

فیزیک ۲ (تجربی)

فصل سوم : مغناطیس و القای الکترومغناطیسی نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۱- الکترونی با سرعت $\vec{v} = 1.0 \cdot 10^5 \vec{i} + \sqrt{3} \times 1.0 \cdot 10^5 \vec{j}$ وارد میدان مغناطیسی یکنواختی به صورت $\vec{B} = \frac{\sqrt{3}}{2} \vec{i} - \frac{1}{2} \vec{j}$ می گردد، اندازه نیرویی که میدان مغناطیسی بر الکترون وارد می کند، چند نیوتون است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$ و اندازه ها در SI می باشد).

سخت مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۶

④ $3.2 \sqrt{3} \times 10^{-14}$

③ 3.2×10^{-14}

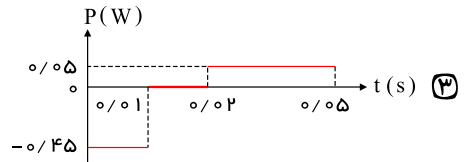
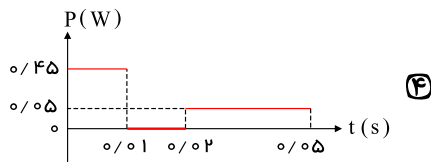
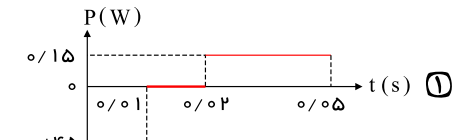
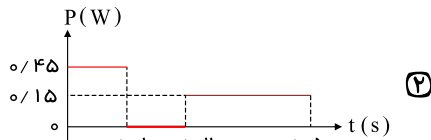
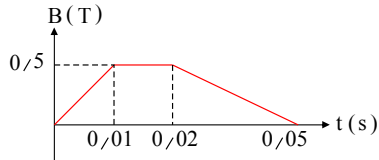
⑤ 1.6×10^{-14}

① صفر

القای الکترومغناطیس

۲- نمودار تغییرات میدان مغناطیسی بر حسب زمان، که بر یک حلقه دایره ای به شعاع 1.0 cm و مقاومت 5Ω عمود است، مطابق شکل زیر است. نمودار آهنگ تولید انرژی گرمایی بر حسب زمان در این حلقه کدام است؟ ($\pi \simeq 3$)

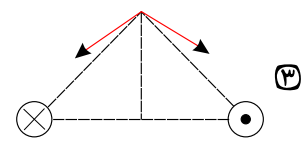
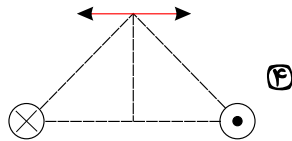
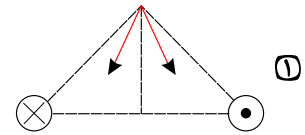
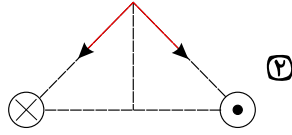
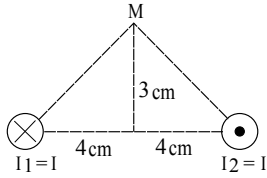
سخت مرجع: سراسری- ۱۳۹۵



میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۳- دو سیم موازی بسیار بلند، حامل جریان I ، مطابق شکل زیر عمود بر صفحه قرار دارند. بردار میدان مغناطیسی هر یک از دو سیم در نقطه M در کدام شکل درست است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۴



نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۴- پروتونی تحت زاویه 90° نسبت به یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 20 mT حرکت می کند و نیروی مغناطیسی $1,28 \times 10^{-16}\text{ N}$ به آن وارد می شود. انرژی جنبشی پروتون چند الکترون ولت است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۵

$$(m_p = 1,7 \times 10^{-27}\text{ kg}, e = 1,6 \times 10^{-19}\text{ C})$$

۱۷ (۴)

۸,۵ (۳)

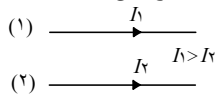
۵ (۲)

۲,۵ (۱)

میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۵- در شکل مقابل دو سیم بلند (۱) و (۲) موازی هم در این صفحه قرار دارند و بر هم نیروی الکترومغناطیسی وارد می کنند. اگر نیروی وارد بر هر متر سیم (۱)، \vec{F}_1 و نیروی وارد بر هر متر سیم (۲)، \vec{F}_2 باشد، \vec{F}_1 و \vec{F}_2 به ترتیب از راست به چپ در چه جهتی هستند و اندازه آنها چگونه است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۲



$$F_1 = F_2, \downarrow, \uparrow \text{ (۲)}$$

$$F_1 = F_2, \uparrow, \downarrow \text{ (۱)}$$

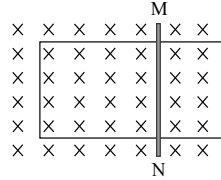
$$F_1 < F_2, \downarrow, \uparrow \text{ (۴)}$$

$$F_1 > F_2, \uparrow, \downarrow \text{ (۳)}$$

القای الکترومغناطیس

۶- در شکل روبه‌رو، میدان مغناطیسی درون سو و قاب U شکل رسانا است. اگر مماس بر قاب، میله رسانای MN را از حال سکون با شتاب ثابت به سمت چپ ببریم، جریان القایی در میله از بوده و اندازه آن در این وضعیت، خواهد بود.

