شما مشخص می شوند. دو سوال ساده تر، سوال هایی هستند که تعداد زیادی از دانش آموزان به آن ها درست پاسخ داده اند. این سوالات را خوب یاد بگیرید.

**علوم
ریاضی
و فنی**

جدول دهددهی

بازه ترازی ۷۰۰	بازه ترازی ۶۲۵۰	بازه ترازی ۵۵۰۰	بازه ترازی ۴۷۵۰	نام درس
۷	۵	۳	۲	فیزیک
۷	۵	۳	۲	شیمی

دفترچه اختصاصی - ۲

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)



آزمون ۱۷ آذر ۱۴۰۲

**آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی**

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات و مدت پاسخگویی

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	قا شماره	مدت پاسخگویی
۱	فیزیک ۳	۲۰	۶۱	۸۰	۳۰ دقیقه
۲	فیزیک ۱	۱۰	۸۱	۹۰	۱۵ دقیقه
	فیزیک ۲		۹۱	۱۰۰	
۳	شیمی ۳	۱۰	۱۰۱	۱۱۰	۱۰ دقیقه
۴	شیمی ۱	۱۰	۱۱۱	۱۲۰	۱۰ دقیقه
	شیمی ۲		۱۲۱	۱۳۰	

هدف‌گذاری چند از ۱۰

- در کانون، هدف‌گذاری براساس سیستم دهددهی (چند از ۱۰) انجام می‌شود. شما ۳ ابزار برای هدف‌گذاری چند از ۱۰ دارید:
- جدول کلی چند از ۱۰ در بازه‌های ترازی مختلف (بالای همین صفحه) - کارنامه هدف‌گذاری (در صفحه شخصی خودتان) - ستون مقایسه با هم ترازها (در کارنامه اصلی کانون)
 - شما می‌توانید با این ۳ ابزار هدف‌گذاری، خودتان را در آزمون امروز در جدول بالای هر درس در دفترچه سؤال بنویسید.



آزمون «۱۷ آذر ۱۴۰۲» اختصاصی دوازدهم ریاضی

رُضْمَه سؤال

مدت پاسخ‌گویی: ۶۵ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۵۰ سؤال

نام درس	جمع کل	شنبه	جمع کل	شنبه	جمع کل	شنبه
فیزیک ۲	۲۰	۶۱-۸۰	۱۰	۸۱-۹۰	۱۰	۹۱-۱۰۰
زوج کتاب				فیزیک ۱	۱۰	فیزیک ۲
شنبه ۳						
زوج کتاب	۱۰	۱۰-۱۱۰	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰	۱۲۱-۱۳۰
شنبه ۱				شنبه ۲		
جمع کل	۵۰	۶۱-۱۳۰				

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک	کامران ابراهیمی-عبدالرضا امینی نسب-امیرحسین برادران-علیرضا جباری-محمد راست پیمان-دانیال راستی-سید محمد رضا روحانی محمد جواد سورچی-محمد رضا شریفی-شیلا شیرزادی-امیر احمد میرسعید-محمد نهادی مقدم هدی بهاری پور-محمد رضا پور جاوید-احمدرضا جعفری نژاد-امیر حاتمیان-پیمان خواجه‌جی مجد-روزبه رضوانی-میلاد شیخ‌الاسلامی علیرضا کیانی دوست-رضا مسکن-شهرزاد معرفت ایزدی-امین نوروزی
شنبه	

گرینشگران و ویراستاران

نام درس	گرینشگر	فیزیک	شنبه
	امیر حاتمیان	امیرحسین برادران	
گروه ویراستاری		مهدی شریفی زهره آقامحمدی دانیال راستی	محمدحسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی امیر رضا حکمت‌نیا
بازبینی نهایی رقیه‌های برق		معین یوسفی‌نیا حسین بصیر	علی رضایی امیر رضا واشقانی ماهان زواری احسان پنجه‌شاهن
مسئول درس		امیرحسین برادران	پارسا غیوبی‌پور
مسئلند سازی		علیرضا همایون‌خواه	امیرحسین مرتضوی

گروه فنی و تولید

ناظر چاپ	سوران نعیمی	فروغ‌نگار	فرزانه فتح‌المزاده	مدیر گروه مستندسازی	نرگس غنی‌زاده	مدیر گروه دفترچه	مهرداد ملوندی	مدیر گروه

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۳۰ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست - دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۱ تا ۶۰

۶۱- متحرکی روی خط راست در حال حرکت است و از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌شود. اگر بردار سرعت متوسط با بردار مکان

متحرک در نقطه B هم‌جهت باشد، در این صورت چند مورد از گزاره‌های زیر الزاماً صحیح است؟

الف) فاصله متحرک در نقطه A تا مبدأ مکان، بزرگ‌تر از فاصله متحرک در نقطه B تا مبدأ مکان است.

ب) بردار مکان متحرک در نقاط A و B با یکدیگر هم‌جهت است.

پ) جهت حرکت متحرک تغییر می‌کند.

ت) بردار مکان متحرک در نقاط A و B خلاف جهت یکدیگرند.

۱) ۲

(۱) صفر

۳) ۴

۲) ۳

۶۲- دو متحرک A و B با تندي ثابت در جهت مثبت محور x در حال حرکت هستند. متحرک A در مبدأ زمان از مکان -20 m و

متحرک B در همین لحظه از مکان $+60\text{ m}$ عبور می‌کند. اگر تندي متحرک A، سه برابر تندي متحرک B باشد، دو متحرک

در چه مکانی برحسب متر از کنار هم عبور می‌کنند؟

۱۴۰) ۲

(۱) ۱۰۰

۱۲۰) ۴

 $\frac{260}{3})$

۶۳- جسمی در فاصله 100 m متری مانعی با شتاب ثابت شروع به توقف می‌کند و درست جلوی مانع می‌ایستد. مدت زمان طی نمودن

40 m متر آخر، چند برابر مدت زمان طی نمودن 10 m متر آخر مسیر است؟

۲) ۲

(۱) ۱

۸) ۴

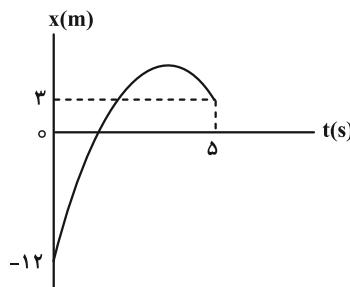
۴) ۳



۶۴- شکل زیر، نمودار مکان-زمان متحرکی را نشان می‌دهد که با شتاب ثابت روی محور x در حرکت است. اگر بردار مکان این

متحرک در ۵ ثانیه اول حرکت، به مدت ۳ ثانیه در جهت مثبت محور x باشد، مسافت پیموده شده توسط متحرک در ۵ ثانیه

اول حرکت چند متر است؟



۱۹ (۱)

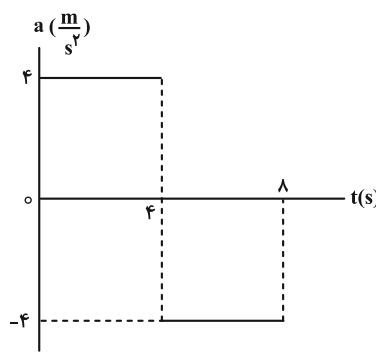
۱۷ (۲)

۱۵ (۳)

۲۴ (۴)

۶۵- نمودار شتاب-زمان جسمی که روی محور x از حال سکون شروع به حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط در ۸

ثانیه اول حرکت، چند متر بر ثانیه است؟



۴ (۱)

۶ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

۶۶- گلوله کوچکی را در شرایط خلا از یک بلندی رها می‌کنیم. اگر گلوله در ۲ ثانیه آخر حرکت خود، ۶ برابر ۲ ثانیه اول حرکتش

جابه‌جا شده باشد، تندی برخورد گلوله به سطح زمین چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۷۰ (۲)

۴۵ (۱)

۱۲۰ (۴)

۹۰ (۳)



۶۷- از دوش حمامی که با کف حمام ۲ متر فاصله دارد، قطره های آب با فاصله های زمانی $\frac{1}{3}$ ثانیه جدا می شوند. هنگامی که قطره

هشتم در حال جدا شدن است، قطره ششم در چه فاصله ای از کف حمام قرار دارد؟ ($g = ۱۰ \frac{m}{s^2}$ و از مقاومت هوا صرف نظر شود.)

$$\frac{1}{2}m \quad (2)$$

$$\frac{1}{8}m \quad (1)$$

$$\frac{1}{2}m \quad (4)$$

$$\frac{1}{8}m \quad (3)$$

۶۸- هفت نیروی هماندازه، به یک جسم به جرم m وارد شده و جسم با سرعت ثابت حرکت می کند. اگر جهت یکی از نیروها را قرینه

کرده و سایر نیروها را یک سوم برابر کنیم، بزرگی شتابی که جسم می گیرد، چند برابر حالتی است که فقط یکی از نیروها را

حذف کنیم؟

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

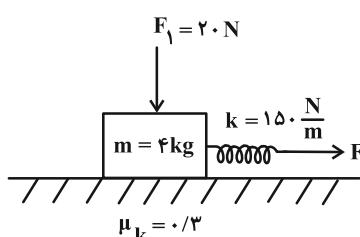
$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

$$\frac{3}{7} \quad (4)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

۶۹- در شکل زیر، فنر 20cm از حالت عادی خود کشیده شده و جسم به سمت راست در حرکت است. برای آن که جسم با سرعت

ثابت حرکت کند، نیروی F_1 باید چند نیوتون افزایش یابد؟ ($g = ۱۰ \frac{N}{kg}$)



$$10 \quad (1)$$

$$20 \quad (2)$$

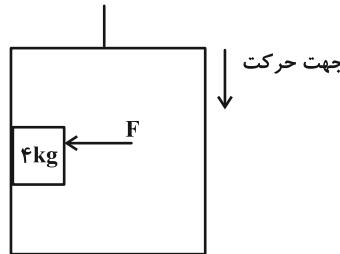
$$40 \quad (3)$$

$$60 \quad (4)$$



۷۰- مطابق شکل، جسمی به جرم 4 kg توسط نیروی F به دیواره آسانسور فشرده شده است. اگر آسانسور با شتاب تندشونده $\frac{2\text{ m}}{\text{s}^2}$

پایین آید، حداقل نیروی F چند نیوتون باشد تا جسم سقوط نکند؟ ($\mu_s = 0.5$ و $g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)



۳۲ (۱)

۶۴ (۲)

۹۶ (۳)

۴۸ (۴)

۷۱- مطابق شکل، جسمی به جرم 5 kg به فنری با ثابت $20\frac{\text{N}}{\text{cm}}$ متصل است. شخصی به انتهای فنر نیروی قائم F را وارد می‌کند،

به طوری که تغییر طول فنر نسبت به حالت آزادش 3 cm می‌شود. در این حالت جسم دارای شتاب متر بر مجدور ثانیه و

به سمت است. ($g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ ، از جرم فنر و مقاومت هوا صرف نظر شود.)



۱) - بالا

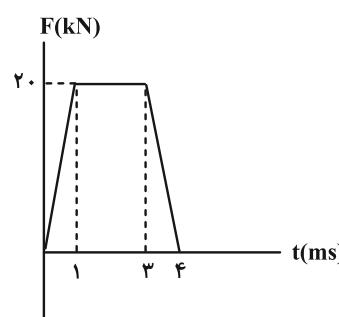
۲) - پایین

۳) - پایین

۴) گزینه‌های «۱» و «۳»

۷۲- شکل زیر نمودار نیروی خالص برحسب زمان را برای جسمی که به آن ضربه زده شده است، نشان می‌دهد. نیروی خالص متوسط

وارد بر جسم چند کیلونیوتون است؟



۱۰ (۱)

۱۲ (۲)

۱۵ (۳)

۱۸ (۴)



۷۳- انرژی جنبشی جسمی به جرم ۱۰۰ گرم، برابر ۵ ژول می‌باشد. اندازه تکانه جسم چند می‌باشد؟

۳۶ (۲)

۱ (۱)

۳۶۰۰ (۴)

۱۰۰ (۳)

۷۴- اگر ضریب اصطکاک ایستایی بین چرخ‌های خودرو و سطح جاده ۲ / ۰ باشد، خودرو حداکثر با تندی چند کیلومتر بر ساعت

$$(g = ۱۰ \frac{N}{kg}) \text{ می‌تواند پیچ افقی مسطحی که شعاع آن } ۵۰ \text{ متر است را دور بزند؟}$$

۳۶ (۲)

۱۰ (۱)

۷۲ (۴)

۲۰ (۳)

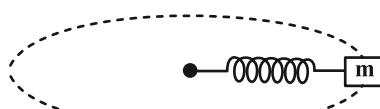
۷۵- متحرکی در صفحه xoy حرکت دایره‌ای یکنواخت انجام می‌دهد. اگر شتاب آن در مکان $A(-۱cm, ۱۰cm)$ برابر با $\ddot{\mathbf{a}} = ۱۵ \frac{\mathbf{m}}{s^2}$ باشد، تندی متحرک چند متر بر ثانیه است؟

$$\text{و شتاب آن در مکان } B(-۹cm, ۲cm) \text{ برابر با } \ddot{\mathbf{a}} = ۱۵ \frac{\mathbf{m}}{s^2} \text{ باشد، تندی متحرک چند متر بر ثانیه است؟}$$

 $۲\sqrt{۰/۶}$ (۲) $۴\sqrt{۰/۳}$ (۱) $\sqrt{۰/۳}$ (۴) $۲\sqrt{۰/۳}$ (۳)

۷۶- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم $۱/۵ kg$ را به فنری با ثابت $۴۰۰ \frac{N}{m}$ می‌بندیم و روی یک سطح افقی بدون اصطکاک با تندی

$$\text{ثابت } ۸ \frac{m}{s} \text{ می‌چرخانیم. در این حالت، دورۀ تناوب چند ثانیه است؟ (طول اولیۀ فنر } ۱m \text{ است و } \pi = ۳)$$



۰/۷۵ (۱)

۰/۹ (۲)

۰/۹۳ (۳)

۰/۱۸ (۴)



۷۷- جرم سیاره‌ای $\frac{1}{4}$ جرم زمین و قطر آن ۲ برابر قطر زمین است. شتاب گرانش در سطح این سیاره با شتاب گرانش زمین در چه

فاصله‌ای از سطح زمین برابر است؟ (R_e = شعاع زمین)

$$4R_e \quad (2)$$

$$2R_e \quad (1)$$

$$8R_e \quad (4)$$

$$4R_e \quad (3)$$

۷۸- ماهواره A به جرم $2m$ و ماهواره B به جرم $6m$ به ترتیب در ارتفاع $2R_e$ و $8R_e$ از سطح زمین قرار دارند که R_e ، شعاع

کره زمین است. تکانه ماهواره B چند برابر تکانه ماهواره A می‌باشد؟

$$3 \quad (2)$$

$$\sqrt{3} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} \quad (4)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

۷۹- اگر فردی از سطح کره زمین به اندازه $1/5$ برابر شعاع کره زمین بالا برود، وزن او چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟

$$16 \text{ درصد افزایش} \quad (2)$$

$$84 \text{ درصد افزایش} \quad (1)$$

$$84 \text{ درصد کاهش} \quad (4)$$

$$16 \text{ درصد کاهش} \quad (3)$$

۸۰- ماهواره‌ای در فاصله R_e از سطح زمین به دور کره زمین می‌چرخد. شتاب مرکزگرای ماهواره چند متر بر مربع ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

و R_e شعاع زمین است).

$$\frac{16}{25} \quad (2)$$

$$\frac{5}{32} \quad (1)$$

$$\frac{32}{5} \quad (4)$$

$$\frac{25}{16} \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۴۹

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۱ (۹۰ تا ۱۰۰) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۸۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

- ۸۱- در یک مخزن، گاز کاملی در فشار 4 atm وجود دارد. در اثر باز کردن شیر مخزن، فشار گاز در مخزن به $1/5 \text{ atm}$ رسیده و نیمی از جرم گاز مخزن خارج می‌شود. طی این فرایند انرژی درونی گاز، چند درصد تغییر می‌کند؟ (انرژی درونی این گاز از رابطه

$$U = \frac{3}{2} nRT \quad \text{به دست می‌آید.}$$

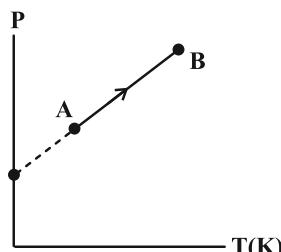
۳۷/۵ (۲)

۲۵ (۱)

۷۵ (۴)

۶۲/۵ (۳)

- ۸۲- شکل زیر، نمودار $P-T$ مقدار معینی از یک گاز کامل را نشان می‌دهد. در فرایند AB حجم گاز چگونه تغییر می‌کند؟



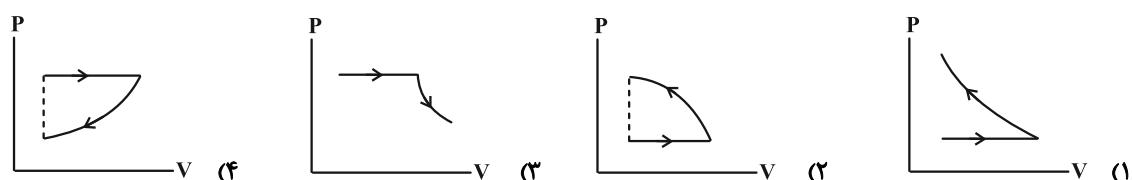
(۱) ابتدا زیاد و سپس کم می‌شود.

(۲) زیاد می‌شود.

(۳) کم می‌شود.

(۴) ابتدا کم و سپس زیاد می‌شود.

- ۸۳- حجم مقداری گاز کامل را در یک فرایند هم‌فشار، ۲ برابر می‌کنیم و سپس آن را با یک فرایند بی‌درو و به دمای اولیه بر می‌گردانیم. نمودار $P-V$ آن کدام است؟



- ۸۴- دمای دو مول گاز ایده‌آلی را طی یک فرایند هم‌فشار برحسب درجه سلسیوس، دو برابر می‌کنیم. در این حالت دستگاه ۶۴۰ ژول

$$\text{کار بر روی محیط انجام می‌دهد. دمای ثانویه گاز برحسب کلوین چقدر است? } (R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$$

۸۰ (۲)

۴۰ (۱)

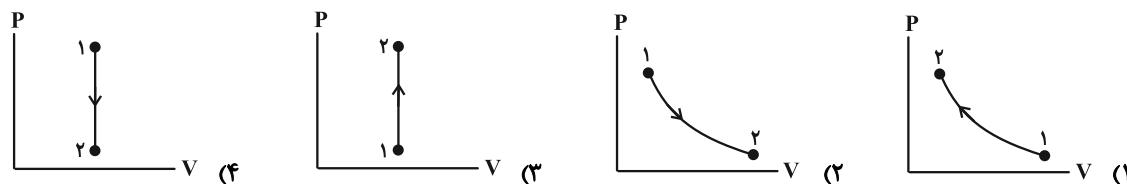
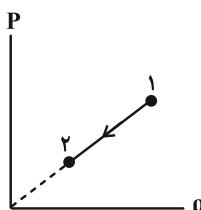
۳۵۳ (۴)

۳۱۳ (۳)

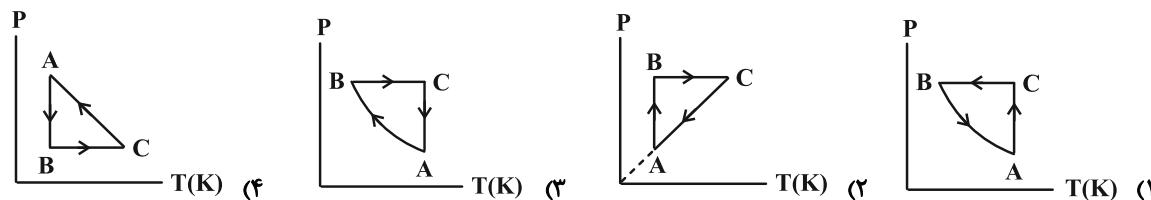
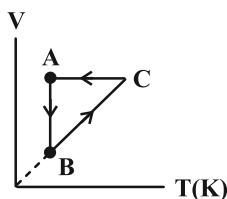


- ۸۵- شکل زیر، نمودار تغییرات فشار یک گاز کامل بحسب چگالی آن را نشان می‌دهد. نمودار $P-V$ گاز در این فرایند مطابق کدام

یک از گزینه‌های زیر است؟



- ۸۶- نمودار $V-T$ سه فرایند ترمودینامیکی گاز کاملی رسم شده است. نمودار $P-T$ آن کدام است؟



- ۸۷- نمودار $P-V$ گاز کاملی مطابق شکل است. اگر مقدار کار مبادله شده در فرایند b برابر 700 J باشد، گرمای مبادله

شده در فرایند a و کار دستگاه روی محیط در فرایند c از راست به چپ چند ژول است؟





۸۸- یک ماشین گرمایی با بازده 60% ، در هر دقیقه 15 چرخه را طی می کند. اگر این ماشین در هر چرخه $J = 600$ گرما به منبع دما

پایین بدهد، توان خروجی آن چند وات است؟

۱۵۰ (۲)

۱۰۰ (۱)

۹۰۰ (۴)

۲۲۵ (۳)

۸۹- در کدام یک از مراحل چرخه ماشین درون سوز بنزینی، فرایند بی دررو طی می شود؟

(۲) ضربه قدرت و ضربه مکش

(۱) ضربه خروج گاز و ضربه مکش

(۴) ضربه تراکم و ضربه خروج گاز

(۳) ضربه تراکم و ضربه قدرت

۹۰- چند مورد از موارد زیر می تواند مربوط به چرخه ترمودینامیکی یک یخچال باشد؟

الف) $Q_H = -600J$ ، $Q_L = -200J$ ، $W = 400J$

ب) $Q_H = 500J$ ، $Q_L = -100J$ ، $W = 400J$

پ) $Q_H = -300J$ ، $Q_L = 100J$ ، $W = 400J$

ت) $Q_H = -500J$ ، $Q_L = 100J$ ، $W = 400J$

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الای کترومغناطیس و جریان متناوب: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۳۰

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۱ (۸۱ تا ۹۰) و فیزیک ۲ (۹۱ تا ۱۰۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۹۱- سیم‌لوله‌ای با ۵۰۰ دور و مقاومت الکتریکی 5Ω و مساحت سطح مقطع 50cm^2 عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد.برای آن که جریانی به شدت ۱ میلی‌آمپر در سیم‌لوله الای شود، میدان مغناطیسی با چه آهنگی برحسب $\frac{T}{s}$ باید تغییر کند؟