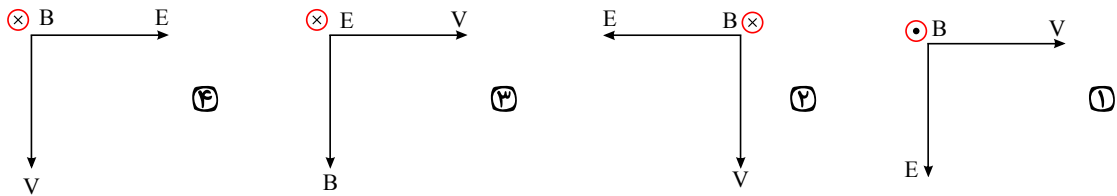
متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۹۱

① M به N ، در حال افزایش② M به N ، ثابت③ N به M ، ثابت④ N به M ، در حال افزایش

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۷- یک دسته الکترون در فضایی که میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی وجود دارد، با سرعت v حرکت می‌کنند، اگر الکترون‌ها مسیر مستقیم حرکت خود را حفظ کنند، وضعیت میدان‌های E , B ، و سرعت v کدام است؟

متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۸۱



میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۸- شکل‌های زیر، چهار آرایش را نشان می‌دهد که در آن سیم‌های موازی حامل جریان I در گوشه‌های مربع‌های مشابه قرار گرفته‌اند و سیم‌ها بلند و همگی عمود بر صفحه‌اند. در کدام شکل بزرگی میدان مغناطیسی برآیند در مرکز مربع بیش‌ترین مقدار را دارد؟

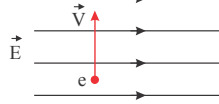
متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۴



نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۹- شکل زیر الکترونی را هنگام عبور از میدان الکتریکی یکنواخت نشان می‌دهد. برای آنکه ذره بدون انحراف از این میدان بگذرد از میدان مغناطیسی یکنواخت استفاده شده است. میدان مغناطیسی باید باشد.

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۴



- (۲) موازی راستای \vec{E} و در خلاف جهت آن
(۴) عمود بر صفحه شکل و به سمت داخل صفحه

- (۱) موازی راستای \vec{V} و همسو با آن
(۳) عمود بر صفحه شکل و به سمت بیرون

القای الکترومغناطیس

۱۰- سطح حلقه‌های پیچ‌های که دارای ۱۰۰۰ حلقه است، عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی که اندازه آن $0.4T$ است، قرار دارد. میدان مغناطیسی در مدت $0.1s$ به همان اندازه و در خلاف جهت اولیه می‌رسد. اگر مساحت هر حلقه پیچ $5cm^2$ باشد، بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در پیچ، چند ولت است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۸

- (۱) صفر (۲) 0.4 (۳) 4 (۴) 40

۱۱- اگر بردار میدان مغناطیسی یکنواختی در SI به صورت $\vec{B} = 0.3\vec{i} + 0.4\vec{j}$ باشد و حلقه ای به مساحت $200cm^2$ که سطح آن موازی محور x و عمود بر محور y است، در این میدان قرار داشته باشد، بزرگی میدان مغناطیسی در آن محیط و شار مغناطیسی عبوری از حلقه در SI از راست به چپ کدام اند؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۲

- (۱) صفر و صفر (۲) $6 \times 10^{-3}, 0.5$ (۳) $8 \times 10^{-3}, 0.7$ (۴) $8 \times 10^{-3}, 0.5$

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۱۲- در مکانی که میدان مغناطیسی یکنواخت $0.4T$ تسلا برقرار است ذره‌ای با بار الکتریکی $-5\mu C$ با سرعت $200m/s$ به سمت مغرب در حرکت است. اگر خطوط میدان مغناطیسی افقی و جهت میدان به سمت شمال باشد، نیروی الکترومغناطیسی وارد بر ذره چند نیوتون و به کدام جهت است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۵

- (۱) 2×10^{-3} ، شمال (۲) 2×10^{-3} ، جنوب (۳) 4×10^{-4} ، بالا (۴) 4×10^{-4} ، پایین

۱۳- نیروی \vec{F} وارد بر الکترونی که در میدان مغناطیسی \vec{B} در حرکت است، در شکل نشان داده شده است. جهت سرعت الکترون کدام است؟ (\vec{B} روی صفحه و \vec{F} درون سو است).

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۸۶



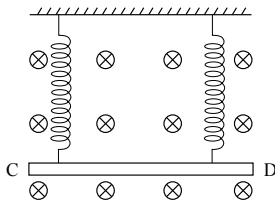
- ① $\vec{v} \nwarrow$
 ② $\vec{v} \rightarrow$
 ③ $\vec{v} \nearrow$

④ گزینه‌های ۲ و ۳ می‌توانند درست باشند.

نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان

۱۴- مطابق شکل، میله CD به جرم 160 گرم و طول 80 سانتی‌متر به دو فنر سبک مشابه آویخته شده و در یک میدان مغناطیسی یکنواخت درون سو که اندازه آن 4 تسلا است، به صورت افقی قرار دارد. از میله، جریان چند آمپر و در چه جهتی عبور کند تا از طرف میله در حال تعادل بر فنرها نیرویی وارد نشود؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۸



- ① 5 و از C به طرف D
 ② 5 و از D به طرف C
 ③ 2 و از C به طرف D
 ④ 2 و از D به طرف C

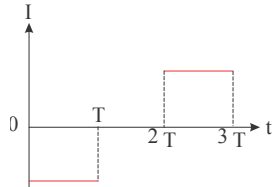
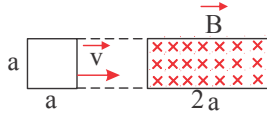
نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۱۵- ذره‌ای به جرم 5 گرم که دارای بار $50 \mu\text{C}$ - است، در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، با سرعت 10^3 m/s در راستای افقی از جنوب به شمال پرتاب می‌شود. جهت و اندازه میدان، کدام یک از موارد زیر می‌تواند باشد تا نیروی مغناطیسی نیروی وزن را خنثی کند و ذره در مسیر مستقیم به حرکت خود ادامه دهد؟

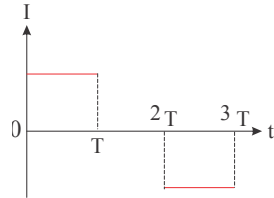
متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۸

- ① 0.04 تسلا در راستای افقی از شرق به غرب
 ② 0.04 تسلا در راستای افقی از غرب به شرق
 ③ 0.40 تسلا در راستای افقی از شرق به غرب
 ④ 0.40 تسلا در راستای افقی از غرب به شرق

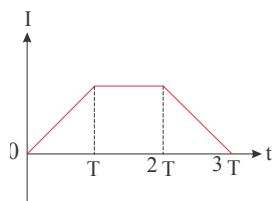
۱۶ - حلقه فلزی مربع شکلی، به ضلع a مطابق شکل با سرعت ثابت v وارد ناحیه‌ای با میدان مغناطیسی یکنواخت \vec{B} شده و از آن خارج می‌گردد. ناحیه‌ای که میدان مغناطیسی در آن غیر صفر است، مستطیلی به ابعاد a و $2a$ است. نمودار تغییرات جریان الکتریکی بر حسب زمان در حلقه کدام است؟ (جهت مثبت مثلثاتی، جهت جریان مثبت و $t = 0$ زمان رسیدن حلقه به ابتدای ناحیه است.)
 متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۸۵



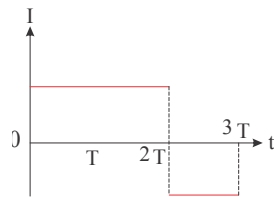
۱



۲

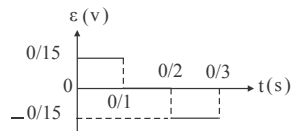
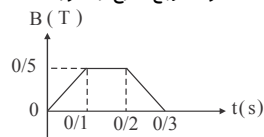


۳

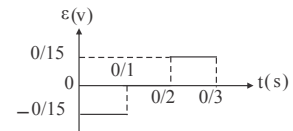


۴

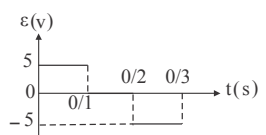
۱۷ - یک حلقه به شعاع 10 سانتی‌متر و مقاومت 5Ω به‌طور عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد و میدان مغناطیسی مطابق شکل زیر تغییر می‌کند. نمودار نیروی محرکه القا شده در حلقه، کدام است؟ (کدام است؟ $\pi = 3$)
 متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۶



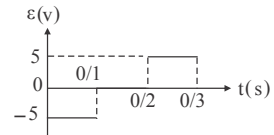
۱



۲



۳



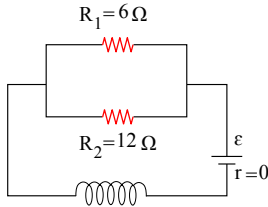
۴

میدان ناشی از حلقه و سیملوله

۱۸- در شکل روبه‌رو، توان مصرفی مقاومت R_1 برابر ۲۴ وات می‌باشد. اگر سیملوله در هر متر ۱۰۰۰ دور حلقه داشته باشد، میدان مغناطیسی در داخل

سخت‌مرجع: سراسری-۱۳۸۸

سیملوله چند تسلا است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$



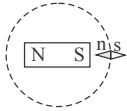
- ① $1,2\pi \times 10^{-3}$
- ② $1,2\pi \times 10^{-4}$
- ③ $4\pi \times 10^{-4}$
- ④ $8\pi \times 10^{-3}$

مغناطیس و قطب‌های مغناطیسی - میدان مغناطیسی - میدان مغناطیسی زمین - میدان مغناطیسی یکنواخت