(۱) 2×10^{-3}

(۲) 4×10^{-4}

۹۲- نمودار شار مغناطیسی گذرنده از یک حلقه، به صورت سهمی زیر است. بزرگی نیروی محرکه الایی متوسط در ثانیه سوم چند

۹۳- پیچه مسطح رسانایی با ۶۰۰ دور سیم که مساحت هر حلقه آن 500cm^2 است، عمود بر محور y و در میدان مغناطیسی یکنواخت $\bar{B} = ۱۰\text{SI}$ قرار دارد. اگر در مدت ۵ دقیقه، پیچه ۱۸۰ درجه بچرخد، بزرگی نیروی محرکه الایی متوسط

در پیچه چند ولت می‌شود؟

(۱) $۰/۸$

(۲) $۱/۶$

۹۴- قاب فلزی مربع شکلی به ضلع 10cm دارای مقاومت ۲Ω است و سطح آن با خطوط میدان مغناطیسی زاویه ۳۰ درجه می‌سازد.اگر اندازه میدان مغناطیسی گذرنده از این حلقه از $۰/۰۶$ تسلا به $۰/۰۳$ تسلا در خلاف جهت اولیه برسد، در این مدت مقدار

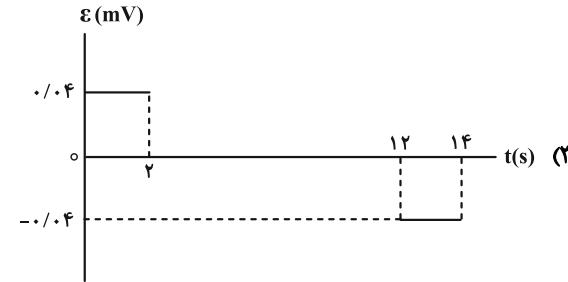
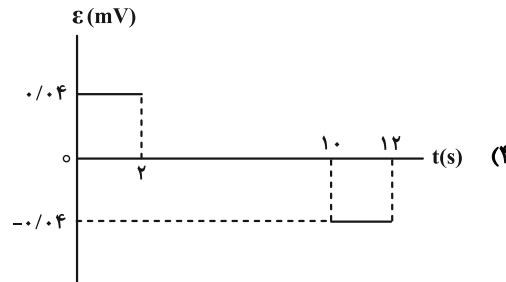
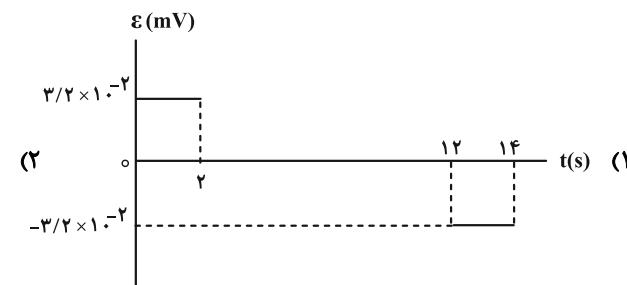
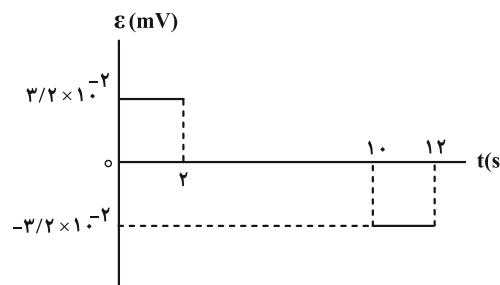
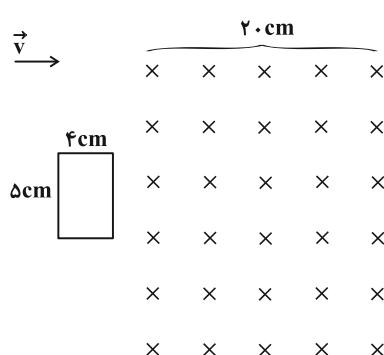
بار شارش شده در رسانا چند میکروکولن است؟

(۱) $۲۲۵\sqrt{۳}$

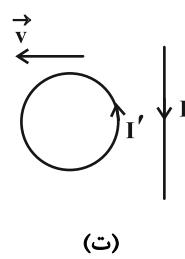
(۲) $۷۵\sqrt{۳}$



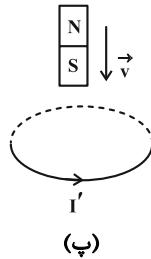
۹۵- یک قاب مستطیل شکل زیر با تندی ثابت $\frac{2 \text{ cm}}{\text{s}}$ وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو به بزرگی 400 G گاووس می شود. نمودار نیروی حرکت القایی قاب بر حسب زمان، از لحظه ورود تا لحظه خروج کامل آن مطابق کدام گزینه است؟



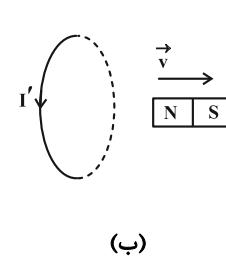
۹۶- در چند مورد جهت جریان القایی I' در حلقه و سیمولوه درست رسم شده است؟



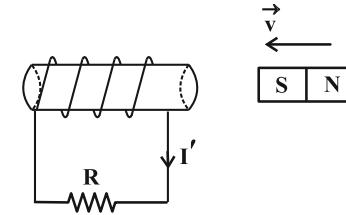
(۴) صفر



۲ مورد



(ب)

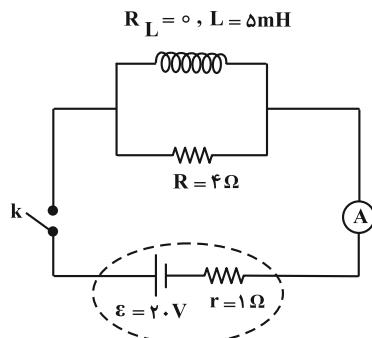


۳ مورد

۱ مورد



۹۷- در مدار شکل زیر، در لحظه وصل کلید عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد I_1 و پس از گذشت مدت زمان طولانی از وصل کلید، عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد I_2 است. اگر انرژی ذخیره شده در القاگر در حالت اول U_1 و حالت دوم U_2 باشد، کدام گزینه صحیح است؟ (آمپرسنج آرمانی است).



$$U_2 - U_1 = 1J, I_1 > I_2 \quad (1)$$

$$U_2 - U_1 = 2J, I_2 > I_1 \quad (2)$$

$$U_2 - U_1 = 1J, I_2 > I_1 \quad (3)$$

$$U_2 - U_1 = 2J, I_1 > I_2 \quad (4)$$

۹۸- از القاگری به طول 3 cm و شعاع مقطع 4 mm جریان ثابتی می‌گذرد. اگر میدان مغناطیسی روی محور القاگر 1 T باشد،

$$\text{انرژی ذخیره شده در القاگر چند میلیژول است? } (\pi = 3.14, \mu = 3\text{ }\mu\text{A}) \quad U = \frac{1}{2} \cdot \frac{\text{T} \cdot \text{m}}{\text{A}} = 12 \times 10^{-7}$$

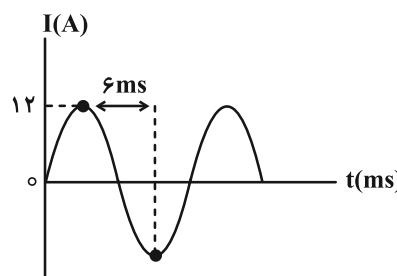
۶۰ (۴)

۳۰ (۳)

۶ (۲)

۳ (۱)

۹۹- شکل زیر، نمودار جریان متناوبی را نشان می‌دهد که از یک رسانای ۵ اهمی می‌گذرد. در لحظه $t = 3\text{ ms}$ ، اندازه نیروی حرکتۀ القایی چند ولت است و در چه لحظه‌ای بر حسب میلی ثانیه، مقدار جریان برای دومین بار در رسانا بیشینه می‌شود؟



۶، ۳۰ (۱)

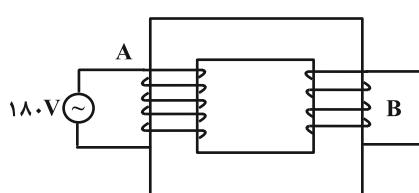
۹، ۳۰ (۲)

۳، ۶۰ (۳)

۹، ۶۰ (۴)

۱۰۰- دو سیم‌لولۀ آرمانی A و B با سطح مقطع یکسان در دو طرف هستۀ یک مبدل پیچیده شده‌اند. ضریب القاوری سیم‌لولۀ A ،

۹۰ درصد ضریب القاوری سیم‌لولۀ B و طول سیم‌لولۀ A است. ولتاژ تولید شده در سیم‌لولۀ B چند



ولت است؟

۲۷۰ (۱)

۱۵۰ (۲)

۱۲۰ (۳)

۸۰ (۴)

سوال‌های دارای دام آموزشی: در تصویر پاسخبرگ شما در هر آزمون تعداد سوال‌هایی که در دام آموزشی افتاده و به آن پاسخ غلط داده‌اید مشخص شده است. این سوال‌ها را بشناسید و بررسی کنید که چگونه در دام طراح سوال افتاده‌اید. کتاب اشتباهات متدول به شما کمک می‌کند تا با تیپ این سوال‌ها بیشتر آشنا شوید.



شیمی ۳: مولکول‌های در خدمت تدرستی + آسایش و رفاه در سایه شیمی (ناهای واکنش‌های شیمیایی و سفر هدایت شده الکترون): صفحه‌های ۱ تا ۵۰ وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

۱۰۱- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- * اوره ترکیبی محلول در آب است که بین مولکول‌های آن برخلاف مولکول‌های اتیلن گلیکول، پیوند هیدروژنی وجود دارد.
- * روغن زیتون همانند واژلین یک هیدروکربن ناقطبی و نامحلول در آب به شمار می‌رود.
- * در فرمول مولکولی اسید چرب سیرشدۀ‌ای که در زنجیر ناقطبی آن ۱۷ اتم کربن وجود دارد، در مجموع ۵۳ اتم وجود دارد.
- * شب نمودار امید به زندگی - زمان در مناطق برخوردار، بیشتر از مناطق کم برخوردار است.
- * اتیلن گلیکول ترکیبی قطبی و محلول در آب است که دارای یک گروه هیدروکسیل است.

۵ (۴) ۳ (۳) ۴ (۲) ۲ (۱)

۱۰۲- چند مورد از عبارت‌های زیر همواره صحیح هستند؟

- الف) محلول اسیدهای قوی نسبت به اسیدهای ضعیف رسانایی الکتریکی بیشتری دارند زیرا یونش اسیدهای قوی در آب کامل یا تقریباً کامل است.
- ب) در فرایند انحلال NaOH(s) در آب از اصطلاح «یونش» استفاده نمی‌شود.
- پ) مواد قطبی جزء مواد الکتروولیت به حساب می‌آیند.
- ت) امکان برقراری جریان الکتریکی به کمک انتقال الکترون‌های آزاد تنها برای فلزات امکان‌پذیر است.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۱۰۳- با در نظر گرفتن ساختارهای (الف) و (ب) چند مورد از عبارت‌های زیر صحیح هستند؟

- (الف)
- * هر دو ترکیب آروماتیک هستند.
- * ترکیب (الف) را به منظور افزایش خاصیت ضدعفونی کنندگی و میکروب‌کشی به صابون‌ها اضافه می‌کنند.

- (ب)
- * نسبت شمار اتم‌های ترکیب (ب) به شمار عنصرهای ترکیب (الف) برابر ۱۲ است.
- * صابون محتوى ترکیب (الف) نسبت به صابون مراغه عوارض جانبی کمتری دارد.
- * با فرض این که در بخش قطبی ترکیب (ب) همه اتم‌ها به حالت هشتتایی رسیده باشند، اختلاف شمار پیوندهای دوگانه ترکیب‌های (الف) و (ب) برابر ۳ است.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)



۱۰۴- در واکنش هیدروکلریک اسید با جوش شیرین، $1/54$ گرم گاز تولید شده است. برای تولید این مقدار گاز، چند میلی لیتر هیدروکلریک اسید با $pH = ۰$ با مقدار کافی جوش شیرین واکنش داده است؟



$$(\log 2 = ۰ / ۳) \quad (H = ۱, C = ۱۲, O = ۱۶, Na = ۲۳, Cl = ۳۵ / ۵ : g \cdot mol^{-1})$$

$$۴۲۰ (۲) \quad ۱۷۵ (۱)$$

$$۲۱۰ (۴) \quad ۳۲۵ (۳)$$

۱۰۵- کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

(۱) pH محلول $۰/۵$ مولار آمونیاک بزرگ‌تر از pH محلول سودسوزآور با همین غلظت است.

(۲) قدرت بازی محلول‌های هیدروکسید فلزات گروه اول در آب، تقریباً با یکدیگر برابر است.

(۳) در شرایط یکسان از نظر دما و غلظت، هر چقدر یک باز قوی‌تر باشد، pH محلول آن کوچک‌تر خواهد بود.

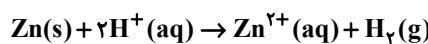
(۴) در محلول بازهای ضعیف برخلاف محلول بازهای قوی، غلظت یون هیدرونیوم بیشتر از یون هیدروکسید است.

۱۰۶- تیغه‌ای از جنس فلز روی و به جرم ۱۳ گرم را در V میلی لیتر محلول $۰/۰$ مولار هیدروکلریک اسید وارد می‌کنیم اگر بعد از

گذشت ۴۰ ثانیه از شروع واکنش، ۲۰% فلز به صورت واکنش نداده باقی بماند و pH محلول باقی مانده هیدروکلریک اسید

برابر $۱/۴$ باشد، V کدام است و سرعت تولید گاز H_2 در این بازه زمانی چند میلی لیتر بر ثانیه است؟ (شرایط را STP فرض

کنید، از تغییر حجم محلول چشمپوشی شود.) ($\log 2 = ۰ / ۳$) ($Zn = ۶۵, H = ۱ : g \cdot mol^{-1}$)



$$۸۹/۶, ۲۰۰۰ (۲) \quad ۳۳/۶, ۲۰۰۰ (۱)$$

$$۲۲/۴, ۴۰۰۰ (۴) \quad ۶۷/۲, ۴۰۰۰ (۳)$$



۱۰۷- کدام موارد از عبارت‌های زیر صحیح هستند؟

الف) واکنش اصلی میان محلول سدیم هیدروکسید و هیدروکلریک اسید را می‌توان واکنش میان یون‌های هیدرونیوم و هیدروکسید در نظر گرفت.

ب) برای باز کردن لوله‌های مسدود شده سینک ظرفشویی آشپزخانه نمی‌توان از محلول سدیم هیدروکسید استفاده کرد.

پ) غلظت یون هیدرونیوم در اسید معده تقریباً برابر با $10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ می‌باشد و این اسید می‌تواند فلز روی را در خود حل کند.

ت) ضد اسیدها داروهایی حاوی منیزیم هیدروکسید هستند که برای کاهش میزان اسید معده، برای برخی افراد تجویز می‌شوند.

ث) محلول آمونیاک مانند محلول سدیم هیدروژن کربنات خاصیت بازی دارد.

۲) الف، پ و ت

۱) الف، ث

۴) تمام موارد

۳) پ، ت و ث

۱۰۸- کدام گزینه درست است؟

۱) چون همه باتری‌ها دارای نیم‌واکنش کاتدی و آندی هستند، کارایی یکسانی نیز دارند.

۲) از لیتیم در باتری‌ها استفاده می‌کنند زیرا در میان فلزات کاهنده قوی‌تری است و کمترین چگالی را دارد.

۳) همه باتری‌های لیتیمی قابل شارژ هستند و شکل یکسانی دارند.

۴) در همه باتری‌های لیتیمی با انجام نیم‌واکنش اکسایش و کاهش، جریان الکتریکی در مدار درونی برقرار می‌شود.

۱۰۹- کدام گزینه نادرست است؟

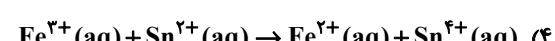
۱) در واکنش Zn با محلول مس (II) سولفات، به ازای مبادله $\frac{1}{4}$ مول الکترون، $12/8 \text{ g}$ مس تولید می‌شود. ($Cu = 64 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۲) با قرار دادن تیغه‌ای از جنس فلز Au در محلول مس (II) سولفات دمای مخلوط واکنش تغییر نمی‌کند.

۳) در برخی واکنش‌های اکسایش-کاهش افزون بر داد و ستد الکترون، انرژی نیز آزاد می‌شود.

۴) در واکنش $2\text{Al}^{3+} + 3\text{Cu}^{2+} \rightarrow 3\text{Cu}^{2+} + 2\text{Al}$ با گذشت زمان شدت رنگ آبی محلول افزایش می‌یابد.

۱۱- در کدام واکنش پس از موازنی، ضریب گونه اکسنده بزرگ‌تر است؟





وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: آب، آهنگ زندگی: صفحه های ۹۸ تا ۱۲۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۱۱- چه تعداد از عبارت های زیر نادرست است؟

* حالت فیزیکی و ترکیب شیمیایی در سرتاسر مخلوط ید در هگزان همانند مخلوط استون در آب، یکسان و یکنواخت است.

* هر مولکول اتانول توانایی تشکیل حداکثر ۲ پیوند هیدروژنی را با خود و با مولکول های آب دارد.

* اگر گشتاور دوقطبی مولکول های A برابر صفر و گشتاور دوقطبی مولکول های B حدود صفر باشد، به یقین A و B با هم می توانند جاذبه مناسب را برقرار کنند.

* اگر نیروهای بین مولکولی در آب، a، اتانول، b و اتانول و آب، c در نظر گرفته شود ۳ مورد از روابط زیر درست است.

$$\text{الف: } \frac{b+a}{2} \quad \text{ب: } a < b, c \quad \text{ج: } c > \frac{b+a}{2}$$

۱) ۲) ۳) ۴)

۱۱۲- کدام گزینه در رابطه با انحلال نمک ها در آب نادرست است؟

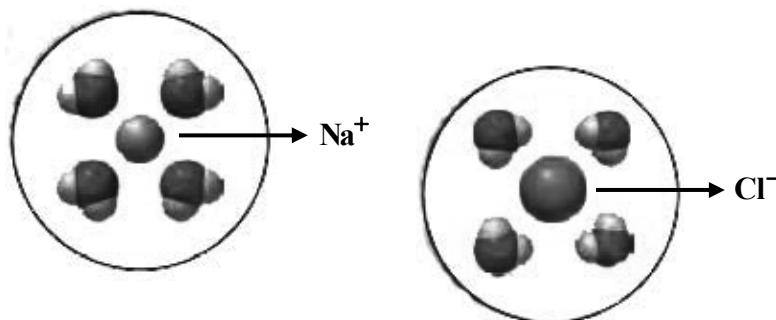
۱) فرایند انحلال سدیم کلرید در آب با فرایند انحلال ید در هگزان متفاوت است.

۲) جاذبه جدیدی که در این نوع انحلال ایجاد می شوند از نوع یون- دوقطبی است.

۳) شکل پایین نمونه ای از این نوع انحلال را نشان می دهد.

۴) در فرایند انحلال باریم سولفات در آب رابطه زیر برقرار است:

میانگین نیروی جاذبه یونی در BaSO_4 و بیوندهای هیدروژنی در آب $<$ جاذبه یون- دوقطبی در محلول



۱۱۳- چند مورد از موارد زیر نادرست است؟

- ردپای آب نشان می دهد که هر انسان چقدر از آب قابل استفاده و در دسترس مصرف می کند.

- هر چه ردپای آب در کره زمین توسط انسان بیشتر باشد، مقدار آب شیرین بیشتری مصرف می شود.

- میانگین ردپای آب برای هر فرد در یک سال در حدود یک میلیون میلی لیتر است.

- ردپای آب برای تولید یک بلوز نخی ۲۷۰۰ لیتر است.

- همه آب مورد نیاز مصرفی توسط آب های سطحی یا زیرزمینی تأمین می شود.

۱) ۱) ۲) ۳) ۴)

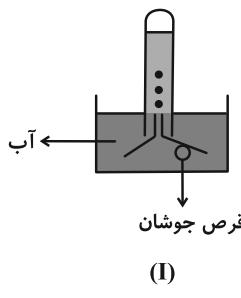
۱۱۴- انحلال پذیری یک نمک در آب در دمای C° برابر با ۵ گرم است. اگر درصد جرمی محلول سیرشده این نمک در دمای C°

برابر با ۲۰ باشد، معادله انحلال پذیری آن بر حسب دما کدام گزینه خواهد بود؟

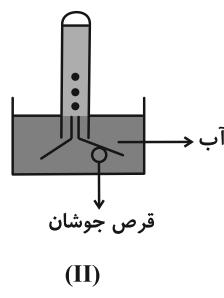
۱) $S = 0 / 125\theta + 25$ ۲) $S = 0 / 125\theta - 5$ ۳) $S = 0 / 5\theta + 25$ ۴) $S = 0 / 5\theta - 5$



۱۱۸- با توجه به شکل‌های زیر چند عبارت درست است؟ (در ابتدا، هر دو لوله پر از آب بوده‌اند. مقدار قرص جوشان در هر دو ظرف برابر است. فشار محیط در هر دو آزمایش برابر و یکسان است و از انبساط گاز موجود در ظرف در صورت تغییرات دمایی صرف نظر کنید.)



(I)



(II)

- آ) دمای آب در ظرف شماره (I) بیشتر است.
ب) گاز آزاد شده در این دو واکنش، یک گاز گلخانه‌ای است و در ساختار لوئیس آن چهار جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

پ) در گاز آزاد شده $\text{O}_2 = \text{N}_2$ است.

ت) انحلال‌پذیری این گاز در آب بیشتر از NO است.

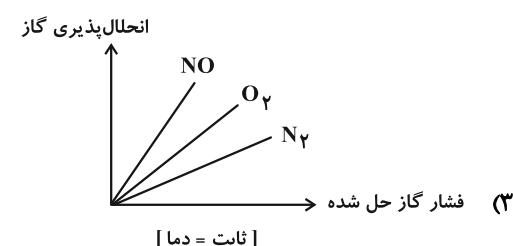
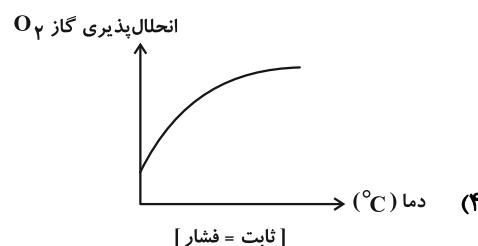
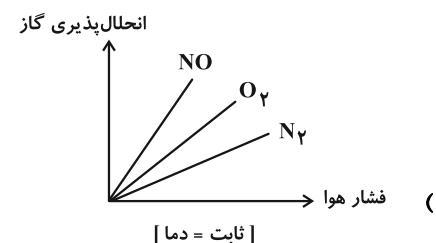
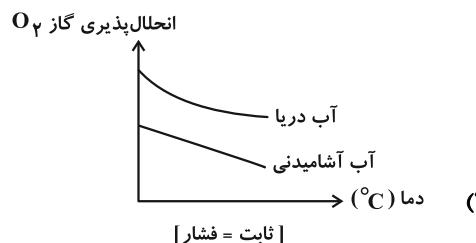
۲ (۲)

۴ (۴)

۱ (۱)

۳ (۳)

۱۱۹- کدام نمودار درست است؟



۱۲۰- انحلال‌پذیری گاز CO_2 در دمای 25°C و $P = 1\text{ atm}$ ، برابر $145/100\text{ g}$ آب است. اگر فشار CO_2 در یک بطری نوشیدنی گازدار $1/5$ لیتری در بسته 3 atm باشد، پس از باز شدن در بطری و گذشت زمان کافی در دمای 25°C تقریباً چند گرم CO_2 از بطری خارج خواهد شد؟ ($d = 1\text{ g.ml}^{-1}$ نوشیدنی) (جرم نوشیدنی را تقریباً برابر با جرم آب در نظر بگیرید.)