۱۹- یک آهنربای میله‌ای مطابق شکل زیر، روی یک میز قرار دارد. یک عقربه مغناطیسی که آزادانه می‌تواند حول محور قائم بچرخد، به آرامی روی مسیر

متوسط‌مرجع: سراسری-۱۳۹۶

دایره‌ای شکل به دور آهنربا یک دور می‌چرخد. در این مسیر عقربه چند درجه دوران می‌کند؟



④ ۷۲۰

③ ۳۶۰

② ۲۷۰

① ۱۸۰

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۲۰- ذره‌ای به جرم ۵۰۰ میلی‌گرم با سرعت $10^3 \frac{m}{s}$ به طور عمود وارد میدان مغناطیسی یکنواخت ۴ میلی‌تسلا می‌شود. اگر بار الکتریکی ذره $50 \mu C$ باشد، شتابی که ذره تحت تأثیر میدان می‌گیرد، چند متر بر مربع ثانیه است؟

متوسط‌مرجع: سراسری-۱۳۹۲

④ ۰٫۰۲

③ ۰٫۲۰

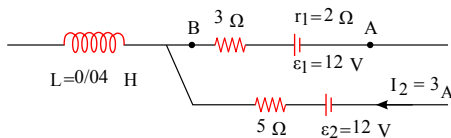
② ۰٫۰۴

① ۰٫۴۰

القاگرها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

متوسط‌مرجع: سراسری-۱۳۸۸

۲۱- شکل مقابل، قسمتی از یک مدار الکتریکی است. اگر $V_B - V_A = 2V$ باشد، انرژی سیملوله چند ژول است؟



② ۰٫۵

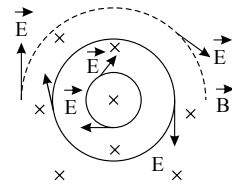
① ۰٫۱

④ ۰٫۰۵

③ ۰٫۰۱

۲۲- در شکل روبه‌رو، میدان مغناطیسی درون سو است. در حالتی میدان الکتریکی القایی مطابق شکل خواهد شد که، میدان مغناطیسی،

متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۹۰

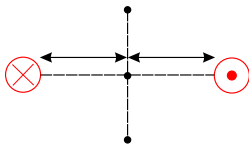


- ① در حال کاهش باشد.
- ② ثابت و یکنواخت بماند.
- ③ در حال افزایش باشد.
- ④ با آهنگ ثابتی دوران کند.

میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۲۳- مطابق شکل از دو سیم موازی بلند جریان I می‌گذرد. بزرگی میدان ناشی از دو سیم، از نقطه P تا P' چگونه تغییر می‌کند؟ (سیم‌ها عمود بر صفحه و نقطه‌ها روی صفحه اند).

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۸۶



- ① کاهش می‌یابد.
- ② افزایش می‌یابد.
- ③ ابتدا افزایش، سپس کاهش می‌یابد.
- ④ ابتدا کاهش، سپس افزایش می‌یابد.

القای الکترومغناطیس

۲۴- سیم‌لوله‌ای بدون هسته دارای ۱۰۰ حلقه است. طول سیم‌لوله ۲۵cm و شعاع حلقه‌های آن ۱۰cm است. اگر در مدت ۰.۲ ثانیه جریان الکتریکی

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۸۶

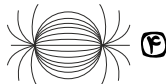
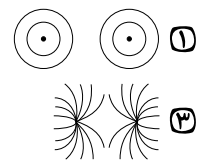
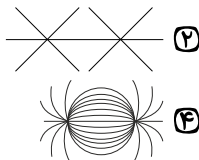
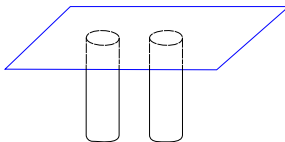
آن به‌طور منظم از ۳۰ آمپر به صفر برسد، نیروی محرکه خودالقایی آن چند ولت است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- ① $۰.۲۴\pi^2$
- ② $۰.۴۸\pi^2$
- ③ ۲.۴π
- ④ ۴.۸π

مغناطیس و قطب‌های مغناطیسی - میدان مغناطیسی - میدان مغناطیسی زمین - میدان مغناطیسی یکنواخت

۲۵- دو آهنربای میله‌ای را مطابق شکل، زیر یک صفحه کاغذ افقی قرار داده و روی صفحه براده‌های آهن می‌پاشیم، خطوط میدان مغناطیسی به‌صورت

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۰



القای الکترومغناطیس

۲۶- معادله شار مغناطیسی عبوری از یک پیچه که شامل ۶۰ حلقه است، در SI به صورت $\Phi = 4 \times 10^{-3} \cos 100\pi t$ است. اندازه نیروی محرکه

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۸

القایی متوسط در پیچه در بازه زمانی $t_1 = \frac{1}{200} s$ تا $t_2 = \frac{1}{100} s$ چند ولت است؟

۴۸ (۴)

۲۴ (۳)

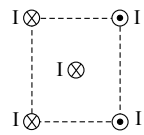
۴٫۸ (۲)

۲٫۴ (۱)

میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۲۷- چهار سیم راست و بلند حامل جریان‌های مساوی و در جهت‌های نشان داده شده، در رأس‌های یک مربع مطابق شکل قرار دارند. نیروی

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۹



الکترومغناطیسی وارد بر سیم حامل جریانی که از مرکز مربع می‌گذرد، در کدام جهت است؟

← (۲)

→ (۱)

↑ (۴)

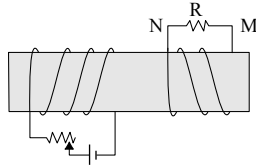
↓ (۳)

القاگرها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

۲۸- در شکل زیر، دو سیملوله روی یک هسته آهنی و جدا از هم پیچیده شده‌اند. لغزنده رئوس را از نقطه‌ای که ثابت مانده بود، در مدت Δt به سمت

چپ حرکت می‌دهیم. اگر جریان القایی عبوری از مقاومت R قبل از حرکت لغزنده، I_1 و ضمن حرکت لغزنده، I_2 باشد، I_1 و I_2 به ترتیب چگونه‌اند؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۴



$I_1 = 0$ و I_2 در جهت M به N (۱)

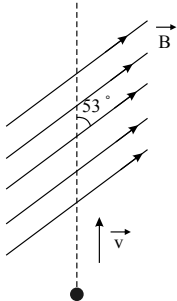
I_1 و I_2 در جهت M به N (۲)

I_1 مقدار ثابت و در جهت M به N و I_2 هم‌جهت با I_1 و بیشتر از آن (۳)

I_1 مقدار ثابت و در جهت N به M و I_2 خلاف جهت I_1 و کمتر از آن (۴)

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۲۹- بار الکتریکی $q = 25 \mu C$ با سرعت $2 \times 10^5 \frac{m}{s}$ مطابق شکل زیر وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $B = 10^4 G$ می شود. در لحظه ورود به میدان، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ($\sin 53^\circ = 0.8$)
متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۸



- ① ۲۵۰ و \otimes
 ② ۲۵۰ و \odot
 ③ ۴ و \odot
 ④ ۴ و \otimes

۳۰- یک ذره کیهانی با بار مثبت از بالای خط استوا به طور عمود به سمت کره زمین در حرکت است. در آن لحظه، نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی زمین بر آن وارد می شود به کدام جهت است؟
متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۴

- ① شرق ② غرب ③ شمال ④ جنوب

القای الکترومغناطیس

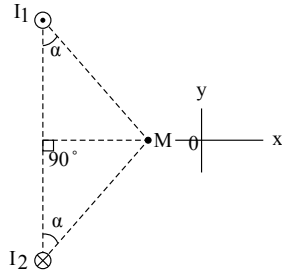
۳۱- حلقه ای به قطر 20 cm در یک میدان مغناطیسی یکنواخت طوری قرار دارد که خطوط میدان بر سطح حلقه عمود است. اگر مقاومت الکتریکی حلقه 0.3Ω باشد، میدان مغناطیسی با آهنگ چند تسلا بر ثانیه تغییر کند، تا جریان $0.2 A$ در حلقه القا شود؟ ($\pi = 3$)
متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۴

- ① ۰٫۲ ② ۰٫۸ ③ ۲ ④ ۸

میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۳۲- شکل زیر، مقطع دو سیم بلند و موازی را نشان می‌دهد که بر صفحه کاغذ عمودند و از آنها جریان‌های برابر و در جهت‌های نشان داده شده عبور می‌کند، میدان مغناطیسی خالص (برایند) در نقطه M در کدام جهت است؟

متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۹۹

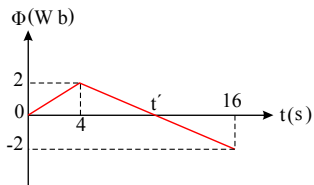


- ① در جهت محور x
- ② در جهت محور y
- ③ خلاف جهت محور x
- ④ خلاف جهت محور y

القای الکترومغناطیس

۳۳- نمودار تغییرات شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه نسبت به زمان مطابق شکل روبه‌رو است. در لحظه t' بزرگی نیروی محرکه القایی در حلقه چند ولت است؟

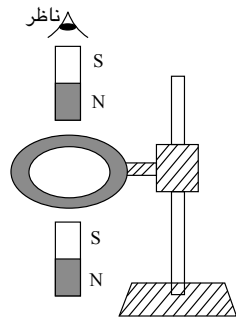
متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۸۹



- ① صفر
- ② ۲
- ③ $\frac{1}{2}$
- ④ $\frac{1}{3}$

۳۴- یک حلقه مسی به صورت افقی، توسط گیره‌ای عایق به یک میله قائم بسته شده است. اگر یک آهن‌ریا را مطابق شکل زیر از بالای حلقه رها کنیم، جهت جریان القا شده در حلقه مسی قبل از ورود به حلقه و پس از عبور از آن از دید ناظری که از بالا نگاه می‌کند، کدام است؟

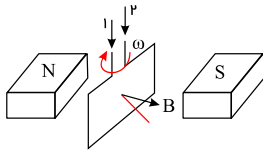
متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۸