۶/۵ (۴)

۲/۲ (۳)

۴/۳ (۲)

۲/۹ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: پوشک، نیازی پایان ناپذیر؛ صفحه‌های ۹۷ تا ۱۲۱

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و شیمی ۲ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- همه گزینه‌های زیر درست‌اند یه جز:

۱) واحدهای تکرارشونده در سلولز با پیوندهای کربن- اکسیژن (C-O) به هم متصل شده‌اند.

۲) نشاسته همانند پلی‌اتن و روغن زیتون نوعی درشت مولکول پلیمری است اما واحدهای تکرارشونده متفاوتی دارد.

۳) نیروی بین مولکولی در پلی‌اتن از نوع وان‌دروالسی است و قوی‌تر از پیوند هیدروژنی بین مولکول‌های آب است.

۴) درشت مولکول‌های همچون نایلون، تفلون و ... را از واکنش بسپارش تهیه می‌کنند.

۱۲۲- درصد جرمی کلر در پلی‌وینیل کلرید تقریباً برابر با کدام گزینه می‌باشد؟ (Cl = ۳۵/۵ , C = ۱۲ , H = ۱ , O = ۱۶ : g.mol⁻¹)

۱) نسبت درصد جرمی هیدروژن در وینیل کلرید به درصد جرمی هیدروژن در پروپین

۲) جرم آب تولید شده از سوختن یک مول هگزانوئیک اسید

۳) تعداد اتم‌های هیدروژن موجود در یک واحد مولکولی چربی کوهان شتر

۴) گرمای مبادله شده از واکنش دادن ۸/۹ گرم گاز اتن در واکنش افزایشی با گاز کل بر حسب کیلوژول (آنتالپی واکنش: -۱۷۸kJ.mol⁻¹)

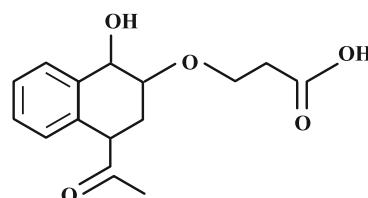
۱۲۳- کدام مطلب زیر درست است؟

۱) منشاً بوی شکوفه‌ها به دسته‌ای از ترکیب‌های آلی مربوط می‌شود که در ساختار گروه عاملی آن‌ها، ۴ اتم وجود دارد.

۲) در ساختار عامل بو و طعم آناناس اختلاف شمار پیوندهای C-C و C-H برابر ۸ است.

۳) در ساختار گروه عاملی یک مولکول استر تک عاملی، به یقین ۲ اتم کربن وجود دارد که هر یک به دو اتم اکسیژن متصل هستند.

۴) از سوختن کامل یک مولکول پلی‌استر در شرایط مناسب، افزاون بر گازهای CO₂ و H₂O برخی از اکسیدهای نیتروژن نیز حاصل می‌شود.

۱۲۴- در مولکول ترکیبی با ساختار روبرو، کدام گروه‌های عاملی وجود دارند؟

۱) استری- کتونی- الکلی

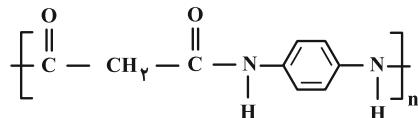
۲) کربوکسیل- اتری- آلدهیدی

۳) کتونی- الکلی- اتری

۴) استری- آلدهیدی- کتونی



۱۲۵- با توجه به ساختار پلیمر زیر کدام عبارت‌ها صحیح هستند؟



آ) شمار اتم‌های دی اسید سازنده این ترکیب با شمار اتم‌های اتیلن گلیکول برابر است.

ب) شمار اتم‌های هیدروژن دی آمین سازنده این ترکیب با شمار اتم‌های هیدروژن بنزآلدهید برابر است.

پ) گروه عاملی موجود در ساختار پلیمر موجود در قایق بادبانی در این پلیمر وجود دارد.

ت) شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در اسید سازنده این پلیمر با شمار الکترون‌های پیوندی در مولکول گوگرد تری اکسید برابر است.

(۲) پ، ت

(۱) آ، ب

(۴) آ، ت

(۳) ب، پ، ت

۱۲۶- ماده‌ای که عامل بو و طعم آناناس است، در فرمول ساختاری خود پیوند اشتراکی دارد و درصد جرمی کربن در آن به تقریب

برابر است. ($\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$) (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).

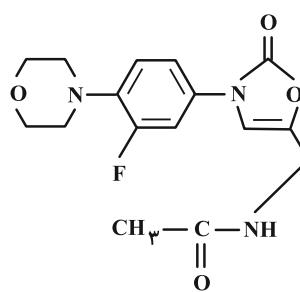
۶۸ ، ۲۰ (۲)

۶۸ ، ۱۸ (۱)

۶۲ ، ۱۸ (۴)

۶۲ ، ۲۰ (۳)

۱۲۷- درباره ساختار مولکول نشان داده شده، چه تعداد از موارد زیر نادرست است؟



* شمار اتم‌های کربنی که به هیدروژن متصل نیستند، با شمار کربن‌های موجود در الکل سازنده استر موجود در موز برابر است.

* شمار جفت الکترون‌های پیوندی آن دو برابر شمار الکترون‌های ناپیوندی آن است.

* می‌تواند در تشکیل پلی‌آمید شرکت کند و امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با خود را دارد.

* مانند مولکول ویتامین دی (D)، دارای حلقة بنزنی است.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



۱۲۸- جرم مولی آمیدی که ۹ کربن در بخش آلکیلی خود دارد کدام است؟ (این ترکیب کلاً ۱۰ کربن دارد.)

$$(C = 12, O = 16, H = 1 : g \cdot mol^{-1})$$

۱۷۱ (۲)

۱۴۱ (۱)

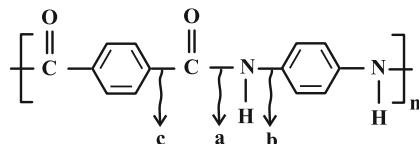
۱۷۲ (۴)

۱۴۲ (۳)

۱۲۹- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

* مولکول‌های نشاسته در محیط گرم و مرطوب به آرامی به مونومرهای گلوکز تبدیل می‌شوند.

* در طی فرایند آبکافت، پیوند a شکسته می‌شود.



* علت ماندگاری پلیمرهایی همچون تفلون، پلی‌اتن و پلی‌استیرن، سیرشده بودن آن‌هاست.

* از نگاه پیشرفت پایدار، تولید و استفاده از پلیمرهایی که حاصل افزودن هیدروکربن‌های سیرنیزد در شرایط مناسب به یکدیگر است، الگوی مصرف مطلوبی است.

* ظروف یکبار مصرفی که تولید می‌شوند به یقین پس از مدت بسیار زیاد و طولانی به مولکول‌های ساده مانند آب و کربن دی‌اکسید تبدیل می‌شوند.

۴ (۲)

۳ (۱)

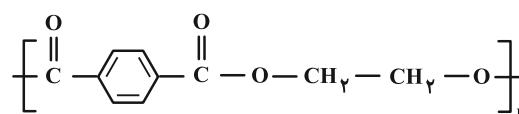
۱ (۴)

۲ (۳)

۱۳۰- پلی‌استری با فرمول ساختاری زیر تجزیه می‌شود. اگر جرم از این ماده در مدت ۱۵۰ ثانیه به ۷۱ گرم کاهش یابد،

سرعت متوسط تشکیل دی‌الکل آن چند $mol \cdot min^{-1}$ است و در این فاصله چند گرم دی‌اسید تشکیل شده است؟

$$(C = 12, H = 1, O = 16 : g \cdot mol^{-1})$$



۱۶/۶ ، ۰/۰۲ (۲)

۸/۳ ، ۰/۰۲ (۱)

۱۶/۶ ، ۰/۰۵ (۴)

۸/۳ ، ۰/۰۵ (۳)

توجه به اشتباهات: داشتن ۱۰ تا ۱۵ اشتباه در هر آزمون قابل قبول است. اشتباهات شما معلم‌های خوبی برای پیشرفت شما هستند. وقتی به یک سؤال اشتباه جواب می‌دهید، یعنی آن موضوع را ناقص یاد گرفته‌اید و معمولاً با یک تلنگر یادگیری‌تان کامل می‌شود. پس به سراغ اشتباهات بروید. کارنامه اشتباهات را می‌توانید در همان روز آزمون از صفحه شخصی خود دریافت کنید.

رانلور، ایگان تماس‌آفرینشی در کنال ما:

@Azmoonha_Azmayeshi

علوی

تماریز، پایه و شرکت



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر



آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi



دانش



دوسسه آموزشی فرهنگی



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi

آزمون‌های سراسری
کاج

حل
مسئلہ





آزمون ۱۷ آذر ۱۴۰۲ اختصاصی دوازدهم ریاضی

رقمی

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲	امیر محمد باقری نصر آبادی- شاهین بروازی- عادل حسینی- افشن خاصه خان- طاهر دادستانی- فرشاد صدیقی فر- کامیار علیون علیرضا نداف زاده- جهانبخش نیکنام
هندسه	امیرحسین ابو محبوب- افشن خاصه خان- محمد خندان- سوگند روشنی- مهرداد ملوندی
ریاضیات گسسته	امیرحسین ابو محبوب- رضا توکلی- فرزاد جوادی- مصطفی دیداری- سوگند روشنی- مریم مرسلی- مهرداد ملوندی
فیزیک	کامران ابراهیمی- عبدالرضا امینی نسب- امیرحسین برادران- علیرضا چباری- محمد راست پیمان- دانیال راستی- سید محمد رضا روحانی محمد جواد سورجی- محمدرضا شریفی- شیلا شیرزادی- امیر احمد میرسعید- محمد نهادی مقدم
شیمی	هدی بهاری پور- محمدرضا پور جاوید- احمد رضا جعفری نژاد- امیر حاتمیان- پیمان خواجهی مجد- روزبه رضوانی- میلاد شیخ الاسلامی علیرضا کیانی دوست- رضا مسکن- شهرزاد معرفت ایزدی- امین نوروزی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته و آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	علیرضا نداف زاده	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین ابو محبوب سوگند روشنی	امیرحسین برادران	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	مهدی ملارضانی سعید خان بابایی محمدرضا راسخ	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	مهدی شریفی زهره آقامحمدی دانیال راستی	محمد حسن محمدزاده مقدم امیر حسین مسلمی امیر رضا حکمت نیا
بازیبینی نهایی و تبههای پرتو	پارسا نوروزی منش سهیل تقی زاده	پارسا نوروزی منش مهدی خالتی	پارسا نوروزی منش مهدی خالتی	معین یوسفی نیا حسین بصیر	علی رضایی امیر رضا واشقانی ماهان زوایی احسان پنجه شاهی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین برادران	پارسا عیوض پور
مسئلندسازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین مرتضوی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: معیا اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح الهزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

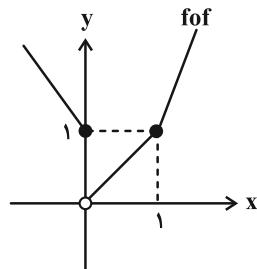
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



پس داریم:

$$(f \circ f)(x) = \begin{cases} -2x+1 & ; \quad x \leq 0 \\ x & ; \quad 0 < x < 1 \\ 4x-3 & ; \quad x \geq 1 \end{cases}$$

پس تابع $f \circ f$ روی بازه $[0, +\infty)$ اکیداً نزولی و روی بازه $(-\infty, 0)$ اکیداً صعودی است. این یعنی وضعیت یکنواختی تابع f و $f \circ f$ روی بازه $(0, 1)$ مخالف یکدیگر است.



(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(شاهین پژوهشی)

گزینه «۳»

ابتدا ضابطه تابع را ساده می‌کنیم:

$$\begin{aligned} f(x) &= 1 + (1 - \cos^2 ax) - \sin^2 ax = 1 + \sin^2 ax - \sin^2 ax \\ &= 1 + \sin^2 ax(1 - \sin^2 ax) = 1 + \sin^2 ax \cos^2 ax \\ &= 1 + \frac{1}{4} \sin^2 2ax = 1 + \frac{1}{4} \left(\frac{1 - \cos 4ax}{2} \right) \\ \Rightarrow f(x) &= \frac{9}{8} - \frac{1}{8} \cos 4ax \end{aligned}$$

با توجه به شکل $\frac{3}{2}$ برابر دوره تناوب، $\frac{3}{4}$ شده است. پس دوره تناوب برابر

$$T = \frac{2\pi}{|\frac{4a}{3}|} = \frac{1}{2} \Rightarrow |a| = \frac{\pi}{2}$$

از طرفی مقدار ماکریتم تابع هم برابر $b = \frac{9}{8} + \frac{1}{8} = \frac{5}{4}$ است.

$$\Rightarrow f(x) = \frac{9 - \cos 4\pi x}{8}$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{b}{3}\right) = f\left(\frac{\Delta}{12}\right) = \frac{9 - \cos \frac{5\pi}{3}}{8} = \frac{9 - \frac{1}{2}}{8} = \frac{17}{16}$$

(حسابان ۲ - مثال‌تات: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(عادل مسین)

گزینه «۴»مقدار ماکریتم تابع برابر $\frac{5}{6}$ است.

$$\Rightarrow \frac{1}{3} + 2|a| = \frac{1}{3} + 2a = \frac{5}{6} \Rightarrow a = \frac{1}{4}$$

نصف دوره تناوب هم برابر ۱ شده است:

$$\Rightarrow T = \frac{2\pi}{4|b|\pi} = \frac{1}{2b} = 2 \Rightarrow b = \frac{1}{4}$$

حسابان ۲**گزینه «۴»**

(ظاهر (اردستان)) باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $p(x+2)$ بر $-3x-1$ برابر $p(5)$ است. پس $p(5) = 0$ است. در نتیجه چندجمله‌ای $(1-2x)p(x+2)$ بر عبارتی بخش‌پذیر است که ریشه آن همان جواب معادله $5 = 1-2x$ یعنی $x = -2$ باشد، پس $(1-2x)p(x+2)$ بخش‌پذیر است.
(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

گزینه «۲»

(علیرضا نرافزاره) ضابطه تابع جدید $y = \sqrt[3]{3x+1} + k$ است که اکیداً صعودی است، پس وارون خود را فقط روی خط $x = y$ قطع می‌کند، این یعنی نقطه تقاطع $(-3, -3)$ است:

$$\Rightarrow -3 = \sqrt[3]{3(-3)+1} + k \Rightarrow -3 = -2 + k \Rightarrow k = -1$$

پس ضابطه تابع جدید $y = \sqrt[3]{3x+1} - 1$ است. نمودار این تابع را سه

واحد به راست می‌بریم و سپس نسبت به محور عرض‌ها قرینه می‌کنیم:
انتقال به راست $\frac{x-(x-3)}{y} = \sqrt[3]{3x-8} - 1$

$$\xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور عرض‌ها}} y = \sqrt[3]{-3x-8} - 1$$

$$= -(\sqrt[3]{3x+8} + 1)$$

به ازای $x = -\frac{7}{3}$ ، مقدار این تابع برابر ۲ می‌شود.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۰)

گزینه «۳»

(اخشنین فاضل‌فان)

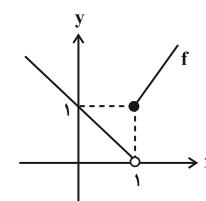
طبق شکل بزرگ‌ترین بازه‌ای که تابع f روی آن صعودی است، بازه $[0, 5]$ است که طول آن برابر ۵ است. همچنین بزرگ‌ترین بازه‌ای که تابع روی آن نزولی است، بازه $[-3, 5]$ است که طول آن برابر 8 است.
 $|a-b|=3$ است. $b=8$

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

گزینه «۳»

(شاهین پژوهشی)

تابع f روی بازه $(1, +\infty)$ اکیداً نزولی و روی بازه $(-\infty, 1)$ اکیداً صعودی است.

و ضابطه تابع $f \circ f$ را به صورت زیر به دست می‌آوریم:

$$f(f(x)) = \begin{cases} 1-f(x) & ; \quad f(x) < 1 \Rightarrow 0 < x < 1 \\ 2f(x)-1 & ; \quad f(x) \geq 1 \Rightarrow x \in \mathbb{R} - (0, 1) \end{cases}$$



که باید برابر a باشد:

$$\begin{aligned} \frac{4a^3 + 2a}{4a^4 + 3a^2 + 1} &= a \Rightarrow 4a^5 + 3a^3 + a = 4a^3 + 2a \\ \Rightarrow 4a^5 - a^3 - a &= 0 \xrightarrow{a \neq 0} 4a^4 - a^2 - 1 = 0 \\ \Rightarrow a^2 &= \frac{1 + \sqrt{17}}{4} \xrightarrow{a > 0} a = \sqrt{\frac{1 + \sqrt{17}}{4}} \end{aligned}$$

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه ۳۶)

(جواب نیشش کیانی)

گزینه ۴

$\sin x + \cos x$ را متغیر جدید T در نظر می‌گیریم:
 $\sin x + \cos x = T \Rightarrow \sin 2x = T^2 - 1$
 پس معادله با تغییر متغیر به صورت زیر است:

$$\begin{aligned} \frac{T}{T+2} &= \frac{2}{T^2-4} + 1 \\ \Rightarrow 1 - \frac{2}{T+2} &= \frac{2}{T^2-4} + 1 \Rightarrow T^2 - 4 = -(T+2) \\ \Rightarrow T^2 + T - 2 &= (T+2)(T-1) = 0 \\ &\text{امکان پذیر نیست، پس } T = 1 \text{ است.} \\ \Rightarrow \sin 2x &= 0 \Rightarrow 2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2}, \quad k \in \mathbb{Z} \end{aligned}$$

جواب‌های بازه $[0, 2\pi]$ عبارت اند از صفر، $\frac{\pi}{2}$ و $\frac{3\pi}{2}$ که در این بین π و $\frac{3\pi}{2}$ در معادله صدق نمی‌کنند.

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(عادل مسینی)

گزینه ۵

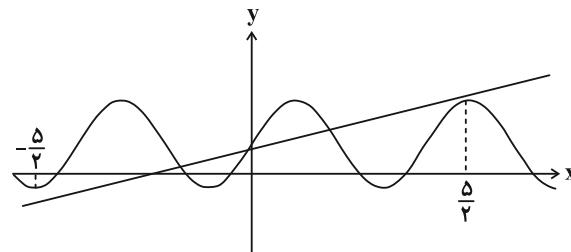
طرفین تساوی را در $\cos x \cos 2x$ ضرب می‌کنیم:

$$\begin{aligned} \cos x \cos 2x (\tan 2x + 1) - \frac{\tan x \cos x \cos 2x (\tan 2x - 1)}{\sin x} &= \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \Rightarrow \cos x (\sin 2x + \cos 2x) - \sin x (\sin 2x - \cos 2x) &= \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \Rightarrow \sin 2x \cos x + \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x + \sin x \cos 2x &= \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \Rightarrow \sin(2x+x) + \cos(2x+x) &= \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \Rightarrow \sin(3x) + \cos(3x) &= \sqrt{2} \sin(3x + \frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \Rightarrow \sin(3x + \frac{\pi}{4}) &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 3x + \frac{\pi}{4} = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \Rightarrow 3x = 2k\pi - \frac{\pi}{12} \\ \Rightarrow x = \frac{24k-1}{36}\pi \\ 3x + \frac{\pi}{4} = 2k\pi + \frac{5\pi}{6} \Rightarrow 3x = 2k\pi + \frac{7\pi}{12} \\ \Rightarrow x = \frac{24k+7}{36}\pi \end{array} \right.$$

حال برای پیدا کردن نقاط تلاقی، نمودار تابع f و خط $y = \frac{x+1}{4}$ را با

دقت بیشتری در یک دستگاه مختصات رسم می‌کنیم:



پس تعداد نقاط تلاقی برابر ۳ است.

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

گزینه ۶

با توجه به این که نمودار از نقطه $(0, 0)$ عبور می‌کند، $c = 2$ است. از

$$\frac{\pi}{|b|} = 2\pi \Rightarrow |b| = \frac{1}{2} \quad \text{طرفی } T = 2\pi \text{ است، پس داریم:} \\ \text{تابع } f \text{ روی هر بازه از دامنه‌اش اکیداً صعودی است، پس } a \text{ و } b \text{ علامت‌اند.}$$

نقطه $(4, 0)$ روی نمودار واقع است در نتیجه با فرض این که $b > 0$ داریم:

$$\begin{aligned} 4 &= a \tan \frac{\pi}{4} + 2 \Rightarrow a = 2 \\ \Rightarrow a + b + c &= \frac{9}{2} = 4.5 \end{aligned}$$

اگر $b < 0$ باشد، داریم:

$$\begin{aligned} 4 &= -a + 2 \Rightarrow a = -2 \\ \Rightarrow a + b + c &= -\frac{1}{2} \end{aligned}$$

(مسابان ۲- مثالیات: صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

گزینه ۷

با توجه به شکل $\tan 2\theta = a$ است و از روی

$\tan \theta \cdot \tan 3\theta = \tan(2\theta + \theta) = 2a$ را حساب می‌کنیم:

$$\tan 3\theta = \frac{\tan 2\theta + \tan \theta}{1 - \tan 2\theta \tan \theta} = \frac{a + \tan \theta}{1 - a \tan \theta} = 2a$$

$$\Rightarrow \tan \theta = \frac{a}{2a^2 + 1}$$

حال از اتحاد $\tan 2\theta = \frac{\tan x}{1 - \tan^2 x}$ استفاده می‌کنیم و $\tan x$ را حساب می‌کنیم:

$$\tan 2\theta = \frac{2(\frac{a}{2a^2 + 1})}{1 - (\frac{a}{2a^2 + 1})^2} = \frac{4a^3 + 2a}{4a^4 + 3a^2 + 1}$$



(کامیار علیوی)

گزینه «۴»

از اتحادهای $\cos 2\theta = 2\cos^2 \theta - 1$ و $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ استفاده می کنیم:

$$L = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2+2\cos^2 x - 1 - \sin x}{1-\sin^2 x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2(1-\sin^2 x) - \sin x + 1}{1-\sin^2 x} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{-2\sin^2 x - \sin x + 3}{1-\sin^2 x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{(2\sin x + 3)(\sin x - 1)}{(\sin x + 1)(\sin x - 1)} = \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2\sin x + 3}{\sin x + 1} = \frac{5}{2}$$

(مسابان - هر و پیوستگی؛ صفحه های ۱۳۶ تا ۱۴۰)

(عادل مسینی)

گزینه «۳»

حد راست تابع در $x = 1$ برابر $a + b$ است. حد چپ نیز باید برابر همین مقدار شود.