- ① ساعتگرد - ساعتگرد
- ② ساعتگرد - پادساعتگرد
- ③ پادساعتگرد - ساعتگرد
- ④ پادساعتگرد - پادساعتگرد

جریان متناوب - مبدل ها

۳۵- شکل مقابل پیچه ای را نشان می دهد که با دوره ثابت در جهت نشان داده شده می چرخد. جریان القایی مدار در کدام جهت بوده و اندازه نیروی محرکه القایی در لحظه نشان داده شده در شکل در چه حالتی است؟

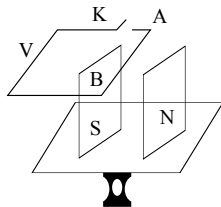


متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۳

- ① ۱، افزایش
- ② ۱، کاهش
- ③ ۲، افزایش
- ④ ۲، کاهش

نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان

۳۶- در شکل زیر سیم افقی AB در میدان مغناطیسی یکنواخت بین دو قطب معلق است و قبل از بستن کلید K ترازو عدد ۱۰ نیوتون را نشان می دهد. وقتی کلید K بسته شود، از سیم جریان ۲۰ آمپر می گذرد و ترازو عدد ۸ نیوتون را نشان می دهد. اگر طول سیم AB برابر ۱۰ سانتی متر باشد، اندازه میدان مغناطیسی بر حسب تسلا و جهت جریان در سیم کدام است؟



متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۴

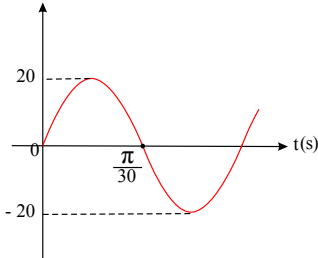
- ① ۱، ۰ و از A به B
- ② ۱ و از B به A
- ③ ۱ و از A به B
- ④ ۱، ۰ و از B به A

جریان متناوب - مبدل ها

۳۷- شکل مقابل، نمودار اختلاف پتانسیل دو سر یک مقاومت ۵ اهمی را نشان می دهد. معادله شدت جریان الکتریکی مقاومت در SI کدام است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۸۸

V (ولت)



① $I = 4 \sin(30t)$

② $I = 20 \sin(30t)$

③ $I = 4 \sin(30\pi t)$

④ $I = 20 \sin(30\pi t)$

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۳۸- ذره ای به جرم 0.2 گرم با بار الکتریکی $-4 \mu C$ با سرعت 200 m/s به سمت مغرب و افقی حرکت می کند. جهت و اندازه میدان مغناطیسی (بر

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۵

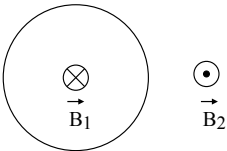
حسب تسلا) که قادر است مسیر ذره را در همان جهت و افقی نگه دارد کدام است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- ① شمال، 0.25 ② جنوب، 0.25 ③ مشرق، 0.5 ④ مغرب، 2.5

میدان ناشی از حلقه و سیملوله

۳۹- شکل زیر، یک حلقه حامل جریان الکتریکی را نشان می دهد که \vec{B}_1 و \vec{B}_2 بردارهای میدان مغناطیسی داخل و بیرون حلقه اند. کدام مورد درباره جهت جریان الکتریکی حلقه و اندازه بردارهای میدان درست است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۹



① ساعتگرد، $B_1 = B_2$

② ساعتگرد، $B_1 > B_2$

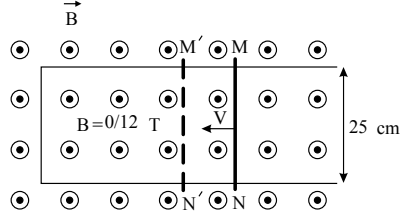
③ پادساعتگرد، $B_1 = B_2$

④ پادساعتگرد، $B_1 > B_2$

الفای الکترومغناطیس

۳۰- میله فلزی MN را روی رسانای U شکل با سرعت ثابت v در مدت Δt از وضع MN به وضع $M'N'$ درمی آوریم. اگر نیروی محرکه القاشده \mathcal{E} ولت باشد، سرعت حرکت میله چند متر بر ثانیه و جهت جریان القاشده در میله، کدام است؟

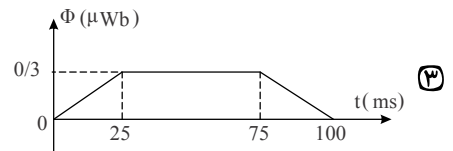
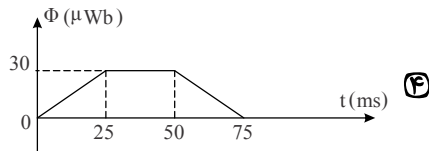
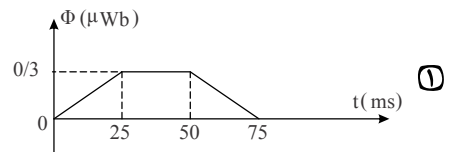
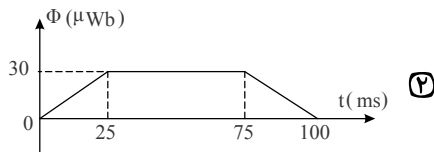
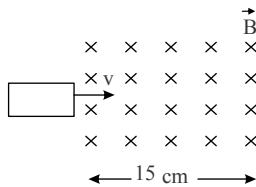
متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۹۸



- ① ۵ و از N به طرف M
- ② ۵ و از M به طرف N
- ③ ۷٫۵ و از N به طرف M
- ④ ۷٫۵ و از M به طرف N

۴۱- حلقه فلزی مستطیل شکلی به ابعاد $3\text{cm} \times 5\text{cm}$ با سرعت ثابت $2 \frac{m}{s}$ وارد میدان مغناطیسی یکنواخت $2G$ می شود و از طرف دیگر آن خارج می شود. نمودار تغییرات شار مغناطیسی بر حسب زمان که از حلقه می گذرد، کدام است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۷



الفابرها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

۴۲- از سیملوله ای به ضریب القاوری 0.4 هانری جریان متناوبی می گذرد که معادله آن در SI به صورت $I = 5 \sin(50\pi t)$ است. بیشینه انرژی سیملوله چند میلی ژول است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۶

- ① ۲۰
- ② ۵۰
- ③ ۲۰۰
- ④ ۵۰۰

القای الکترومغناطیس

۴۳- کدام یک از واحدهای زیر واحد شار مغناطیسی در SI است؟

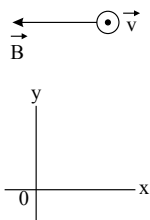
متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۲

- ① ولت ژول
② ژول ولت
③ آمپر ژول
④ ژول آمپر

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۴۴- مطابق شکل، الکترونی با سرعتی به بزرگی $2 \times 10^5 \frac{m}{s}$ وارد فضایی می شود که میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $40 G$ و میدان الکتریکی یکنواخت \vec{E} در آنجا وجود دارد و الکترون بدون انحراف به حرکت خود ادامه می دهد. \vec{E} در SI کدام است؟ (از جرم الکترون صرف نظر کنید.)

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۹

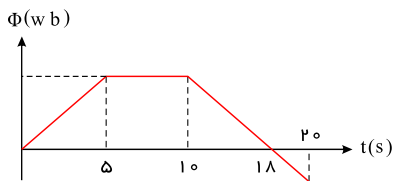


- ① $(-2 \times 10^5) \hat{j}$
② $(2 \times 10^5) \hat{j}$
③ $(-8 \times 10^2) \hat{j}$
④ $(8 \times 10^2) \hat{j}$

القای الکترومغناطیس

۴۵- نمودار تغییرات شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه بر حسب زمان مطابق شکل است. در کدام بازه زمانی بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه بیشتر است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۸

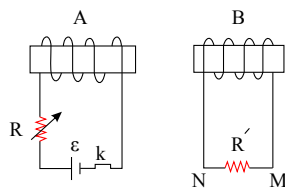


- ① ۵ تا ۵ ثانیه
② ۱۰ تا ۱۸ ثانیه
③ ۵ تا ۲۰ ثانیه
④ ۱۰ تا ۲۰ ثانیه

القارها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

۴۶- در کدام حالت، جریان القایی در R' ، از M به N است؟

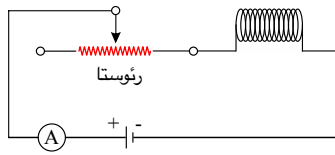
متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۰



- ① لحظه قطع کلید k
② وقتی مقاومت رئوستا در حال افزایش است.
③ وقتی سیملوله B به سمت راست حرکت می کند.
④ وقتی سیملوله A به سمت راست حرکت می کند.

۴۷- در شکل زیر، ضریب القاوری (خود القاایی) سیم‌لوله $0.5H$ است و انرژی ذخیره شده در آن $4J$ است. اگر سیم‌لوله دارای 100 حلقه و طولش

متوسط مرجع: سراسری-۱۳۹۹



$8cm$ باشد، میدان مغناطیسی داخل آن چند گاوس است؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- ① ۶۰
- ② ۹۰
- ③ ۱۲۰
- ④ ۱۸۰

القای الکترومغناطیس

۴۸- سیم‌لوله‌ای به طول $20cm$ دارای 30000 حلقه‌ها به دور یک میله چوبی به شعاع مقطع $2cm$ به صورت منظم پیچیده شده‌اند. وقتی

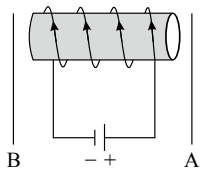
متوسط مرجع: خارج از کشور-۱۳۹۲

جریان $5A$ از سیم‌لوله می‌گذرد، شار مغناطیسی گذرنده از آن چند وبر است؟ $(\pi^2 = 10)$ و $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}$

- ① 8×10^{-7}
- ② 4×10^{-7}
- ③ 12×10^{-5}
- ④ 24×10^{-7}

۴۹- در شکل زیر اگر دو سیم رسانا را عمود بر صفحه کاغذ و رو به بیرون به موازات یکدیگر حرکت دهیم، جهت جریان القاایی در دو سیم A و B