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{ax^2 - x - 2}{2x - 2}$$

حد مخرج در عبارت بالا صفر است، برای این که حاصل حد مقدار حقیقی $a + b$ شود، لازم است حد صورت نیز برابر صفر شود:

$$\Rightarrow a - 1 - 2 = 0 \Rightarrow a = 3$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(3x+2)(x-1)}{2(x-1)} = \frac{5}{2}$$

پس حد راست هم برابر $\frac{5}{2}$ است.

$$\xrightarrow{a=3} 3 + b = \frac{5}{2} \Rightarrow b = -\frac{1}{2}$$

پس ضابطه تابع به صورت زیر است:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3x^2 - x - 2}{2x - [3x]} & ; \quad x < 1 \\ 3 - \frac{x}{2} & ; \quad x \geq 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(b) = f(-\frac{1}{2}) = -\frac{3}{4}$$

(مسابان - هر و پیوستگی؛ صفحه های ۱۳۵ تا ۱۴۰)

(کامیار علیوی)

گزینه «۴»

اگر $a = 0$ باشد، تابع $f(x) = -[x]$ در بازه داده شده فقط در $x = 0$ نایپوسته است.

اما اگر $a \neq 0$ باشد، نقاط کاندیدا برای نایپوستگی $x = \frac{1}{2}$ و $x = 1$

هستند، زیرا در این نقاط عبارت های داخل براکت مقداری صحیح به خود

می گیرند. حال در $\frac{1}{2} \leq x < 1$ چون تابع $y = a[2x]$ نایپوسته است و از آنجا

که مجموع یک تابع نایپوسته با هر تابع پیوسته دیگری نمی تواند پیوسته شود،

نتیجه می گیریم تنها نقطه نایپوستگی تابع همین $x = 1$ است و تابع f در

$x = 1$ باید پیوسته باشد. پس داریم:

جواب های بازه $(\pi, 0)$ عبارتند از $\frac{31\pi}{36}, \frac{7\pi}{36}$ و $\frac{23\pi}{36}$ که مجموع

آنها برابر $\frac{61\pi}{36}$ است.

(مسابقات - مثبات: صفحه های ۳۵ تا ۳۶)

گزینه «۲»

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 6$$

اما نمودار تابع f از مقادیر کمتر از ۶ به آن نزدیک می شود، پس داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} (gof)(x) = \lim_{x \rightarrow 6^-} g(x)$$

که ضابطه تابع g به صورت $-2x + 6 = -2x + 6$ است و داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 6^-} g(x) = -6$$

که چون تابع g اکیداً نزولی است، تابع از مقادیر بیشتر به ۶ نزدیک می شود، در نهایت داریم:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} [(gof)(x)] = [(-6)^+] = -6$$

(مسابقات - هر و پیوستگی: صفحه های ۱۲۳ تا ۱۲۹)

گزینه «۱»

با حد صفر صفرم مواجه هستیم.

روش اول: $x = 1$ ریشه مرتبه ۳ صورت اما ریشه ساده مخرج است. پس حاصل حد صفر است.

روش دوم:

$$L = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(\sqrt{x}-1)(\sqrt{x^2} + \sqrt{x} + 1)}{\sqrt{\sqrt{x}} \sqrt{\sqrt{x}-1}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} 3\sqrt{\sqrt{x}-1} = 0$$

(مسابقات - هر و پیوستگی: صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۳)

(فرشوار صدیقی فر)

با حد میهم صفر صفرم مواجه هستیم و برای رفع ابهام، از اتحاد چاق و لاغر استفاده می کنیم:

$$L = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{(\sqrt[3]{x+1}-1)-x}{x^2} \times \frac{1+\sqrt[3]{x+1}+\sqrt[3]{(x+1)^2}}{1+\sqrt[3]{x+1}+\sqrt[3]{(x+1)^2}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{((x+1)-1)-x(3)}{x^2(3)} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{-2x}{3x^2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{-2}{3x} = -\infty$$

(مسابقات - هر و پیوستگی: صفحه های ۱۴۱ تا ۱۴۳)

(مسابقات - هر راهی نامتناهی - هر در بین نهایت: صفحه های ۱۴۸ تا ۱۵۳)



$$\lim_{x \rightarrow (\frac{3\pi}{4})^-} f(x) = \frac{-1}{+} = -\infty$$

(مسابقات - مرحهای نامتناهی - هر در بین نهایت: صفحه‌های ۵۵ و ۵۸)

(امیرمحمد باقری نصرآبادی)

گزینه «۳» - ۱۹

نمودار تابع دو مجانب قائم $x = m > 0$ و $x = -2$ را دارد که با توجه به

نمودار مشخص است که $x = -2$ ریشه ساده عبارت مخرج و $x = m$

ریشه مضاعف آن است، پس داریم:

$$x^3 + ax^2 + bx + c = (x + 2)(x - m)^2$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{x}{(x + 2)(x - m)^2}$$

تساوي $\frac{1}{2} = f(-2)$ را نيز برقرار می‌کنیم:

$$\frac{1}{2} = \frac{-2}{4(-2-m)^2} \Rightarrow (-2-m)^2 = 1 \Rightarrow -2-m = \pm 1 \Rightarrow \begin{cases} m=1 \\ \text{یا} \\ m=-3 \end{cases}$$

پس ضابطه‌های تابع f می‌تواند $m=1$ یا

$$\Rightarrow -\frac{1}{4} = f(-2) \quad \text{باشد.}$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{x}{(x + 2)(x - 1)^2}$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{x}{(x + 2)(x - 1)^2}$$

باشد.

(مسابقات - مرحهای نامتناهی - هر در بین نهایت: صفحه‌های ۵۵ و ۵۸)

(امیرمحمد باقری نصرآبادی)

گزینه «۴» - ۲۰

واضح است که اگر $a = 5$ باشد، تابع ثابت f با دامنه $\mathbb{R} - \{1, 4\}$ باشد.

مجانب قائم نخواهد داشت. اما اگر $a \neq 5$ باشد، لازم است که عبارت

مخرج ریشه نداشته باشد:

$$\Rightarrow \Delta_{\text{مخرج}} = a^2 - 16 < 0 \Rightarrow -4 < a < 4$$

پس مجموعه مقادیر قابل قبول برای a ، $a \in (-4, 4) \cup \{5\}$ است که این

مجموعه شامل ۸ عدد صحیح است.

(مسابقات - مرحهای نامتناهی - هر در بین نهایت: صفحه‌های ۵۵ و ۵۸)

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = a, \quad f(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 2a - 1$$

پیوستگی $\Rightarrow a = 2a - 1 \Rightarrow a = 1$

(مسابقات - هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(شاهین پژوازی)

گزینه «۲» - ۱۷

$$L = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-m[3x]}{(x-1)(x-m)}$$

حدهای چپ و راست در $x = 1$ هر دو باید برابر ∞ شود.

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{1-m[3x]}{(x-1)(x-m)} = \frac{1-3m}{0^- \times (1-m)} = -\infty$$

$$\Rightarrow \frac{1-3m}{1-m} > 0 \Rightarrow m < \frac{1}{3} \text{ یا } m > 1 \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{1-m[3x]}{(x-1)(x-m)} = \frac{1-3m}{0^+ \times (1-m)} = -\infty$$

$$\Rightarrow \frac{1-3m}{1-m} < 0 \Rightarrow \frac{1}{3} < m < 1 \quad (2)$$

اشتراک مجموعه‌های (1) و (2) بازه $(\frac{1}{3}, 1)$ است.

(مسابقات - مرحهای نامتناهی - هر در بین نهایت: صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(عازل فسیل)

گزینه «۴» - ۱۸

ضابطه تابع را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$f(x) = \frac{\sin(\frac{\pi}{4} - x)}{\cos(\frac{\pi}{4} - x)(\sin x + \cos x)} = \frac{\sin(\frac{\pi}{4} - x)}{\sqrt{2} \cos^2(\frac{\pi}{4} - x)}$$

در همسایگی $x = \frac{3\pi}{4}$ حد صورت برابر $-1 = \sin(-\frac{\pi}{4})$ است و حد

مخرج هم همواره مقداری مثبت است. پس داریم:



(مهندس ملوندی)

گزینه «۴» - ۲۴

از رابطه $A^3 = -A$ ، نتیجه می‌گیریم

$$A^9 = (A^3)^3 = (-A)^3 = -A^3 = A$$

$$A^{100} = (A^9)^{11} \times A = A^{11} \times A = A^9 \times A^3$$

$$= A \times (-A) = -A^2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(اخشین فاصله‌فان)

گزینه «۳» - ۲۵

ماتریس اسکالر ماتریس مربعی است که درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی آن همگی صفر بوده و درایه‌های واقع بر قطر اصلی آن برابر یکدیگرند، پس داریم:

$$AB = \begin{bmatrix} 1 & a & 2 \\ c & 5 & a \\ 1 & b & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c & 0 & 2 \\ -1 & 1 & 0 \\ a & -1 & b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} n & 0 & 0 \\ 0 & n & 0 \\ 0 & 0 & n \end{bmatrix}$$

اگر فرض کنیم $AB = C$ ، آنگاه با بررسی درایه‌های c_{12} ، c_{22} و c_{32} داریم:

$$\begin{cases} c_{12} = 0 \Rightarrow a - 2 = 0 \Rightarrow a = 2 \\ c_{22} = 0 \Rightarrow b + 1 = 0 \Rightarrow b = -1 \\ c_{32} = 0 \Rightarrow 2c + ab = 0 \Rightarrow 2c - 2 = 0 \Rightarrow c = 1 \end{cases}$$

حال به ازای درایه c_{11} داریم:

$$c_{11} = n \Rightarrow c - a + 2a = n \Rightarrow n = a + c = 2 + 1 = 3$$

پس مجموع درایه‌های ماتریس AB ، برابر 9 است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۷)

(امیرحسین ابومنیوب)

گزینه «۱» - ۲۶

شرط وجود بی شمار جواب برای دستگاه آن است که

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$

$$\frac{m}{3} = \frac{2}{m+5} = \frac{-2n-1}{n+4}$$

$$\frac{m}{3} = \frac{2}{m+5} \Rightarrow m(m+5) = 6 \Rightarrow m^2 + 5m - 6 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -6 \end{cases}$$

اگر $m = 1$ باشد، آنگاه،

$$\frac{1}{3} = \frac{-2n-1}{n+4} \Rightarrow n+4 = -6n-3 \Rightarrow 7n = -7 \Rightarrow n = -1$$

اگر $m = -6$ باشد، آنگاه،

هندسه ۳

گزینه «۴» - ۲۱

(مهندس ملوندی)

ابتدا رابطه ماتریسی داده شده را ساده می‌کنیم:

$$\begin{bmatrix} x & y \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 2x \end{bmatrix} = 3 \Rightarrow \begin{bmatrix} 4x+y & 2x-2y \\ 2x \end{bmatrix} = 3$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 4xy+y^2+4x^2-4xy \\ 2x \end{bmatrix} = 3 \Rightarrow y^2+4x^2 = 3$$

از رابطه $y = 2x - 4$ به صورت زیر استفاده می‌کنیم:

$$y = 2x - 4 \Rightarrow y - 2x = -4 \xrightarrow{\text{توان ۲}} \underbrace{y^2+4x^2}_{3} - 4xy = 16$$

$$\Rightarrow -4xy = 13 \Rightarrow xy = -\frac{13}{4} = -3/25$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

گزینه «۱» - ۲۲

می‌دانیم اگر k عددی حقیقی و A یک ماتریس مربعی وارون پذیر باشد،

$$\text{آن‌گاه } (KA)^{-1} = \frac{1}{K} A^{-1} \text{ است. پس داریم:}$$

$$\left(\frac{1}{2} A\right)^{-1} = \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} A^{-1} = 2A^{-1}$$

$$|\left(\frac{1}{2} A\right)^{-1}| = -4 \Rightarrow |2A^{-1}| = -4 \Rightarrow 2^3 |A^{-1}| = -4$$

$$\Rightarrow |A^{-1}| = -\frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{|A|} = -\frac{1}{2} \Rightarrow |A| = -2$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

گزینه «۳» - ۲۳

از فرض نتیجه می‌گیریم $AB = -BA$ ، بنابراین داریم:

$$|A||B| = |AB| = |-BA| = (-1)^3 |BA| = -|B||A|$$

$$\Rightarrow |A||B| = 0 \Rightarrow |A| = 0 \text{ یا } |B| = 0$$

پس عبارت «الف» درست است.

$$A^T B = A(AB) = A(-BA) = -(AB)A = -(-BA)A = BA^T$$

$$\Rightarrow A^T B - BA^T = \bar{0}$$

بنابراین عبارت «ب» نادرست است.

$$(A+B)^T = A^T + B^T + \underbrace{AB+BA}_{\bar{0}} \Rightarrow |(A+B)^T| = |A^T + B^T|$$

$$\Rightarrow |A+B|^T = |A^T + B^T|$$

پس عبارت «پ» درست است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱ و ۲۷ تا ۳۱)



$$\begin{aligned} & \Rightarrow \begin{cases} 11m = 6 \\ 22m + 12n = 1 \Rightarrow 12n = -11 \\ 2 \times 6 \end{cases} \\ & \Rightarrow 11n = -1 \Rightarrow 22n = -2 \end{aligned}$$

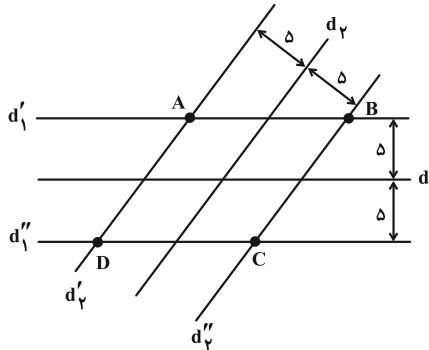
$$11m - 22n = 6 - (-2) = 8$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(سوکن روشن)

گزینه «۴» - ۲۹

می‌دانیم مکان هندسی نقاطی از صفحه که از یک خط در آن صفحه به فاصله ثابت k باشند، دو خط موازی با آن خط در طرفین آن و به فاصله k از آن هستند، بنابراین مطابق شکل کافی است دو خط d'_1 و d''_1 را موازی با d_1 و دو خط d'_2 و d''_2 را موازی با d_2 رسم کنیم:



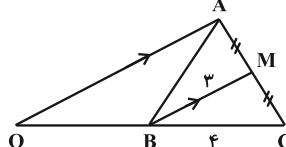
نقاط D , A , B , C ، نقاطی از صفحه هستند که از دو خط d_1 و d_2 ، به فاصله یکسان 5 واقع‌اند.

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مفروతی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(امیرحسین ابومیوب)

گزینه «۲» - ۳۰

فرض کنید ABC مثلث مورد نظر باشد. از رأس A خطی موازی میانه BM رسم می‌کنیم تا امتداد BC را در نقطه‌ای مانند O قطع کند. در این صورت طبق تعیین قضیه تالس در مثلث OAC داریم:



$$BM \parallel OA \Rightarrow \frac{CM}{CA} = \frac{CB}{CO} = \frac{BM}{OA} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{4}{CO} = \frac{3}{OA}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} CO = 8 \Rightarrow BO = 4 \\ OA = 6 \end{cases}$$

يعني نقطه O ، نقطه‌ای ثابت روی امتداد ضلع BC و به فاصله 4 واحد از B است و فاصله نقطه A از نقطه O همواره برابر 6 است، پس نقطه A روی دایره‌ای به مرکز O وشعاع 6 قرار دارد.

(هنرسه ۳- آشنایی با مقاطع مفروతی؛ صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

$$\frac{-6}{3} = \frac{-2n-1}{n+4} \Rightarrow -2 = \frac{-2n-1}{n+4} \Rightarrow -2n-8 = -2n-1$$

غیرممکن

بنابراین تنها جواب ممکن $m = 1$ و $n = -1$ بوده و تنها زوج مرتب $(-1, 1)$ به دست می‌آید.

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه ۲۶)

(امیرحسین ابومیوب)

گزینه «۱» - ۲۷

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow |A| = 2 \times 1 - (-1) \times 2 = 4$$

$$\Rightarrow B = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & -4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

رابطه ماتریسی فرض سؤال را از سمت چپ در ماتریس B^{-1} ضرب می‌کنیم:

$$B^{-1}(BX) = B^{-1}(A - B) \Rightarrow X = B^{-1}A - I$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -1 & -4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -10 & -3 \\ 6 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -6 & -\frac{3}{2} \\ 3 & -\frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$X = -6 - \frac{3}{2} + 3 - \frac{1}{2} = -5$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)

(سوکن روشن)

گزینه «۲» - ۲۸

ابتدا وارون ماتریس A را به دست می‌آوریم:

$$A^{-1} = \frac{1}{11} \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \Rightarrow (A^{-1})^2 = \frac{1}{121} \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1}{121} \begin{bmatrix} 13 & -18 \\ 6 & 1 \end{bmatrix}$$

حال طبق فرض داریم:

$$(A^{-1})^2 = mA^{-1} + nI \Rightarrow \frac{1}{121} \begin{bmatrix} 13 & -18 \\ 6 & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{m}{11} \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} + n \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\xrightarrow{\times 121} \begin{bmatrix} 13 & -18 \\ 6 & 1 \end{bmatrix} = 11m \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} + 121n \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 13 & -18 \\ 6 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 44m + 121n & -33m \\ 11m & 22m + 121n \end{bmatrix}$$



همان طور که مشاهده می شود عدد $2a + b$ (در هر دو حالت) زوج است و

مضرب ۳ نیست، پس ب. م. آن با عدد $3 \times 2 = 12$ ، یکی از اعداد ۲ است.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۳ تا ۱۶)

(مهندسی ملودنی)

«۳» - ۳۴

مطابق فرض باقی مانده تقسیم اعداد ۱۲۰ و ۴۵ بر عدد طبیعی m ، با هم

برابر است، پس داریم:

$$\begin{cases} 120 = mq_1 + r \\ 45 = mq_2 + r \end{cases}; \quad 0 \leq r < m$$

$$\text{تفاضل } 75 = m(q_1 - q_2) \Rightarrow m | 75$$

از آنجا که $75 = 3 \times 5^2$ و عدد طبیعی m بزرگ تر از یک است، پس پنج

مقدار قابل قبول ۳، ۵، ۱۵، ۲۵ و ۷۵ برای m به دست می آید.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۴ و ۱۵)

(مهندسی دراری)

«۳» - ۳۵

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$2a + 1 = 23q + r \xrightarrow{r=q+5} 2a + 1 = 23q + q + 5$$

$$\Rightarrow 2a = 24q + 4 \xrightarrow{+2} a = 12q + 2$$

هر عدد در تقسیم بر ۳، به یکی از سه صورت $3k+1$ ، $3k+2$ و $3k+0$ نوشته می شود.

$$q = 3k \Rightarrow a = 12(3k) + 2 = 36k + 2 \Rightarrow r_1 = 2$$

$$q = 3k + 1 \Rightarrow a = 12(3k + 1) + 2 = 36k + 14 \Rightarrow r_2 = 14$$

$$q = 3k + 2 \Rightarrow a = 12(3k + 2) + 2 = 36k + 26 \Rightarrow r_3 = 26$$

بنابراین حداقل مقدار باقی مانده تقسیم a بر ۳۶، برابر ۲۶ است.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۴ و ۱۵)

(مهندسی دراری)

«۳» - ۳۶

می دانیم $x^3 - 2x = (x-1)^3 - 1$ ، بنابراین داریم:

$$7^3 \equiv 2 \pmod{24} \Rightarrow 7^{14} \equiv 2^7 \equiv 128 \equiv -13$$

ریاضیات گسسته

«۳» - ۳۱

(امیرحسین ابوالهیوب)

طبق خاصیت تعدد اگر $a | c$ و $b | c$ ، آنگاه $a | b$ داریم:

$$\left. \begin{array}{l} a | b \\ a | c \end{array} \right\} \Rightarrow a^r | bc \quad \text{گزینه «۱»:}$$

$$\left. \begin{array}{l} a | c \\ b | c \end{array} \right\} \Rightarrow ab | c^r \quad \text{گزینه «۲»:}$$

$$\left. \begin{array}{l} a | b \\ a | c \end{array} \right\} \Rightarrow a^r | b^r \quad \left. \begin{array}{l} a^r | b^r \\ a^r | c^r \end{array} \right\} \Rightarrow a^r | b^r + c^r \quad \text{گزینه «۳»:}$$

اما رابطه گزینه «۳» لزوماً برقرار نیست. مثلاً اگر $a = 15$ ، $b = 15$ و $c = 30$ باشد، آنگاه $a | b$ و $a | c$ است و $b + c = 45$ باشد.

«۴» - ۳۲

(امیرحسین ابوالهیوب)

$$a^r + b^r + a^r b^r \geq a^r b + a b^r + a b \quad \longleftrightarrow$$

$$2a^r + 2b^r + 2a^r b^r \geq 2a^r b + 2ab^r + 2ab$$

$$\Leftrightarrow (a^r - 2ab + b^r) + (a^r b^r - 2a^r b + a^r)$$

$$+ (a^r b^r - 2ab^r + b^r) \geq 0.$$

$$\Leftrightarrow (a-b)^r + (ab-a)^r + (ab-b)^r \geq 0.$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۰ تا ۱۲)

«۱» - ۳۳

(مهندسی ملودنی)

از $a = 3$ (a) نتیجه می گیریم که a مضرب ۳ است ولی بر ۲ بخش پذیر نیست، یعنی:

از $b = 2$ (b) نتیجه می گیریم که b مضرب ۲ است ولی بر ۳ بخش پذیر نیست، یعنی:

$$b = 2(3k' \pm 1) = 6k' \pm 2$$

در نتیجه داریم:

$$2a + b = 12k + 6 + 6k' \pm 2 = \begin{cases} 12k + 6k' + 8 \\ 12k + 6k' + 4 \end{cases}$$



(سوکندر، روشن)

«گزینه ۴» - ۳۹

برای یافتن مقادیر x ، معادله سیاله را به یک معادله همنشته تبدیل می‌کنیم:

$$12x + 5y = 113 \Rightarrow 12x \equiv 113 \Rightarrow 2x \equiv 3 \equiv 8$$

$$\frac{+2}{(2, 5)=1} \rightarrow x \equiv 4 \Rightarrow x = 5k + 4 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

بزرگ‌ترین عدد طبیعی سه رقمی x ، برابر است با:

$$x = 5 \times 199 + 4 = 999 \Rightarrow 27$$

(ریاضیات کلسسنه-آشتایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

(سوکندر، روشن)

«گزینه ۱۱» - ۴۰

شرط جواب معادله $ax + by = c$ در مجموعه اعداد صحیح آن است که $(a, b) | c$

$$(5n - 1, 3n + 2) = d \Rightarrow \begin{cases} d | 5n - 1 & \xrightarrow{x_3} d | 15n - 3 \\ d | 3n + 2 & \xrightarrow{x_5} d | 15n + 10 \end{cases}$$

$$\text{تفاضل} \rightarrow d | 13 \Rightarrow d = 1 \text{ یا } 13$$

از طرفی عدد ۱۳، عدد ۱۵ را عاد نمی‌کند، پس معادله تنها در صورتی در مجموعه اعداد صحیح جواب دارد که $d = 1$ باشد. بنابراین کافی است مقادیری از n که به ازای آن، $d = 13$ است را به دست آورده و از کل

اعداد دو رقمی کم کنیم:

$$3n + 2 \equiv 0 \Rightarrow 3n \equiv -2 \equiv 24 \xrightarrow[3, 13]=+3 n \equiv 8$$

$$\Rightarrow n = 13k + 8 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$10 \leq n \leq 99 \Rightarrow 10 \leq 13k + 8 \leq 99 \Rightarrow 2 \leq 13k \leq 91$$

$$\xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} 1 \leq k \leq 7$$

پس به ازای ۷ عدد دو رقمی، $d = 13$ و در نتیجه به ازای $90 - 7 = 83$

عدد دو رقمی، $d = 1$ بوده و معادله در مجموعه اعداد صحیح جواب دارد.

(ریاضیات کلسسنه-آشتایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

$$\xrightarrow{x_7} 7^{15} \equiv 47 \equiv -91 \equiv -91 + 2 \times 47 \equiv 3$$

$$\xrightarrow{x_2} 2 \times 7^{15} \equiv 6 \Rightarrow x - 1 \equiv 6 \xrightarrow{\text{به توان ۲}} 2$$

$$(x - 1)^2 \equiv 36 \Rightarrow (x - 1)^2 - 1 \equiv 35$$

(ریاضیات کلسسنه-آشتایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

(سوکندر، روشن)

«۲» - ۳۷

$$7^3 \equiv 49 \equiv -2 \xrightarrow{\text{به توان ۴}} 7^8 \equiv 16 \equiv -1$$

$$\xrightarrow{21} 7^{16} \equiv -1 \xrightarrow{\text{به توان ۲}} 7^{12} \equiv (-1)(-2) \equiv 2$$

$$5^2 \equiv 25 \equiv 8 \xrightarrow{\text{به توان ۴}} 5^8 \equiv 64 \equiv -4$$

$$\xrightarrow{21} 5^8 \equiv 16 \equiv -1 \xrightarrow{\text{به توان ۲}} 5^{16} \equiv -1$$

$$\xrightarrow{x_5^4} 5^{17} \equiv (-1)(-4) \equiv 4$$

$$7^{17} + 5^{17} \equiv 2 + 4 \equiv 6$$

(ریاضیات کلسسنه-آشتایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۶ تا ۲۹)

(فریزار، بواری)

«۲» - ۳۸

عددی بر ۹۹ بخش‌پذیر است که بر ۹ و ۱۱ بخش‌پذیر باشد:

$$\xrightarrow{9} x^3 y \wedge xx \equiv x + 3 + y + 8 + x + x \equiv 3x + y + 11 \equiv 0$$

$$\xrightarrow{9} 3x + y \equiv -11 \equiv 7 \Rightarrow 3x + y = 7 \quad (1) \quad \text{یا } 25 \text{ یا } 16 \text{ یا } 34$$

$$\xrightarrow{11} x^3 y \wedge xx \equiv x - x + 8 - y + 3 - x \equiv 11 - x - y \equiv 0$$

$$\xrightarrow{11} x + y \equiv 11 \equiv 0 \Rightarrow x + y = 11 \quad (2)$$

دقت کنید که حالت $x + y = 0$ امکان‌پذیر نیست، چون در این صورت

$x = y = 0$ و عدد مورد نظر شش رقمی نخواهد بود.

تنها مقادیری برای x و y که در هر دو رابطه (۱) و (۲) صدق می‌کنند،

است. در این صورت داریم:

$$x^2 + y^2 = 7^2 + 4^2 = 65$$

(ریاضیات کلسسنه-آشتایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)



(مریم مرسلی)

گزینه «۳» - ۴۴

$$\frac{1}{11} + \frac{1}{11} + d + \frac{1}{11} + 2d + \frac{1}{11} + 3d + \frac{1}{11} + 4d = 1$$

$$10d = 1 - \frac{5}{11} = \frac{6}{11} \Rightarrow d = \frac{6}{110}$$

$$P(4) = \frac{1}{11} + d = \frac{10}{110} + \frac{6}{110} = \frac{16}{110}$$

$$P(3) = \frac{16}{110} + \frac{6}{110} = \frac{22}{110}$$

$$P(2) = \frac{22}{110} + \frac{6}{110} = \frac{28}{110}$$

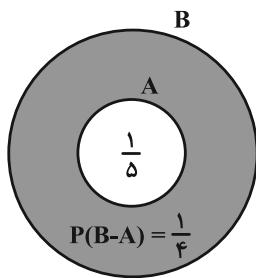
$$P(1) = \frac{28}{110} + \frac{6}{110} = \frac{34}{110}$$

$$\Rightarrow \frac{P(3)}{P(1)+P(2)} = \frac{\frac{22}{110}}{\frac{62}{110}} = \frac{22}{62} = \frac{11}{31}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(مریم مرسلی)

گزینه «۴» - ۴۵



$$\Rightarrow P(B) = \frac{1}{5} + \frac{1}{4} = \frac{9}{20}$$

بررسی گزینه‌ها:

$$P(A' \cap B') = \frac{P(A' \cap B')}{P(B')} = \frac{P(B')}{P(B')} = 1$$

گزینه ۱) درست

$$P(A \cap B') = P(A - B) = P(\emptyset) = 0$$

گزینه ۲) درست

$$P[(A \cap B) \cup B] = P(B) = \frac{9}{20}$$

گزینه ۳) درست

$$P[(A' \cup B) \cap A] = P(B \cap A) = P(A) = \frac{1}{5}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(سوندر، روشنی)

آمار و احتمال

گزینه «۲» - ۴۱

 $9 \times 9 \times 8 \times 7 = 81 \times 56$: کل اعداد طبیعی ۴ رقمی با ارقام متمایز

تعداد اعداد طبیعی چهاررقمی فرد بزرگ‌تر از ۷۰۰۰ به صورت زیر هستند:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{7} \times 8 \times 7 \times 4 = 4 \times 56 \\ \frac{1}{8} \times 8 \times 7 \times 5 = 5 \times 56 \xrightarrow{+} 13 \times 56 \\ \frac{1}{9} \times 8 \times 7 \times 4 = 4 \times 56 \end{array} \right.$$

$$P(A) = \frac{13 \times 56}{81 \times 56} = \frac{13}{81}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(سوندر، روشنی)

گزینه «۴» - ۴۲

اگر جایگاه‌های قد را به صورت زیر (که افراد سمت راست، قدبلند دارند) در

نظر بگیریم، خواهیم داشت:



(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(سوندر، روشنی)

گزینه «۲» - ۴۳

p	q	$p \Rightarrow q$	$\sim p \wedge q$	$(p \Rightarrow q) \Rightarrow (\sim p \wedge q)$
d	d	d	n	n
d	n	n	n	d
n	d	d	d	d
n	n	d	n	n

مطابق جدول، از ۲ حالت مورد نظر، در ۱ حالت ارزش گزاره p درست

$$\text{است، پس } P = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

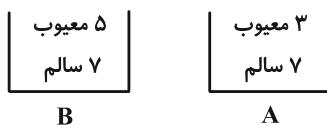


$$= P(E_1) \times 1 + P(E_2) \times 0 + \frac{1}{2} \times P(E_3)$$

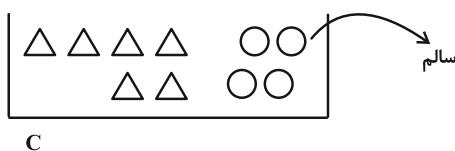
$$= P(E_1) + \frac{1}{2} P(E_3) = P(E_1) + \frac{1}{2}(1 - 2P(E_1)) = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

(سوکندر، روشنی)



گزینه «۱» - ۴۹



$$P(\text{سالم}) = \frac{4}{10} \times \frac{7}{10} + \frac{6}{10} \times \frac{7}{12} = \frac{28}{100} + \frac{35}{100} = \frac{63}{100} = 0.63$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

(رضا توکلی)

گزینه «۳» - ۵۰

پیشامد این که تیم ملی فوتبال ایران قهرمان آسیا شود :

$$\Rightarrow P(A) = \frac{1}{2}$$

پیشامد این که تیم ملی فوتبال ایران به جام جهانی بعدی صعود کند :

$$\Rightarrow P(B) = \frac{2}{5}$$

طبق صورت سؤال $P(A' \cap B') = \frac{1}{5}$ است.

$$P(A \cup B) = 1 - P(A' \cap B') = 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$$

$$P(A \cup B) = \frac{4}{5} = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$\Rightarrow P(A \cap B) = \frac{1}{10}$$

مسئله $P(B | A')$ را می‌خواهد.

$$P(B | A') = \frac{P(B \cap A')}{P(A')} = \frac{P(B) - P(A \cap B)}{1 - P(A)}$$

$$= \frac{\frac{4}{5} - \frac{1}{10}}{\frac{1}{2}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{3}{5}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۰ تا ۶۲)

(سوکندر، روشنی)

گزینه «۲» - ۴۶

$$P(A' \cap B') = 1 - P(A \cup B) = 1 - (P(A) + P(B) - P(A \cap B))$$

$$= 1 - \left(\frac{200}{200} + \frac{200}{200} - \frac{200}{200} \right)$$

$$= 1 - \left(\frac{33+25-1}{200} \right) = 1 - \frac{50}{200} = 1 - \frac{5}{20} = \frac{15}{20} = \frac{3}{4} = 0.75$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۴ تا ۴۶)

(رضا توکلی)

گزینه «۲» - ۴۷

رضا یا در مرتبه اول یا مرتبه سوم و یا مرتبه پنجم می‌تواند مهره آبی را خارج

کند. پس داریم:

$$\frac{3}{7} + \frac{4}{7} \times \frac{3}{6} \times \frac{3}{5}$$

↓ ↓ ↓ ↓
 رضا آبی مریم قرمز رضا آبی خارج کند
 خارج کند خارج کند خارج کند خارج کند

$$+ \frac{4}{7} \times \frac{3}{6} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{3}{3} = \frac{22}{35}$$

↓ ↓ ↓ ↓ ↓
 رضا آبی مریم قرمز رضا آبی مریم قرمز رضا آبی
 خارج کند خارج کند خارج کند خارج کند خارج کند

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(رضا توکلی)

گزینه «۱» - ۴۸

پیشامدهای E_1, E_2, E_3 را به فرم زیر تعریف می‌کنیم:

پیشامدی که علی تعداد رو بیشتر نسبت به رضا ظاهر کند: E

پیشامدی که در ۳ پرتاب، علی رو بیشتر ظاهر کند: E_1

پیشامدی که در ۳ پرتاب، رضا رو بیشتر ظاهر کند: E_2

پیشامدی که در ۳ پرتاب، علی و رضا تعداد رو یکسان ظاهر کنند: E_3

بدیهی است که

$$P(E_1) + P(E_2) + P(E_3) = 1, P(E_1) = P(E_2)$$

$$P(E_3) = 1 - 2P(E_1)$$

طبق قانون جمع احتمال داریم:

$$P(E) = P(E_1)P(E | E_1) + P(E_2)P(E | E_2) + P(E_3)P(E | E_3)$$



(سوکندر، روشن)

«گزینه ۳» - ۵۴

طول بازه اطمینان ۹۵ درصد برابر $\frac{4\sigma}{\sqrt{n}}$ است. با توجه به ثابت بودن انحراف

معیار جامعه داریم:

$$\frac{\frac{4\sigma}{\sqrt{n_2}}}{\frac{4\sigma}{\sqrt{n_1}}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{\sqrt{n_1}}{\sqrt{n_2}} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow n_2 = 4n_1 = 4 \times 250 = 1000$$

$$n_2 - n_1 = 1000 - 250 = 750$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۲۳ و ۱۲۴)

(مریم مرسان)

«گزینه ۳» - ۵۵

نوع نمونه‌گیری طبقه‌ای است، چون از هر کدام از دو طبقه، نمونه‌های انتخاب

گردیده است. از طرفی طبق قانون احتمال کل برای احتمال انتخاب هر عضو

جامعه داریم:

$$P(A) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{50} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{50} = \frac{2}{100} = \frac{1}{50}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: مشابه تمرین ۱۲ صفحه ۱۷۷)

(سوکندر، روشن)

«گزینه ۱» - ۵۶

طول بازه اطمینان ۹۵ درصد برابر $\frac{4\sigma}{\sqrt{n}}$ است، بنابراین داریم:

(امیرحسین ابومصوب)

آمار و احتمال

«گزینه ۳» - ۵۱

مراحل علم آمار عبارتند از:

۱) جمع‌آوری اعداد و ارقام

۲) سازماندهی و نمایش

۳) تحلیل و تفسیر داده‌ها

۴) نتیجه‌گیری، قضاؤت و پیش‌بینی مناسب

(ریاضی - آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۲ و ۱۵۳)

(سوکندر، روشن)

«گزینه ۲» - ۵۷

در گروه خونی افراد، ترتیب طبیعی دیده نمی‌شود، پس متغیر کیفی اسمی است. میزان بارندگی و طول اضلاع مستطیل قابل اندازه‌گیری بوده و متغیر کمی پیوسته هستند.

تعداد روزهای بارش در یک ماه، متغیر کمی گستته است.

(ریاضی - آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۶۳ تا ۱۷۰)

(امیرحسین ابومصوب)

«گزینه ۱» - ۵۴

طبق متن کتاب درسی، در آمارگیری اگر به دقت زیاد نیاز داشته باشیم، استفاده از روش مشاهده مناسب نیست.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه ۱۱۶)



(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۴» - ۵۹ابتدا میانگین اعداد ۰ تا N (میانگین جامعه) را محاسبه می‌کنیم:

$$\mu = \frac{0+1+2+\dots+N}{N+1} = \frac{\frac{N(N+1)}{2}}{N+1} = \frac{N}{2}$$

از طرفی میانگین نمونه انتخاب شده برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{1+9+5+3+11+15+16+10+13+17}{10} = \frac{100}{10} = 10$$

بنابراین داریم:

$$\mu = \bar{x} \Rightarrow \frac{N}{2} = 10 \Rightarrow N = 20$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ مشابه تمرين ۲ صفحه ۱۳۵)

(مریم مرسلی)

گزینه «۱» - ۶۰

پارامتر جامعه برابر است با:

$$\bar{x} = \frac{1+2+3+4}{4} = 2.5$$

تعداد نمونه‌های در دسترس برابر است با:

$$\binom{4}{1} + \binom{4}{2} + \binom{4}{3} + \binom{4}{4} = 4+6+4+1 = 15$$

از بین نمونه‌های انتخابی، میانگین هر کدام از سه نمونه $\{1, 4\}$, $\{2, 3\}$ و $\{1, 2, 3\}$ برابر $2/5$ است، پس احتمال برآورد دقیق پارامتر توسط نمونه انتخابی برابر است با:

$$P(A) = \frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}} = 3/9 - 2/3 \Rightarrow \frac{4\sigma}{\sqrt{400}} = 1/6$$

$$\Rightarrow \frac{4\sigma}{20} = 1/6 \Rightarrow \frac{\sigma}{5} = 1/6 \Rightarrow \sigma = 8$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۲۱ و ۱۲۲)

(مریم مرسلی)

گزینه «۲» - ۵۷

$$\text{طول هر طبقه} = \frac{30}{15} = 20$$

با توجه به این که در هر طبقه، به اندازه طول طبقه به شماره نفر انتخابی قبلی

افزوده می‌شود شماره اولین نفر انتخابی برابر ۳ است و شماره سایر افراد،

طبق جمله عمومی دنباله حسابی از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$a_n = a_1 + (n-1)d \Rightarrow a_n = 3 + 20(n-1)$$

بنابراین برای محاسبه شماره نفر پیازدهم انتخابی در نمونه کافی است در

رابطه فوق، مقدار $n = 11$ را قرار دهیم:

$$a_{11} = 3 + 20(11-1) = 203$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۰۶ و ۱۰۷)

(مریم مرسلی)

گزینه «۲» - ۵۸

کافی است آماره میانگین نمونه را با پارامتر میانگین جامعه برابر قرار دهیم:

$$\frac{4+x+6}{3} = \frac{1+3+4+x+6+7+8}{7}$$

$$\Rightarrow \frac{10+x}{3} = \frac{29+x}{7} \Rightarrow 70+7x = 87+3x$$

$$\Rightarrow 4x = 17 \Rightarrow x = 4.25$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۵ و ۱۱۸)



اکنون با استفاده از رابطه مسافت-زمان در حرکت با سرعت ثابت داریم:

$$\ell = v \Delta t \Rightarrow \frac{\ell_A}{\ell_B} = \frac{v_A \Delta t_A}{v_B \Delta t_B} \xrightarrow{\Delta t_A = \Delta t_B, \ell_A = \ell_B} \frac{v_A}{v_B}$$

$$\frac{v_0 + d'}{d'} = 3 \Rightarrow d' = 4 \cdot m \Rightarrow x_M = v_0 + d' = 10 \cdot m$$

(فیزیک ۳- هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(ممدر، خا شریف)

«۲» گزینه -۶۳

در مسائلی که به جای سرعت اولیه، سرعت نهایی را داریم، می‌توانیم حرکت را برعکس کنیم. بر این اساس، در حرکت جدید، سرعت اولیه برابر با منفی سرعت نهایی خواهد شد. شتاب و جایه‌جایی نیز قرینه می‌شوند.

$$v'_0 = v_1 = 0, \quad a' = -a$$

$$\Delta x' = \frac{1}{2} a' t^2 + v'_0 t \Rightarrow \begin{cases} -40 = -\frac{1}{2} a t_1^2 + 0 \times t \\ -10 = -\frac{1}{2} a t_2^2 + 0 \times t \end{cases}$$

$$\frac{40}{10} = \left(\frac{t_1}{t_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{t_1}{t_2} = 2$$

(فیزیک ۳- هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(ممدر، راست پیمان)

«۲» گزینه -۶۴

چون متوجه در ۵ ثانیه اول حرکت، به مدت ۳ ثانیه بردار مکانش مثبت است، بنابراین متوجه در $t = 2s$ در $x = 0$ است.

$$t = 2s \Rightarrow \Delta x = 0 - (-12) = 12m$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \xrightarrow{t=2s} 12 = \frac{1}{2} a \times 2^2 + v_0 \times 2$$

$$\Rightarrow a + v_0 = 6 \quad (1)$$

$$t = 5s \Rightarrow \Delta x = 3 - (-12) = 15m$$

فیزیک ۳

«۱» گزینه -۶۱

(امیرحسین برادران)

بردار سرعت متوسط، هم‌جهت با بردار جایه‌جایی است. اگر بردار مکان

متوجه در نقطه A و B به ترتیب \vec{r}_A و \vec{r}_B باشد در این صورت داریم:

$$v_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t}$$

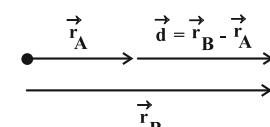
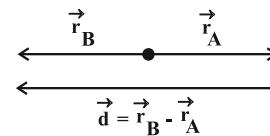
$$\vec{d} = \vec{r}_B - \vec{r}_A$$

از رابطه فوق در می‌یابیم که زمانی که بردارهای \vec{r}_A و \vec{r}_B خلاف جهت هم

باشند یا در حالتی که دو بردار هم‌جهت باشند به‌طوری که $|\vec{r}_B| > |\vec{r}_A|$

باشد، بردار جایه‌جایی با بردار \vec{r}_B هم‌جهت است. با توجه به حالتهای

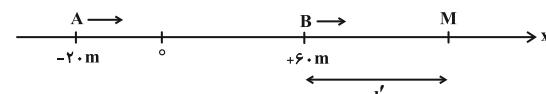
مقابل هیچ یک از گزاره‌های داده شده الزاماً صحیح نیستند.