متوسط مرجع: سراسری-۱۳۷۷



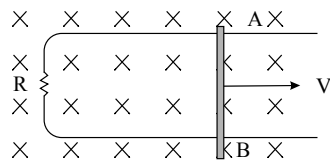
به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

- ① $\uparrow \uparrow$
- ② $\downarrow \downarrow$
- ③ $\uparrow \downarrow$
- ④ $\downarrow \uparrow$

۵۰- در شکل مقابل، میله فلزی AB روی رسانای U شکل با تندی ثابت کشیده می‌شود و سطح قاب عمود بر یک میدان مغناطیسی ثابت و یکنواخت

متوسط مرجع: سراسری-۱۳۸۴

درون سو است. در این حالت جریان القاایی در درون میله AB چگونه است؟



① ثابت و از B به A

② ثابت و از A به B

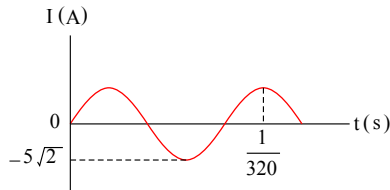
③ نوسانی سینوسی است.

④ به دلیل ثابت بودن سرعت میله، جریان صفر است.

جریان متناوب - مبدل ها

۵۱- نمودار تغییرات یک جریان متناوب سینوسی به صورت شکل زیر است. اندازه جریان در لحظه $\frac{1}{320}$ ثانیه چند آمپر است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۹



- ① ۲٫۵
 ② $۲٫۵\sqrt{۲}$
 ③ ۵
 ④ $۵\sqrt{۲}$

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۵۲- در مکانی، میدان مغناطیسی، یکنواخت و افقی و جهت آن به سمت شمال جغرافیایی است. اگر در این مکان یک ذره آلفا با سرعت v در راستای افقی به سمت شمال شرقی در حرکت باشد، نیروی مغناطیسی وارد بر ذره در آن لحظه به کدام جهت است؟

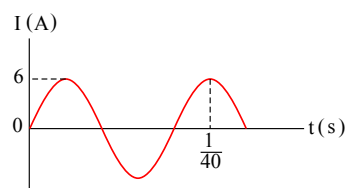
متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۹

- ① راستای قائم به سمت بالا
 ② راستای قائم به سمت پایین
 ③ افقی به سمت غربی
 ④ افقی به سمت جنوب شرقی

القاگرها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

۵۳- از یک سیملوله آرمانی، جریان متناوب سینوسی که نمودار تغییرات آن بر حسب زمان به صورت شکل زیر است، عبور می کند. اگر انرژی ذخیره شده

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۹



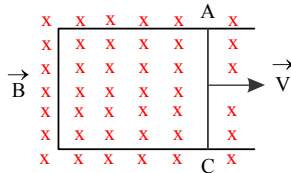
در سیملوله در لحظه $\frac{1}{400}$ ثانیه برابر ۷۲ میلی ژول باشد، ضریب القاوری سیملوله چند میلی هانری است؟

- ① ۸
 ② ۶
 ③ ۴
 ④ ۳

القای الکترومغناطیس

۵۴- سیم AC با مقاومت 4Ω بر روی قاب مستطیل شکل با سرعت ثابت V مانند شکل حرکت می کند. اگر اندازه میدان مغناطیسی $10^{-2} T$ باشد، مساحت قاب با چه آهنگی بر حسب مترمربع بر ثانیه تغییر کند تا جریان $20mA$ در مدار القا شود؟ (مقاومت الکتریکی قاب ناچیز فرض شود).

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۸۶



- ① ۰,۰۸
- ② ۰,۱۶
- ③ ۱,۶
- ④ ۲,۵

نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان

۵۵- بردار میدان مغناطیسی یکنواختی در SI به صورت $\vec{B} = 0,6\vec{i} + 0,8\vec{j}$ است. از سیم راستی، جریان 50 آمپر در جهت \vec{j} می گذرد. نیروی

مغناطیسی وارد بر $20cm$ از این سیم که در این میدان قرار دارد، چند نیوتون است و اگر بردارهای \vec{i} و \vec{j} در این صفحه به صورت $\vec{i} \rightarrow$ و $\vec{j} \uparrow$ باشد،

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۹۷

جهت این نیرو کدام است؟

- ① $\leftarrow, 6$
- ② $\otimes, 6$
- ③ $\leftarrow, 10$
- ④ $\otimes, 10$

القای الکترومغناطیس

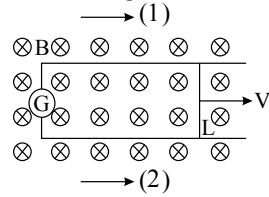
۵۶- حلقه ای به مساحت 200 سانتی متر مربع عمود بر خطوط میدان مغناطیسی یکنواخت قرار دارد. اگر در مدت $0,2$ ثانیه میدان مغناطیسی، بدون تغییر جهت به اندازه $0,8$ تسلا کاهش یابد، اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه چند ولت می شود؟

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۳