(فیزیک ۳- هرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

«۱» گزینه -۶۲

(امیرحسین برادران)



مطابق شکل دو متوجه در مکان x_M به هم می‌رسند. مسافتی که هر کدام

از متوجه‌ها از مبدأ زمان تا لحظه عبور از کنار هم طی می‌کنند برابر است با:

$$\ell_A = 60 - (-20) + d' = 80 + d'$$

$$\ell_B = d'$$



(علیرضا بیاری)

«۳» ۶۶ - گزینه

ابتدا از معادله سرعت - زمان استفاده می‌کنیم و سرعت گلوله را در

لحظه‌های $s = 2s$ و $t' - 2$ به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} \Delta y_1 & \left\{ \begin{array}{l} v_0 = 0 \\ v_1 \\ \downarrow \\ v_{t'} \end{array} \right. \\ & v = -gt + v_0 \xrightarrow[g=10 \frac{m}{s^2}, t=4s]{v=v_1, v_0=0} \\ & v_1 = -10 \times 2 = -20 \frac{m}{s} \\ \Delta y_2 & \left\{ \begin{array}{l} v_{(t'-2)} \\ \downarrow \\ v_{t'} \end{array} \right. \\ & \text{سطح زمین} \end{aligned}$$

به همین ترتیب داریم:

$$v_{t'} = -gt' + v_0 = -10t'$$

$$v_{t'-2} = -g(t' - 2) + v_0 = -10(t' - 2)$$

رابطه مستقل از شتاب را برای دو ثانیه اول حرکت و دو ثانیه آخر حرکت

می‌نویسیم و طبق صورت سوال داریم:

$$\Delta y_2 = 6\Delta y_1 \Rightarrow \left(\frac{v_{t'-2} + v_{t'}}{2}\right) \times 2 = 6 \times \left(\frac{v_0 + v_1}{2}\right) \times 2$$

$$\frac{v_{(t'-2)} = -10(t'-2), v_{t'} = -10t'}{v_0 = 0, v_1 = -20 \frac{m}{s}}$$

$$-10(t' - 2) + (-10t') = 6(0 - 20) \Rightarrow -10t' + 20 - 10t' = -120$$

$$\Rightarrow -20t' = -140 \Rightarrow t' = 7s$$

تندی در لحظه برخورد به زمین به اندازه $v_{t'}$ است.

$$v_{t'} = -10t' \xrightarrow{t'=7s} |v_{t'}| = 10 \times 7 = 70 \frac{m}{s}$$

توجه: از روش دیگر نیز می‌توان کل زمان سقوط را به دست آورد. با توجه به

این‌که در سقوط آزاد بدون سرعت اولیه، جسم در ثانیه اول حرکت خود

مسافت ۵ متر را می‌پیماید، مسافت‌های طی شده توسط آن در ثانیه‌های بعدی

تشکیل یک دنباله حسابی را می‌دهند.

$$15 = \frac{1}{2} a \times 5^2 + v_0 \times 5 \Rightarrow 30 = 25a + 10v_0$$

$$5a + 2v_0 = 6 \quad (2)$$

با توجه به روابط (۱) و (۲) و حل دستگاه داریم:

$$\begin{cases} a = -2 \frac{m}{s^2} \\ v_0 = 1 \frac{m}{s} \end{cases}$$

در نقطه ماکزیمم $v = 0$ است، پس:

$$-64 = 2(-2)\Delta x \Rightarrow \Delta x = x_M - x_0 = 16$$

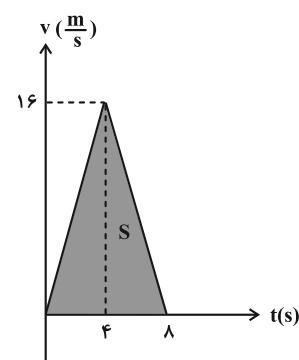
$$\xrightarrow{x_0 = -12m} x_M = 4m$$

$$\ell = |x_M - x_0| + |x_5 - x_M| = |4 - (-12)| + |3 - 4| = 17m$$

(غیریک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

«۴» ۶۵ - گزینه

ابتدا نمودار سرعت - زمان رارسم می‌کنیم:



سطح زیر نمودار برابر جایه‌جایی است:

$$S = \Delta x = \frac{16 \times 16}{2} = 64m$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{64}{8} = 1 \frac{m}{s}$$

(غیریک ۳ - حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)



$$\vec{F}_{\text{net}1} = -\vec{F} = -\frac{4\vec{F}}{3} = m\vec{a}_1 \Rightarrow a_1 = \frac{4F}{3m}$$

و در حالتی که فقط یک نیرو حذف شود، برایند نیروها برابر با $-\vec{F}$ می‌شود

$$\vec{F}_{\text{net}2} = -\vec{F} = m\vec{a}_2 \Rightarrow a_2 = \frac{F}{m}$$

و داریم:

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{\frac{4F}{3m}}{\frac{F}{m}} = \frac{4}{3}$$

حال از نسبت شتاب‌ها داریم:

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

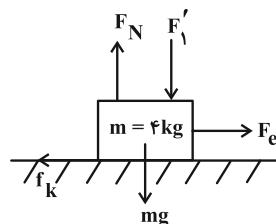
(علیرضا هباری)

«گزینه ۳» - ۶۹

ابتدا نیروی کشسانی فنر را به دست می‌آوریم:

$$F_e = kx \xrightarrow{x=20\text{cm}=0.2\text{m}} F_e = 150 \times 0 / 2 = 30\text{N}$$

برای آن‌که جسم با سرعت ثابت حرکت کند، باید نیروی خالص وارد بر آن صفر باشد:



$$(F_{\text{net}})_x = 0 \Rightarrow F_e - f_k = 0 \Rightarrow F_e = f_k = 30\text{N}$$

$$f_k = \mu_k \times F_N \xrightarrow{\mu_k = 0.3} 30 = 0 / 4F_N \Rightarrow F_N = 10\text{N}$$

نیروی خالص وارد بر جسم در راستای قائم نیز صفر است:

$$(F_{\text{net}})_y = 0 \Rightarrow F_N - F'_1 - mg = 0 \xrightarrow{mg = 4 \times 10 = 40\text{N}}$$

$$10 - F'_1 - 40 = 0 \Rightarrow F'_1 = 60\text{N}$$

پس باید نیروی $F'_1 = 60 - 20 = 40\text{N}$ افزایش باید.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

$$\underbrace{5, 15, 25, 35, 45, 55, 65, \dots}_{\text{ثانیه آخر}} \quad \underbrace{\dots, 25, 35, 45, 55, 65}_{\text{ثانیه اول}}$$

$$\Delta y_1 = 20\text{m} \quad \Delta y_2 = 120\text{m}$$

پس زمان کل حرکت $t' = 7s$ است.

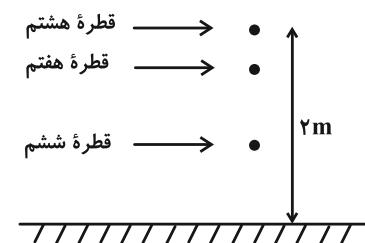
(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(شیلا شیرزادی)

«گزینه ۴» - ۶۷

هنگامی که قطره هشتم در حال جدا شدن است، قطره ششم به مدت

۳/۲۰ ثانیه سقوط کرده است.



$$\Delta y = -\frac{1}{2}gt^2 \xrightarrow{g=10\text{m/s}^2, t=0.6\text{s}} \Delta y = -5 \times (0 / 6)^2 = -5 \times 0 / 36 = 1 / 8\text{m}$$

بنابراین قطره ششم، $1/8$ متر پایین آمده و در فاصله $2 - 1/8 = 15/8$ متر پایین آمده و در فاصله 2 متر از کف حمام قرار دارد.

(فیزیک ۳- حرکت بر قطع راست؛ صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(محمد نجفی‌نژادی)

«گزینه ۱» - ۶۸

نیرویی که حذف می‌شود را با \vec{F} نشان می‌دهیم، چون سرعت جسم ثابت

است، طبق قانون اول نیوتون بایند ۷ نیرو برابر صفر است. بنابراین بایند

نیروی دیگر برابر \vec{F} - خواهد بود و اگر آن‌ها را یک سوم برابر کنیم، بایند

آن‌ها $\frac{1}{3}\vec{F}$ - خواهد بود.



در حالتی که F_e به سمت پایین باشد، داریم:

$$\begin{aligned} F_{net\gamma} &= ma_\gamma \Rightarrow -F_e - mg = ma_\gamma \\ \Rightarrow -60 - 5 \times 10 &= 5a \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2} \end{aligned}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

(کامران ابراهیمی)

گزینه «۳» -۷۲

از آنجا که تغییر تکانه جسم برابر سطح زیر نمودار نیرو- زمان می‌باشد

می‌توانیم بنویسیم:

$$\Delta p = S = \frac{(2ms + 4ms) \times 20(kN)}{2} \Rightarrow \Delta p = 60kg \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{60}{4 \times 10^{-3}} \Rightarrow F_{av} = 15000N \Rightarrow F_{av} = 15kN$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

(کامران ابراهیمی)

گزینه «۴» -۷۳

$$K = \frac{P}{2m} \quad \text{طبق رابطه} \quad \text{داریم:}$$

$$K = \frac{P}{2m} \xrightarrow[m=100g=0.1kg]{K=5J} \quad$$

$$5 = \frac{P}{2 \times (0.1)} \Rightarrow P = 1 \Rightarrow P = 1kg \cdot \frac{m}{s}$$

$$P = 1 \frac{kg \cdot m}{s} \times \frac{3600s}{1h} \times \frac{1000g}{1kg} \times \frac{1km}{1000m} = 3600 \frac{g \cdot km}{h}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۶ تا ۳۸)

(کامران ابراهیمی)

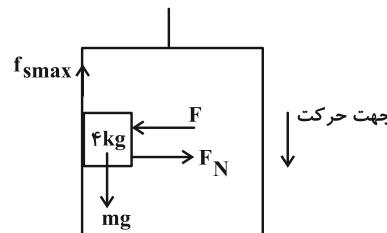
گزینه «۴» -۷۴

در اینجا نیروی اصطکاک ایستایی نقش نیروی مرکزگرا را در حرکت دایره‌ای خواهد داشت. پس می‌توان نوشت:

(عبدالرضا امینی نسب)

گزینه «۲» -۷۰

جهت حرکت آسانسور به سمت پایین را مثبت فرض می‌کنیم و نیروهای وارد بر جسم را رسم می‌کنیم. چون در سؤال حداقل نیروی F مورد پرسش است، بنابراین جسم در آستانه حرکت قرار دارد.



$$mg - f_{s\max} = ma \Rightarrow f_{s\max} = m(g - a) \xrightarrow[a=\gamma \frac{m}{s^2}]{}$$

$$f_{s\max} = 4(10 - 2) = 32N$$

از طرفی طبق رابطه $f_{s\max} = \mu_s F_N$ داریم:

$$f_{s\max} = \mu_s F_N \xrightarrow[F_N=F]{f_{s\max} = \mu_s F}$$

$$\Rightarrow 32 = 0.5 \times F \Rightarrow F = 64N$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

(محمد نجوانی مقدم)

گزینه «۴» -۷۱

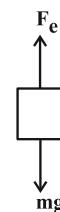
ابتدا اندازه نیروی فر را محاسبه می‌کنیم:

$$F_e = kx \xrightarrow[x=3cm]{k=2N/cm} F_e = 20 \times 3 = 60N$$

چون در سؤال ذکر نشده که فر $3cm$ فشرده شده یا کشیده شده،

می‌تواند به سمت پایین یا بالا باشد. شتاب جسم را در هر دو حالت به دست

می‌آوریم. در حالتی که F_e به سمت بالا است داریم:



$$F_{net1} = ma_1 \Rightarrow F_e - mg = ma_1$$

$$\Rightarrow 60 - 5 \times 10 = 5a_1 \Rightarrow a_1 = 2 \frac{m}{s^2}$$



(دانیال راستن)

گزینه «۲» -۷۶

طول نهایی فنر را L در نظر می‌گیریم:

$$F_e = k\Delta L = k(L - L_s) \xrightarrow{k=400 \frac{N}{m}, L_s=1m} F_e = 400(L-1)$$

شعاع دوران برابر طول نهایی فنر است.

$$F_c = \frac{mv^2}{R} \xrightarrow{R=L, v=10 \frac{m}{s}, m=10 \text{ kg}} F_c = \frac{96}{L}$$

نیروی مرکزگرا همان نیروی فنر است. بنابراین:

$$F_c = F_e \Rightarrow \frac{96}{L} = 400(L-1) \Rightarrow L^2 - L - \frac{96}{400} = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} L = 1/2 \\ L = -0/2 \end{cases}$$

طول نهایی فنر برابر $1/2 m$ است که برابر با شعاع دوران می‌باشد. برای

محاسبه دوره تناوب داریم:

$$T = \frac{2\pi R}{v} \xrightarrow{\pi=3, v=10 \frac{m}{s}} T = \frac{(2)(3)(1/2)}{10} = 0.9 \text{ s}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)

(علیرضا بیاری)

گزینه «۲» -۷۷

شتاب گرانش (g') در سطح سیاره‌ای به جرم m و شعاع r را نسبت بهشتاب گرانش (g) در سطح زمین به جرم M_e و شعاع R_e پیدا می‌کنیم:

$$\frac{g'}{g} = \frac{G \frac{m}{r^2}}{G \frac{M_e}{R_e^2}} = \frac{m \times R_e^2}{M_e \times r^2} \xrightarrow{m=\frac{1}{4}M_e, r=2(R_e) \Rightarrow r=2R_e} \frac{g'}{g} = \frac{\frac{1}{4}M_e \times R_e^2}{M_e \times 4R_e^2} \Rightarrow \frac{g'}{g} = \frac{1}{16}$$

$$\frac{g'}{g} = \frac{\frac{1}{4}M_e \times R_e^2}{M_e \times 4R_e^2} \Rightarrow \frac{g'}{g} = \frac{1}{16}$$

$$m \frac{v^2}{r} \leq f_{s,\max} = \mu_s mg$$

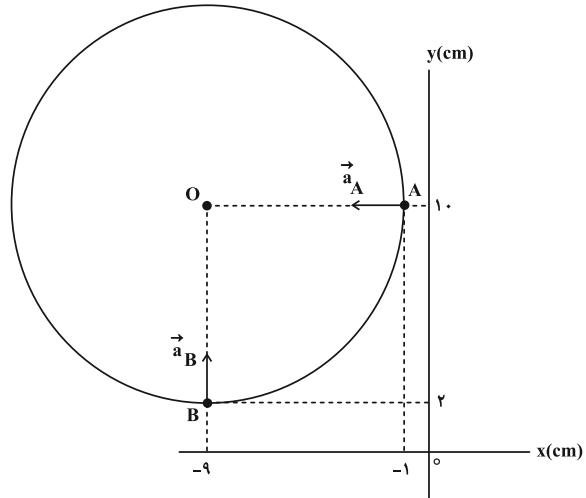
$$\Rightarrow v^2 \leq \mu_s \cdot r \cdot g \xrightarrow{g=10 \frac{N}{kg}, r=10 \text{ m}, \mu_s=0.2} v^2 \leq 0.2 \times 10 \times 10$$

$$\Rightarrow v^2 \leq 100 \Rightarrow v \leq 10 \frac{m}{s} \Rightarrow v_{\max} = 10 \frac{m}{s} = 36 \frac{km}{h}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۵۱ تا ۵۳)

گزینه «۳» -۷۵

شتاب مرکزگرا همواره به سمت مرکز دایره است. با توجه به شکل و مشخص بودن جهت‌های شتاب متحرک در نقاط A و B، مختصات مرکز دایره مشخص می‌شود.

 $O(-9 \text{ cm}, 10 \text{ cm})$

بنابراین شعاع حرکت برابر است با:

$$\overline{OA} = \sqrt{(-9+1)^2 + (10-10)^2} = 8 \text{ cm}$$

با مشخص شدن شعاع مسیر، با استفاده از رابطه بین شتاب و تندی متحرک داریم:

$$a = \frac{v^2}{R} \xrightarrow{a=16 \frac{m}{s^2}, R=8 \text{ cm}=0.08 \text{ m}} v^2 = 1/2 \Rightarrow v = \sqrt{0.1} \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۵۱ تا ۵۳)



(امیر احمد مریس عیاد)

«گزینه ۴» - ۷۹

برای حل این گونه مسائل، وزن آن شخص را در ارتفاع $1/5$ برابر شعاع زمیناز سطح زمین را بروزن آن شخص روی زمین تقسیم می‌کنیم. g_h شتابگرانش در ارتفاع h و g شتاب گرانش در سطح زمین است.

$$\frac{F_y}{F_1} = \frac{mg_h}{mg_*} = \frac{m}{m} \times \frac{G}{G} \times \frac{M_e}{M_e} \times \frac{R_e^2}{(R_e + h)^2}$$

$$\Rightarrow \frac{F_y}{F_1} = \left(\frac{R_e}{R_e + 1/5 R_e} \right)^2 = \frac{4}{25}$$

$$\left(\frac{F_y}{F_1} - 1 \right) \times 100 = \left(\frac{4}{25} - 1 \right) \times 100 = \frac{-2100}{25} = -84\%.$$

یعنی 84% درصد کاهش پیدا می‌کند.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(عبدالرضا امینی نسب)

«گزینه ۴» - ۸۰

می‌دانیم شتاب مرکزگرای وارد بر ماهواره در هر نقطه، از رابطه

$$g_h = \frac{GM_e}{(R_e + h)^2}$$

داریم:

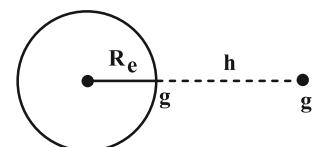
$$h = \frac{1}{4} R_e$$

$$\frac{g_h}{g_*} = \left(\frac{R_e}{R_e + h} \right)^2 \Rightarrow \frac{g_h}{g_*} = \left(\frac{R_e}{\frac{5}{4} R_e} \right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{g_h}{g_*} = \frac{16}{25} \Rightarrow g_h = \frac{16}{25} = \frac{32}{5} \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

شتاب گرانش در اطراف کره زمین با مرتبه فاصله از مرکز زمین نسبت وارون دارد:



$$\frac{g'}{g} = \left(\frac{R_e}{R_e + h} \right)^2$$

$$\frac{1}{16} = \left(\frac{R_e}{R_e + h} \right)^2 \Rightarrow \frac{1}{4} = \frac{R_e}{R_e + h} \Rightarrow 4R_e = R_e + h \Rightarrow h = 3R_e$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(امیر احمد مریس عیاد)

«گزینه ۱» - ۷۸

در گام اول برای حل سؤال، فاصلهٔ دو ماهوارهٔ تا مرکز زمین را به دست می‌آوریم:

$$R_A = 2R_e + R_e = 3R_e$$

$$R_B = 4R_e + R_e = 5R_e$$

$$\text{در گام دوم، با توجه به رابطه سرعت خطی حرکت ماهواره } v = \sqrt{\frac{GM_e}{R}} \text{ که}$$

جرم زمین و R فاصلهٔ مرکز زمین تا ماهواره می‌باشد، می‌توان نوشت:

$$\frac{p_B}{p_A} = \frac{m_B v_B}{m_A v_A} = \frac{6m \times v_B}{4m \times v_A} = \frac{3 \times \sqrt{R_A}}{\sqrt{R_B}}$$

$$\Rightarrow \frac{p_B}{p_A} = 3 \times \sqrt{\frac{3R_e}{4R_e}} = \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3}$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)



فیزیک ۱

گزینه «۳» -۸۱

(محمد پواد سورپی)

ابتدا دمای گاز را در حالت دوم با حالت اول مقایسه می کنیم:

$$\frac{P_1 V_1}{n_1 T_1} = \frac{P_2 V_2}{n_2 T_2} \quad P_1 = 4 \text{ atm}, \quad P_2 = 1/5 \text{ atm}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{3}{4}$$

می دانیم انرژی درونی گاز بستگی به دمای گاز و تعداد ذرات گاز دارد:

بنابراین داریم:

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{n_2}{n_1} \times \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$$

حال درصد تغییر انرژی درونی گاز را به دست می آوریم:

$$\text{درصد تغییر انرژی درونی} = \frac{U_2 - U_1}{U_1} \times 100 = \frac{\frac{3}{8} U_1 - U_1}{U_1} \times 100 = -62.5\%$$

بنابراین انرژی درونی گاز ۶۲/۵ درصد کاهش می یابد.

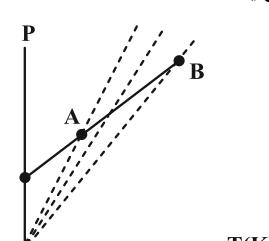
(فیزیک ا- صفحه های ۱۳۹ و ۱۴۰)

گزینه «۲» -۸۲

(عبدالرضا امینی نسب)

اگر حجم گاز ثابت باشد، طبق رابطه $P = \frac{nR}{V} T$ ، نمودار فشار بر حسب دمای مطلق، خطی راست است که امتداد آن از مبدأ می گذرد. در نمودار داده شده امتداد نمودار از مبدأ نمی گذرد، پس حجم ثابت نیست. مطابق شکل اگر چند نمودار هم حجم رسم کنیم، شبیه این خطها (یعنی $\frac{nR}{V}$) از

A به B کاهش می یابد، بنابراین طبق رابطه $\frac{nR}{V}$ که معرف شبیه نمودار است، حجم گاز افزایش یافته است.



$$\left(\frac{nR}{V}\right) \downarrow \Rightarrow \frac{nR}{V} = \frac{\text{ثابت}}{V \uparrow}$$

(فیزیک ا- صفحه های ۱۳۹ و ۱۴۰)

(سید محمد رضا روهانی)

گزینه «۳» -۸۳

با افزایش حجم در فرایند هم فشار، دما نیز افزایش می یابد، در فرایند بی دررو باشد با افزایش ناگهانی حجم، کاهش مختصر دما و افت فشار را ایجاد کنیم، به این ترتیب گزینه «۳» صحیح است.

(فیزیک ا- صفحه های ۱۳۵ تا ۱۳۸)

(محمد نهادنی مقدم)

گزینه «۴» -۸۴

$$\begin{aligned} W' &= P\Delta V \\ PV &= nRT \end{aligned} \Rightarrow W' = nR\Delta T$$

$$\Rightarrow 640 = 2 \times 8\Delta T \Rightarrow \Delta T = 40 \text{ K}$$

چون تغییرات دمای کلوین و درجه سلسیوس با هم برابر است، داریم:

$$\Delta\theta = \Delta T = 40^\circ \Rightarrow \theta_2 - \theta_1 = 40^\circ \text{C} \Rightarrow 2\theta_1 - \theta_1 = 40^\circ \text{C}$$

$$\Rightarrow \theta_1 = 40^\circ \text{C} \Rightarrow \theta_2 = 2 \times 40 = 80^\circ \text{C} \Rightarrow T_2 = 273 + 80$$

$$\Rightarrow T_2 = 353 \text{ K}$$

(فیزیک ا- صفحه های ۱۳۲ تا ۱۳۵)

(محمد پواد سورپی)

گزینه «۲» -۸۵

با توجه به نمودار فشار بر حسب چگالی درمی یابیم شبیه خط نمودار ثابت (α) و عرض از مبدأ آن صفر است؛ بنابراین معادله آن به صورت زیر خواهد بود.

$$P = \alpha p \quad (1)$$

از طرفی طبق معادله حالت داریم:

$$PV = nRT \xrightarrow{n=\frac{m}{M}} PV = \frac{m}{M} RT$$

$$\Rightarrow P = \frac{m}{MV} RT \xrightarrow{\frac{m}{V}=p} P = \frac{\rho RT}{M} \quad (2)$$

اگر رابطه (1) را با (2) برابر قرار دهیم، داریم:

$$\xrightarrow{(1), (2)} \alpha p = \frac{\rho RT}{M} \Rightarrow \alpha = \frac{RT}{M} = \text{ثابت}$$

$$\xrightarrow{R, M} \text{ثابت} \rightarrow T$$



$$\frac{3}{5} = \frac{|W_{\text{چرخه}}|}{|W_{\text{چرخه}}| + |Q_L|} \Rightarrow Q_L = 600 \text{ J}$$

$$\frac{3}{5} = \frac{|W_{\text{چرخه}}|}{|W_{\text{چرخه}}| + 600} \Rightarrow W_{\text{چرخه}} = 900 \text{ J}$$

کار در هر دقیقه = تعداد چرخه در دقیقه × کار در هر چرخه

$$\Rightarrow \text{کار در هر دقیقه} = 15 \times 900 = 13500 \text{ J}$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{13500}{60} = 225 \text{ W}$$

راه حل دوم: با توجه به این که در هر دقیقه ۱۵ چرخه طی می‌شود، مدت

$$\text{زمان هر چرخه} = \frac{60}{15} \text{ است.}$$

$$P_{\text{out}} = \frac{|W_{\text{چرخه}}|}{t} = \frac{900}{4} = 225 \text{ W}$$

(فیزیک - صفحه ۱۳۵ تا ۱۳۶)

(دانیال راستن)

گزینه «۳»

در مرحله ضربه تراکم، پیستون بالا می‌آید و به سرعت مخلوط بنزین و هوا را متراکم می‌کند. بنابراین این فرایند بی دررو است.

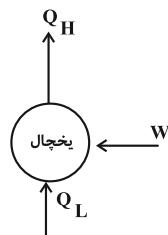
در مرحله ضربه قدرت، به دلیل فشار زیاد، مخلوط با سرعت زیاد منبسط می‌شود. بنابراین این فرایند بی دررو است.

در مرحله ضربه مکش، سوپاپ ورودی باز است و پیستون پایین می‌رود، چون در این مرحله دریچه باز است، فشار درون استوانه، ثابت و برابر فشار جو است. در مرحله ضربه خروج گاز، سوپاپ خروجی باز است و پیستون بالا می‌رود. در این مرحله نیز چون دریچه باز است، فشار، ثابت و برابر فشار جو است.

(فیزیک - صفحه ۱۳۳)

(امیرحسین برادران)

گزینه «۱»



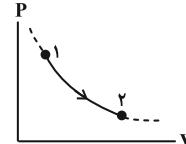
در یخچال علامت W ، Q_H و Q_L به ترتیب مثبت، مثبت و منفی است

(رد موارد الف و ب). از طرفی مطابق قانون اول داریم (رد مورد ب):

$$|Q_H| = W + Q_L$$

(فیزیک - صفحه ۱۳۷)

بنابراین درمی‌باییم فرایند مورد نظر هم دما است. از طرفی چون فشار کاهش یافته، بنابراین انسپاٹ هم دما است و نمودار آن مطابق شکل زیر است.



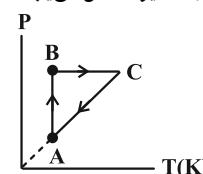
(فیزیک - صفحه ۱۳۱ تا ۱۳۵)

گزینه «۲»

فرایند AB یک تراکم هم دما می‌باشد، بنابراین طبق رابطه $PV = nRT$

هنگامی که حجم کم شود، فشار گاز افزایش می‌یابد.

فرایند BC یک فرایند هم فشار است که دمای آن کم شده، بنابراین طبق رابطه $PV = nRT$ فشار آن نیز کاهش می‌یابد.



نکته: هرگاه نمودار $P - T$ پاد ساعتگرد باشد، آن گاه نمودار $P - T$ ساعتگرد می‌باشد.

(فیزیک - صفحه ۱۳۰ تا ۱۳۴)

گزینه «۱»

چون ضرب PV در حالت a و c با هم برابر است بنابراین دمای این دو

نقشه یکسان است که می‌توان نتیجه گرفت انرژی درونی حالت a و c با هم

برابر است و چون فرایند ab هم حجم است، کار آن صفر بوده و چون فرایند bc بی دررو است $Q_{bc} = 0$ است. بنابراین داریم:

$$\Delta U_{abc} = \Delta U_{ab} + \Delta U_{bc} = 0$$

$$\Rightarrow Q_{ab} + \overset{\circ}{W}_{ab} + \overset{\circ}{Q}_{bc} + W_{bc} = 0$$

$$\underset{W_{bc} = -700 \text{ J}}{\Rightarrow} Q_{ab} = +700 \text{ J}$$

کار برابر با مساحت زیر نمودار $P - V$ است و چون فرایند ca تراکم است، علامت کار روی محیط منفی است و داریم:

$$W'_{ca} = -\frac{2+1}{2} \times 3 \times (10^5 \times 10^{-3}) = -450 \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه ۱۳۱ تا ۱۳۵)

گزینه «۳»

طبق رابطه بازده ماشین گرمایی و قانون دوم ترمودینامیکی به بیان ماشین

گرمایی داریم:

$$\eta = \frac{|W_{\text{چرخه}}|}{Q_H} = \frac{|W_{\text{چرخه}}| + |Q_L|}{Q_H} = \frac{|W_{\text{چرخه}}|}{Q_H} = 60\% \Rightarrow \eta = 60\%$$



(ممدرپورا در سوچین)

گزینه «۲» - ۹۳

ابتدا شار گذرنده از پیچه در هر حالت را به دست می‌آوریم:

$$\Phi = AB \cos \theta \xrightarrow[B \cos \theta = B_y]{\text{عمود بر محور } y} \Phi = AB_y$$

$$\begin{cases} \Phi_1 = 500 \times 10^{-4} \times (-8) = -0/4 \text{ Wb} \\ \Phi_2 = -\Phi_1 = 0/4 \text{ Wb} \end{cases}$$

حال طبق قانون القای فارادی، بزرگی نیروی حرکت القایی متوسط را به دست

می‌آوریم:

$$|\bar{\varepsilon}| = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow[N=500, \Delta t=5 \text{ min}=300 \text{ s}]{\Delta \Phi=\Phi_2-\Phi_1}$$

$$|\bar{\varepsilon}| = -600 \times \frac{(0/4 - (-0/4))}{300} = 1/6 \text{ V}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۸)

(علیرضا بباری)

گزینه «۱» - ۹۴

مساحت قاب فلزی را به دست می‌آوریم:

$$A = 10 \times 10 = 100 \text{ cm}^2 = 10^{-2} \text{ m}^2$$

نکته: اگر زاویه بین سطح قاب و خطوط میدان مغناطیسی داده شود، زاویه θ متهم آن است. در اینجا چون سطح قاب با خطوط میدان زاویه 30° درجهمی‌سازد پس $\theta = 60^\circ$ است. اکنون رابطه بار الکتریکی شارش شده از

رسانا را با قانون القای فارادی ترکیب می‌کنیم. توجه کنید که بازه زمانی تغییر

شار، در اینجا بی‌تأثیر است.

$$\left. \begin{aligned} \Delta q &= I \Delta t \xrightarrow{I=\frac{\varepsilon}{R}} \Delta q = \frac{\varepsilon}{R} \Delta t \\ \varepsilon &= -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta q = -\frac{NA \cos \theta}{R} \times \Delta B$$

فیزیک ۲

گزینه «۲» - ۹۱

(شیلا شیرزادی)

چون سیم‌وله بر میدان عمود است، پس نیم خط عمود بر آن موازی میدان

 $\theta = 0 \Rightarrow \cos \theta = 1$ است یعنی:

طبق فرمول جریان القایی داریم:

$$I = \frac{N \Delta \Phi}{R \Delta t} = \frac{N A \cos \theta \Delta B}{R \Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{IR}{N A \cos \theta}$$

$$\xrightarrow[N=500, \cos \theta=1, A=5 \text{ cm}^2=5 \times 10^{-4} \text{ m}^2]{I=1 \text{ mA}=10^{-4} \text{ A}, R=5 \Omega} \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{10^{-3} \times 5}{500 \times 5 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{1}{500} = 2 \times 10^{-3} \frac{\text{T}}{\text{s}}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۸)

گزینه «۳» - ۹۲

(ممدر نجف‌نوری مقدم)

ابتدا معادله سهمی $\Phi - t$ را به دست می‌آوریم:

$$\Phi(t) = at^2 + bt + c$$

$$\Phi(0) = c = 0$$

چون رأس سهمی در $t = 0$ است، $b = 0$ می‌باشد.

$$\Phi(4) = a(4)^2 + 0 = 32 \Rightarrow a = 2$$

$$\Rightarrow \Phi(t) = 2t^2 + 0$$

حال با استفاده از رابطه نیروی حرکت القایی فارادی، مقدار نیروی حرکت

القایی متوسط را در بازه زمانی $(2s, 3s)$ محاسبه می‌نماییم:

$$\varepsilon = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \varepsilon = -\frac{(2 \times 3^2 + 0) - (2 \times 2^2 + 0)}{3 - 2} = 10 \text{ V}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۸)



از لحظه t_1 تا t_2 حلقه در حال وارد شدن به میدان است، بنابراین نیروی

محرکه $V = 0.04 \text{ mV}$ در آن القامی شود. از t_2 تا t_3 شار ثابت

است و نیروی محرکه القامی شود. از لحظه t_3 تا t_4 هم نیروی محرکه

قرینه ϵ القامی شود.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۷)

(سید محمد رضا روحانی)

«گزینه ۱» - ۹۶

در شکل (الف) آهنربا در حال نزدیک شدن به سیم‌وله است. طبق قانون لنز

باید سیم‌وله با نزدیک شدن آهنربا مخالفت کند لذا سمت راست سیم‌وله

قطب S و سمت چپ قطب N قرار می‌گیرد. به این ترتیب با توجه به

قانون دست راست، جهت جریان در سیم‌وله رو به بالا خواهد بود و در نهایت

جهت جریان از مقاومت R به سمت چپ است و در شکل (ب)، (پ) و (ت)

جهت جریان I' باید عکس شود.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(امیرحسین برادران)

«گزینه ۳» - ۹۷

در لحظه اول که کلید وصل می‌شود به دلیل پدیده خودالقابی، القاگر مانند

یک مقاومت بسیار بزرگ است و تمام جریان از مقاومت R عبور می‌کند.

پس از ثابت شدن جریان، القاگر مانند یک سیم بدون مقاومت است و دو سر

مقاومت R اتصال کوتاه شده، بنابراین جریان عبوری از مولد افزایش

می‌یابد. در این حالت جریان عبوری از مولد از سیم‌وله عبور می‌کند و مقدار

آن برابر است با:

$$\begin{aligned} N &= 1, A = 10^{-2} \text{ m}^2, \theta = 60^\circ, R = 2\Omega \\ \Delta B &= B_2 - B_1 = -0.03 - 0.06 = -0.09 \text{ T} \end{aligned} \rightarrow$$

$$\Delta q = \frac{-1 \times 10^{-2} \times \cos 60^\circ}{2} \times \left(-\frac{9}{100}\right)$$

$$\Rightarrow \Delta q = \frac{10^{-2}}{4} \times \frac{9}{10^2} = \frac{9}{4} \times 10^{-4} \text{ C} = \frac{900}{4} \mu\text{C} = 225 \mu\text{C}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۷)

(امیرحسین برادران)

«گزینه ۴» - ۹۵

ابتدا نیروی محرکه القابی قاب را در بازه زمانی وارد شدن و خارج شدن قاب

از میدان به دست می‌آوریم.

$$B = 400 \text{ G} = 4 \times 10^{-2} \text{ T}, v = 2 \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 2 \times 10^{-2} \frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow$$

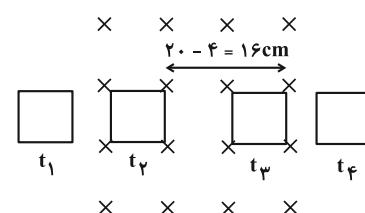
$$| \epsilon | = Blv \quad l = 5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$| \epsilon | = 4 \times 10^{-5} \text{ V} = 4 \times 10^{-3} \text{ mV}$$

در بازه زمانی که تمام قاب در میدان است، چون شار عبوری از قاب ثابت

است، بنابراین نیروی محرکه القابی برابر صفر است. اکنون زمان ورود تمام

قاب به میدان و لحظه آغاز خروج قاب از میدان را به دست می‌آوریم:



$$t_1 = 0$$

$$t_2 = \frac{4}{2} = 2s$$

$$t_3 = 2 + \frac{16}{2} = 10s$$

$$t_4 = 10 + \frac{4}{2} = 12s$$



$$I = I_{\max} \sin\left(\frac{\pi}{T} t\right) \Rightarrow I = 12 \sin\left(\frac{\pi}{0.012} \times 0.003\right)$$

$$\Rightarrow I = 12 \times \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) \Rightarrow I = 12A$$

$$I = \frac{E}{R} \Rightarrow 12 = \frac{E}{0.5} \Rightarrow E = 6.0V$$

$$\text{جریان در لحظه } t = \frac{3T}{4} = \frac{3 \times 12}{4} = 9 \text{ ms}$$

برای دومنین بار به مقدار

بیشینه خود می‌رسد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۳۵ و ۱۳۶)

(علیرضا هباری)

«۳» - ۱۰۰ گزینه

رابطه بین تعداد حلقه‌های دو سیم‌وله را به دست می‌آوریم:

$$L_A = 0.9 L_B \Rightarrow \frac{\mu_0 N_A^2 A}{\ell_A} = \frac{9}{10} \times \frac{\mu_0 N_B^2 A}{\ell_B}$$

$$\xrightarrow{\ell_B = \frac{5}{3} \ell_A} \frac{N_A^2}{\ell_A} = \frac{9}{10} \times \frac{N_B^2}{\frac{5}{3} \ell_A}$$

$$\Rightarrow \frac{N_A^2}{1} = \frac{9}{4} N_B^2 \Rightarrow N_A = \frac{3}{2} N_B$$

از طرفی در یک مبدل داریم:

$$\frac{N_A}{N_B} = \frac{V_A}{V_B} \xrightarrow{N_A = \frac{3}{2} N_B} \frac{3}{2} = \frac{V_A}{V_B}$$

$$\xrightarrow{V_A = 180V} \frac{3}{2} = \frac{180}{V_B} \Rightarrow V_B = 120V$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

$$I = \frac{E}{r} \xrightarrow{E=20V, r=1\Omega} I = 20A \xrightarrow{U=\frac{1}{2}LI^2, L=0.5mH=0.5 \times 10^{-3}H} U_2 = \frac{1}{2} \times 0.5 \times 10^{-3} \times 20^2 = 1J$$

$$U_2 = \frac{1}{2} \times 0.5 \times 10^{-3} \times 20^2 = 1J \xrightarrow{U_1=0} U_2 - U_1 = 1J$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۳۲ و ۱۳۳)

«۲» - ۹۸ گزینه

عبور جریان I از القاگر، باعث ایجاد میدان مغناطیسی B روی محور آن

$$B = \frac{\mu_0 I N}{\ell}$$

می‌شود که از رابطه مقابل به دست می‌آید:

بنابراین با داشتن میدان مغناطیسی، جریان عبوری قابل محاسبه است:

$$I = \frac{B\ell}{\mu_0 N} \quad (1)$$

انرژی ذخیره شده در القاگر برابر است با:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \xrightarrow{L = \frac{\mu_0 A N^2}{\ell}} U = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 A N^2}{\ell} I^2$$

$$\xrightarrow{(1)} U = \frac{1}{2} \frac{\mu_0 A N^2}{\ell} \left(\frac{B\ell}{\mu_0 N} \right)^2 = \frac{B^2 \ell A}{2 \mu_0}$$

$$\xrightarrow{B = 0.1 T, \ell = 3 cm = 0.03 m, A = \pi r^2, r = 4 mm = 4 \times 10^{-3} m, \pi = 3} U = \frac{(0.1)^2 (3 \times 10^{-3})^2 (3) \times (4 \times 10^{-3})^2}{2 \times 12 \times 10^{-7}}$$

$$U = \frac{(0.1)^2 (3 \times 10^{-3})^2 (3) \times (4 \times 10^{-3})^2}{2 \times 12 \times 10^{-7}} = 6 \times 10^{-3} J = 6 mJ$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۳۲ و ۱۳۳)

«۴» - ۹۹ گزینه

(سید محمد رضا رومنی)

$$\frac{2T}{4} = \frac{T}{2} = 6 ms \Rightarrow T = 12 ms$$



* مورد چهارم: غلط؛ صابون محتوی ترکیب (الف) که یک ترکیب شیمیایی محسوب می‌شود، عوارض جانبی بیشتری خواهد داشت زیرا هر چه مواد شیمیایی بیشتری در شوینده حضور داشته باشد؛ عوارض جانبی آن نیز بیشتر خواهد بود.

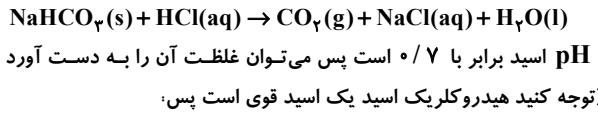
* مورد پنجم: صحیح؛ ترکیب (الف) دارای ۶ پیوند دوگانه و ترکیب (ب) دارای ۳ پیوند دوگانه می‌باشد. بنابراین اختلاف شمار پیوندهای دوگانه در این دو ترکیب برابر ۳ است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۴)

(میلار شیخ‌الاسلامی)

۱-۰۱ گزینه «۱»

واکنش انجام شده به صورت زیر است:



$$[\text{HCl}] = [\text{H}^+]$$

$$[\text{H}^+] = [\text{HCl}] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-7} = 10^{-1} \times 10^{-3} = 0 / ۲ \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

$$? \text{ mL} \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol HCl}}{1 \text{ mol CO}_2} = \text{ محلول}$$

$$\text{ محلول} \times \frac{1000 \text{ mL}}{0 / ۲ \text{ mol HCl}} = \frac{1000 \text{ mL}}{175 \text{ mL HCl}} \times \text{ محلول}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۶)

(ممدرضا پورجاویر)

۱-۰۵ گزینه «۲»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»، آمونیاک در مقایسه با سودسوزآور باز ضعیف‌تری بوده و در غلظت‌های یکسان، مقدار pH محلول سودسوزآور بزرگ‌تر خواهد بود.

گزینه «۲»، هیدروکسید فلزات گروه اول در آب همگی بازهای قوی به شمار می‌روند. در نتیجه قدرت بازی آن‌ها با یکدیگر تقریباً برابر است.

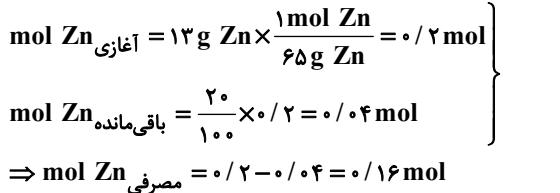
گزینه «۳»، هر قدر یک باز (در دما و غلظت یکسان) قوی‌تر باشد، pH آن بزرگ‌تر بوده و به عدد ۱۴ نزدیک‌تر است.

گزینه «۴»: در تمام محلول‌های بازی، غلظت یون OH^- از غلظت یون H^+ بیشتر است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۰)

(علیرضا کیانی‌دوست)

۱-۰۶ گزینه «۲»



$$\text{mol H}^+ = ۰ / ۱۶ \text{ mol Zn} \times \frac{۲ \text{ mol H}^+}{1 \text{ mol Zn}} = ۰ / ۳۲ \text{ mol H}^+$$

$$\text{mol H}^+ = ۰ / ۲ \text{ mol L}^{-1} \times V = ۰ / ۲ V$$

$$\text{mol H}^+ = ۰ / ۲ \text{ mol L}^{-1} \times V = ۰ / ۲ V$$

۳ شیمی

۱-۰۱ گزینه «۴»

همه موارد نادرست هستند.

بررسی موارد:

مورد اول: اوره و اتیلن گلیکول هر دو توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی میان مولکول‌های خود را دارند.

مورد دوم: روغن زیتون ($\text{C}_{۵۷}\text{H}_{۱۰۴}\text{O}_۶$) هیدروکربن نیست.

مورد سوم: در فرمول مولکولی $\text{C}_{۱۸}\text{H}_{۳۶}\text{O}_۲$ در مجموع ۵۶ اتم وجود دارد.

(این ترکیب یک کربن در بخش قطبی و ۱۷ کربن در بخش ناقطبی خود دارد.)

مورد چهارم: شب نمودار امید به زندگی در مناطق کم برخوردار بیشتر از مناطق برخوردار است.

مورد پنجم: اتیلن گلیکول دارای ۲ گروه هیدروکسیل است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۳ تا ۵)

۱-۰۲ گزینه «۱»

تنها عبارت (ب) صحیح است.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) نادرست؛ مادامی که در رابطه با غلظت اولیه اسیدها اطلاعاتی نداریم، مقایسه قطعی امکان‌پذیر نیست. زیرا ممکن است غلظت اولیه اسید قوی به قدری کم باشد که تعداد یون‌های محلول حاصل از یونش اسید قوی از محلول اسید ضعیف کمتر باشد و به این ترتیب رسانایی محلول اسید قوی کمتر باشد.

(ب) درست؛ اصطلاح یونش برای مواد مولکولی استفاده می‌شود. سدیم هیدروکسید یک جامد یونی است و یون‌های سازنده قبل از ورود به آب نیز

در ساختار آن وجود دارند و هنگام اتحلال در آب از هم تقسیم می‌شوند.

(پ) نادرست؛ این گزاره الزاماً درست نیست. برای مثال اثانول ماده‌ای قطبی می‌باشد اما به دلیل عدم تولید یون در هنگام اتحلال در آب، الکترولیت محسوب نمی‌شود.

(ت) نادرست؛ رسانایی الکترونی تنها محدود به فلزات نیست زیرا نافلزی مانند کربن (گرافیت) نیز امکان برقراری جریان الکتریکی به کمک جابه‌جایی الکترون‌های آزاد را دارد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تندرستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

۱-۰۳ گزینه «۳»

بررسی عبارت‌ها:

* مورد اول: صحیح؛ هر دو ترکیب به دلیل حضور حلقه بنزنی در ساختار خود، آروماتیک به شمار می‌روند.

* مورد دوم: صحیح؛ ترکیب (الف) به دلیل حضور اتم کلر در ساختار خود، خاصیت ضدغونه کنندگی و میکروب‌کشی را در صابون‌ها افزایش می‌دهد.

* مورد سوم: غلط؛ شمار اتم‌های ترکیب (ب):

$$18 + 29 + 1 + 3 + 1 = 52$$

شمار عنصرهای ترکیب (الف):

$$\text{C}_{۱۲}\text{H}_۷\text{Cl}_۳\text{O}_۲$$

$$\Rightarrow \frac{۵۲}{4} = ۱۳ \quad \text{شمار اتم‌های ترکیب (ب)}$$



۲) درست؛ چون فلز Au با CuSO_4 واکنش نمی‌دهد.

۳) درست.

۴) نادرست؛ این واکنش انجام نمی‌شود و عکس آن انجام پذیر است.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۱۴۳ تا ۱۴۵)

(امیر هاتمیان)

۱۱- گزینه «۲»

گونه اکسنده، گونه‌ای است که با گرفتن الکترون کاهش می‌یابد.

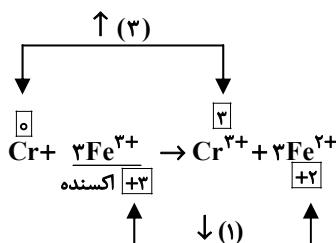
تغییرات گونه کاهنده = ضریب گونه اکسنده

تغییرات گونه اکسنده = ضریب گونه کاهنده

بررسی گزینه‌ها:

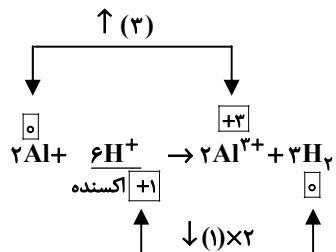
۳ = ضریب گونه اکسنده

(۱)



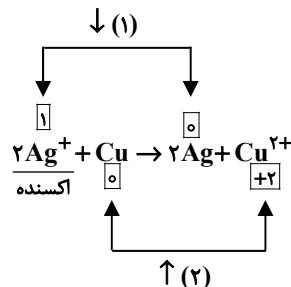
(۲)

۶ = ضریب گونه اکسنده



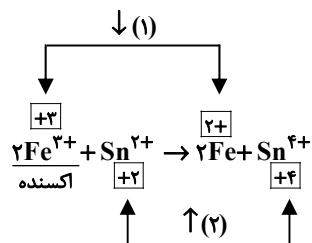
(۳)

۲ = ضریب گونه اکسنده



(۴)

۲ = ضریب گونه اکسنده



(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۴)

$$[\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-1/4} = 10^{-2} \times 10^{+0/6} = 4 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{mol H}^+ = 4 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1} \times V = 0/04V$$

$$0/20V - 0/04V = 0/32$$

$$0/16V = 0/32 \Rightarrow V = 2L = 2000 \text{ mL}$$

$$? \text{ mL H}_2 = 0/16 \text{ mol Zn} \times \frac{1 \text{ mol H}_2}{1 \text{ mol Zn}} \times \frac{22400 \text{ mL H}_2}{1 \text{ mol H}_2}$$

$$= 3584 \text{ mL}$$

$$\bar{R}_{\text{H}_2} = \frac{\Delta V_{\text{H}_2} (\text{mL})}{\Delta t (\text{s})} = \frac{3584 \text{ mL}}{40 \text{ s}} = 89.6 \text{ mL.s}^{-1}$$

(شیمی ۳- موکول‌ها در فرمت تندرنستی؛ صفحه‌های ۲۴ تا ۲۸)

(میلار شیخ‌الاسلامی)

۱۰- گزینه «۱»

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست؛ این واکنش یک واکنش اسید و باز است. در واکنش اسیدها و بازها، واکنش اصلی میان یون‌های هیدرونیوم و هیدروکسید است که به واکنش خنثی شدن معروف است.

ب) نادرست؛ لوله‌های سینک آشپزخانه به دلیل چربی ظروف غذا و ... معمولاً توسط رسوب‌هایی از نوع اسیدهای چرب مسدود می‌شوند. پس برای از بین بردن این رسوب‌ها که خاصیت اسیدی دارند، استفاده از شوینده خورنده با خاصیت بازی مناسب است زیرا این مواد با هم واکنش داده و موادی شبیه به پاک‌کننده‌ها ایجاد می‌شود که به راحتی با آب شسته می‌شوند.

پ) نادرست؛ غلظت یون هیدرونیوم در اسید معده تقریباً برابر با $10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ می‌باشد.

ت) نادرست، تمام ضد اسیدها الزاماً دارای منیزیم هیدروکسید نیستند. شیر منیزی یکی از رایج‌ترین آن‌هاست که شامل منیزیم هیدروکسید است.

ث) درست

(شیمی ۳- موکول‌ها در فرمت تندرنستی؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴)

(هری بخاری پور)

۱۰- گزینه «۲»

بررسی گزینه‌ها:

۱) همه باتری‌های لیتیمی کارایی یکسانی ندارند.

۲) درست است؛ لیتیم در میان فلزات، کمترین چگالی و E° را دارد.

۳) همه باتری‌های لیتیمی قابل شارژ نیستند. مانند باتری‌های دگمه‌ای که در شکل‌ها و اندازه‌های گوناگون ساخته می‌شوند.

۴) جریان الکتریکی در مدار بیرونی برقرار می‌شود.

(شیمی ۳- آسایش و رفاه در سایه شیمی؛ صفحه‌های ۱۴۹ و ۱۵۰)

(امین نوروزی)

۱۰- گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

۱) درست؛ با توجه به واکنش

$\text{Zn} + \text{Cu}^{2+}(\text{aq}) \rightarrow \text{Zn}^{2+}(\text{aq}) + \text{Cu}(\text{s})$ الکترون، 64 g مس تولید می‌شود.

$$? \text{ g Cu} = 0/4 \text{ mol e}^- \times \frac{1 \text{ mol Cu}}{4 \text{ mol e}^-} \times \frac{64 \text{ g Cu}}{1 \text{ mol Cu}} = 12/8 \text{ g Cu}$$



شیمی ۱

۱۱۱ - گزینه «۱»

بررسی موارد نادرست:

مورد سوم: به طور مثال CO_2 و هگزان هر دو دارای $= ۱۱$ هستند اما جاذب مناسبی بین آنها نیست.

مورد چهارم: با توجه به این که اتانول در آب حل شده و جاذب مناسب برقرار می‌کند و همچنین نقطه جوش اتانول از آب کمتر است، تنها ۲ رابطه زیر درست می‌باشد.

$$c > a > b$$

$$c > \frac{b+a}{2}$$

(شیمی - آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۱۱)

۱۱۲ - گزینه «۳»

بررسی گزینه‌ها:

(۱) درست؛ فرایند انحلال ید در هگزان از نوع انحلال مولکولی است و ساختار مولکول‌های حل شونده دچار تغییر نمی‌شود اما در انحلال یونی مانند انحلال سدیم کلرید در آب، ساختار حل شونده تغییر می‌کند.

(۲) درست؛ جاذب جدید ایجاد شده میان یون‌های حل شونده و مولکول‌های آب است که همان جاذبیت یون-دوقطبی است.

(۴) درست؛ باریم سولفات در آب نامحلول است پس رابطه نوشته شده صحیح است. چون در فرایندهایی که حل شونده در حلال حل نمی‌شود، میانگین جاذبه حلال-حل شونده-حل شونده از جاذب حلال-حل شونده بیشتر است.

(۳) نادرست؛ می‌دانیم اتم اکسیژن مولکول آب سر منفی این مولکول است پس باید به سمت کاتیون‌ها جهت‌گیری کند و همچنین هیدروژن‌های مولکول آب سر منفی مولکول هستند و باید به سمت آنیون‌ها جهت‌گیری کنند. در شکل داده شده بر عکس مطلب بیان شده رسم شده است. اکسیژن آب به سمت آئیون Cl^- و هیدروژن‌های آب به سمت کاتیون Na^+ جهت‌گیری کردہ‌اند.

(شیمی - آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۲ و ۱۱۳)

۱۱۳ - گزینه «۱»

فقط عبارت سوم نادرست است. زیرا میانگین ردپای آب برای هر فرد در یک سال برابر با یک میلیون لیتر است نه میلی‌لیتر.

(شیمی - آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(مقدمه‌خواه پورجاویر)

۱۱۴ - گزینه «۱»

با توجه به درصد جرمی محلول سیرشده در دمای 60°C ، می‌توان اتحال پذیری آن را در 100°C آب به صورت زیر محاسبه کرد:

$$20 \text{ گرم نمک} + 80 \text{ گرم آب} = 100 \text{ گرم محلول} 20 \text{ درصد جرمی}$$

جرم نمک جرم آب

$$\begin{array}{rcl} 80\text{g} & 20\text{g} \\ 100 & x \end{array} \Rightarrow x = \frac{100 \times 20}{80} = 25\text{g}$$

با توجه به اتحال پذیری این نمک در دمای 20°C ، می‌توان معادله اتحال پذیری آن را به دست آورد:

$$S - S_1 = \frac{S_2 - S_1}{\theta_2 - \theta_1} (\theta - \theta_1) \Rightarrow S - 5 = \frac{25 - 5}{60 - 20} (\theta - 20)$$

$$\Rightarrow S - 5 = 0 / 5(\theta - 20) \Rightarrow S = 0 / 5\theta - 5$$

(شیمی - آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۰۴)

(روزبه رضوان)

۱۱۵ - گزینه «۲»

موارد (پ) و (ت) نادرست هستند.

بررسی موارد نادرست:

(پ) جهت‌گیری آب به دلیل قطبی بودن آن است و مولکول آب از نظر بار الکتریکی خنثی می‌باشد.

(ت) اتم کوچک‌تر (H) سر مثبت و اتم بزرگ‌تر (O) سر منفی را تشکیل می‌دهد.

(شیمی - آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۰۴ تا ۱۰۵)

(علیرضا کیانی (وسط))

۱۱۶ - گزینه «۴»

بررسی موارد:

مورد اول: نادرست؛ زیرا نقطه جوش 3 عضو نخست این گروه (15) زیر صفر و منفی است.

مورد دوم: نادرست؛ علت تفاوت در خواص فیزیکی آب و هیدروژن سولفید تفاوت در قدرت نیروهای بین مولکولی آنها یا همان تشکیل پیوند هیدروژنی در آب است.



(رضا مسکن)

«۴» گزینه ۱۱۸

همه موارد درست‌اند.
بررسی موارد:
آ) دمای آب در ظرف (I) بیشتر است. زیرا با افزایش دما انحلال‌پذیری گاز در آب کاهش می‌یابد. بنابراین حجم گاز جمع آوری شده در بالای ظرف بیشتر است.

ب) گاز CO_2 . گاز آزاد شده است. ساختار لسویس آن به صورت $\ddot{\text{O}}=\text{C}=\ddot{\text{O}}$: می‌باشد همچنین CO_2 , یک گاز گلخانه‌ای است.
پ) به علت تقارن در ساختار CO_2 در میدان الکتریکی جهت‌گیری نمی‌کند و ناقطبی است. بنابراین $=\text{M}$ است.

ت) انحلال‌پذیری آن از NO بیشتر است چون جرم بیشتری دارد و اندکی با آب واکنش شیمیایی می‌دهد.

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۳)

(رضا مسکن)

«۳» گزینه ۱۱۹

طبق قانون هنری، با افزایش فشار گاز، انحلال‌پذیری گاز در آب بیشتر می‌شود. محور افقی نمودار، فشار گاز حل شده است و نه فشار هوا.

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(رضا مسکن)

«۴» گزینه ۱۲۰

در فشار 3 atm انحلال‌پذیری CO_2 , 3 برابر این مقدار در فشار 1 atm می‌شود.

$$0 / 145 \times 3 = 0 / 435$$

$$\text{d} = \frac{\text{m}}{\text{V}} \Rightarrow 1 = \frac{\text{m}}{1500} \Rightarrow \text{m} = 1500 \text{ g}$$

$$? \text{ g } \text{CO}_2 = 1500 \text{ g} \times \frac{0 / 435 \text{ g } \text{CO}_2}{0 / 435 \text{ g } \text{آب}} = 6 / 5 \text{ g}$$

جرم محلول تقریباً با جرم آب برابر است زیرا جرم گاز حل شده ناچیز است و از آنجایی که درصد حجمی گاز CO_2 در هواکره بسیار کم است و فشار جزئی ناچیزی دارد، می‌توان گفته که با باز شدن در بطريق تقریباً تمامی گاز CO_2 خارج می‌شود.

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

مورد سوم: درست؛

$$\mu_{\text{CO}_2} = 0 \text{ D} \quad \mu_{\text{H}_2\text{O}} = 1 / 85 \text{ D} \quad \mu_{\text{H}_2\text{S}} = 0 / 97 \text{ D}$$

مورد چهارم: نادرست؛ نیروی بین مولکولی در تعیین حالت فیزیکی نقش دارد.

مورد پنجم: نادرست؛ اتم اکسیژن در صورت برقراری پیوند هیدروژنی در مولکول‌های آب، ۲ نوع اتصال (کوالانسی و هیدروژنی) و حداقل می‌تواند به تعداد ۴ اتصال با اتم‌های مولکول خود و دیگر مولکول‌ها داشته باشد.

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۸)

«۲» گزینه ۱۱۷

آب آشامیدنی: با توجه به نمودار، انحلال‌پذیری گاز اکسیژن در دمای 28°C و $46 / 5^\circ\text{C}$ به ترتیب $8 / 0$ و $6 / 0$ میلی‌گرم در 100 گرم آب است. با این افزایش دما، از هر 100 گرم آب آشامیدنی به اندازه $8 / 0 - 6 / 0 = 2 / 0 \text{ mg}$ اکسیژن آزاد می‌شود. در ادامه جرم 10 لیتر آب آشامیدنی را به کمک چگالی به دست آورده و اکسیژن آزاد شده به ازای این مقدار آب را حساب می‌کنیم:

$$\text{d} = \frac{\text{m}}{\text{V}} \Rightarrow 1 = \frac{\text{x}}{10000 \text{ mL}} \Rightarrow \text{x} = 10000 \text{ g}$$

$$\frac{\text{اکسیژن}}{\text{آب}} = \frac{2 / 0 \text{ mg}}{100 \text{ g}} = 20 \text{ mg O}_2 \text{ آب}$$

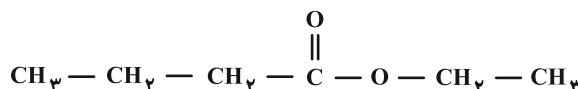
آب دریا: انحلال‌پذیری گاز اکسیژن در دمای 8°C و 31°C به ترتیب $1 / 0$ میلی‌گرم در 100 گرم آب است. میزان گاز آزاد شده در اثر این افزایش دما، $4 / 0$ میلی‌گرم به ازای 100 گرم آب است. محاسبات بالا را برای آب دریا نیز انجام می‌دهیم.

$$\text{d} = \frac{\text{m}}{\text{V}} \Rightarrow 1 / 2 = \frac{\text{x}}{1000 \text{ mL}} \Rightarrow \text{x} = 12000 \text{ g}$$

$$\frac{\text{اکسیژن}}{\text{آب}} = \frac{4 / 0 \text{ mg}}{100 \text{ g}} = 48 \text{ mg O}_2 \text{ آب}$$

جمع اکسیژن آزاد شده برابر با 68 میلی‌گرم یا همان $0 / 068$ گرم می‌باشد.

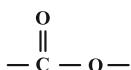
(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۱۱۰ تا ۱۱۲)



بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) منشأ بُو شکوفه‌ها گروه عاملی استری است و در ساختار گروه عاملی

استری، ۳ اتم وجود دارد.



۳) هر استر تک عاملی، یک گروه عاملی استر دارد و در ساختار گروه عاملی

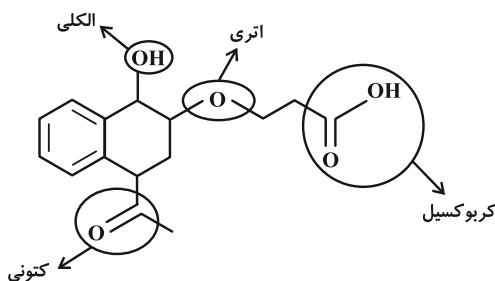
استر، تنها یک اتم C حتماً به ۲ اتم اکسیژن متصل است.

۴) پلی استرها در ساختار خود اتم‌های C، H و O دارند. بنابراین از سوختن آنها، اکسیدهای نیتروژن حاصل نمی‌شوند.

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۰۷ و ۱۰۸)

(روزبه رضوانی)

- ۱۲۴ گزینه «۳»



(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۳)

(بیمان فوایدوی مهر)

- ۱۲۵ گزینه «۲»

دی آمین و دی اسید سازنده این پلیمر به صورت زیر است:



آ: شمار اتم‌های دی اسید سازنده برابر ۱۱ است. این در حالی است که در

فرمول اتیلن گیلکول ($\text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2$) در مجموع ۱۰ اتم وجود دارد.

ب: در دی آمین سازنده پلیمر در مجموع ۸ اتم هیدروژن وجود دارد. این در

حالی است که در بنزآلدهید ($\text{C}_6\text{H}_5\text{O}$) ۶ اتم هیدروژن وجود دارد.

شیمی ۲

- ۱۲۱ گزینه «۲»

(علیرضا کیانی (وست))

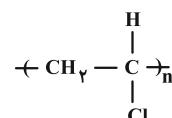
روغن زیتون نوعی درشت مولکول غیرپلیمری (فاقد واحد تکرار شونده) محسوب می‌شود.

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۳)

- ۱۲۲ گزینه «۴»

(شهرزاد معرفت‌ایزدی)

درصد جرمی کلر در پلی‌وینیل کلرید:



$$\% \text{ Cl} = \frac{35 / 5}{2 \times 12 + 3 \times 1 + 35 / 5} \times 100 = 56 / 8$$

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{C}_7\text{H}_7\text{Cl} : \text{H} = \frac{3}{62 / 5} \times 100 \Rightarrow \frac{30}{62 / 5} = 0 / 48 \\ \text{C}_3\text{H}_4 : \text{H} = \frac{4}{40} \times 100 \end{array} \right.$$

۲) نادرست: $1\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2 + 8\text{O}_2 \rightarrow 6\text{CO}_2 + 6\text{H}_2\text{O}$ هگزاکتوکسید ۶ مول آب

$$? \text{ g H}_2\text{O} = 6 \text{ mol H}_2\text{O} \times \frac{18 \text{ g}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 108 \text{ g}$$

۳) نادرست: فرمول شیمیایی چربی کوهان شتر $\text{C}_{57}\text{H}_{110}\text{O}_6$ می‌باشد

که تعداد اتم‌های هیدروژن موجود در آن ۱۱۰ می‌باشد.

۴) درست

$$? \text{ kJ} = \frac{1 \text{ mol}}{28 \text{ g}} \times \frac{1 \text{ mol}}{1 \text{ mol}} \times \frac{-178 \text{ kJ}}{1 \text{ mol}} = 8 / 9 \text{ g} = 56 / 6 \text{ گرما}$$

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۰۹، ۱۱۰ و ۱۱۳)

- ۱۲۳ گزینه «۲»

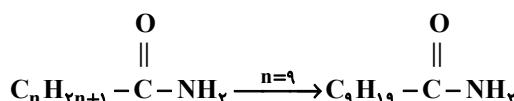
(علیرضا کیانی (وست))

ساختار عامل بو و طعم آناناس که همان اتیلن بوتانوات است به صورت زیر می‌باشد:



(هدی بخاری پور)

«۲» - گزینه



$$10(12) + 21(1) + 1(14) + 1(16) = 171 \text{ g.mol}^{-1}$$

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۵)

(علیرضا کیانی (وست))

«۳» - گزینه

بررسی موارد نادرست:

مورد سوم: پلی استیرن سیر شده نیست به این دلیل که در حلقه کربنی خود پیوندی $\text{C}=\text{C}$ دارد.

مورد چهارم: پلیمرهایی که حاصل افزودن هیدروکربن‌های سیر شده به یکدیگر هستند زیست تخریب پذیر نیستند و از دیدگاه پیشرفت پایدار تولید شان الگوی مطلوبی نیست.

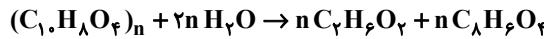
مورد پنجم: ظروف یکیار مصرفی که از پلی لاکتیک اسید تهیه شوند زودتر به طبیعت بازمی گردند (پس از چند ماه) اما ظروف یکیار مصرف پلی استیرنی ماندگار هستند.

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

(پیمان فوابوی مهر)

«۱» - گزینه

معادله واکنش انجام شده به صورت زیر است:

جرم پلی استر مصرف شده $\frac{9}{6} \text{ g}$ است، پس می‌توانیم مول دیالکل را

تعیین کنیم:

$$\frac{9}{6} \text{ mol} \times \frac{\text{پلی استر}}{1 \text{ mol}} \times \frac{n \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}_2}{1 \text{ mol C}_8\text{H}_6\text{O}_4} \times \frac{\text{پلی استر}}{1 \text{ mol}}$$

$$= 0.5 \text{ mol C}_2\text{H}_6\text{O}_2$$

$$\bar{R}_{\text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2} = \frac{0.5 \text{ mol}}{2.5 \text{ min}} = 0.2 \text{ mol} \cdot \text{min}^{-1}$$

جرم دی اسید تولید شده را می‌توان با توجه به مول دیالکل تعیین کرد:

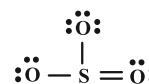
$$\frac{0.5}{n} = \frac{x}{166n} \Rightarrow x = 0.3 \text{ g C}_8\text{H}_6\text{O}_4$$

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۸)

پ: در پلیمر داده شده همانند پلیمر کولار که در قایق بادبانی گروه عاملی آمیدی وجود دارد.



ت: در ساختار دی اسید به کار رفته ۸ جفت الکترون ناپیوندی وجود دارد.

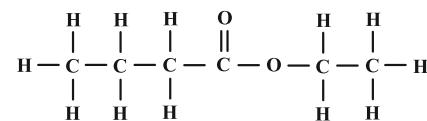
همچنین در ساختار SO_3 نیز ۸ الکترون پیوندی وجود دارد.

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۱۴ و ۱۱۵)

(پیمان فوابوی مهر)

«۳» - گزینه

اتیل بوتانوات عامل بو و طعم آناناس است.



در فرمول ساختاری این ماده ۲۰ پیوند اشتراکی وجود دارد. درصد جرمی

کربن در این ماده برابر است با:

$$\frac{6 \times 12}{116} \times 100 \approx 62 = \text{درصد جرمی کربن}$$

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۰۷ و ۱۰۸)

(اصغرضا پغفری نژاد)

«۴» - گزینه

تمام موارد نادرست هستند.

بررسی برخی موارد:

مورد اول: شمار اتم‌های کربنی که به هیدروژن متصل نیستند = ۶

شمار کربن‌های موجود در الکل سازنده استر موجود موز (پنتانول) = ۵

مورد دوم: شمار جفت الکترون‌های پیوندی = ۵۱

شمار الکترون‌های ناپیوندی = ۲۸

(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان تاپزیر؛ صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

رانلور، ایگان تماس‌آفرینشی در کنال ما:

@Azmoonha_Azmayeshi

علوی

تماریز، پایه و شرکت



مرکز سنجش آموزش مدارس برتر



آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi



دانش



دوسسه آموزشی فرهنگی



شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمونها آزمایشی

T.me/Azmoonha_Azmayeshi

آزمون‌های سراسری
کاج

حل
مسئلہ

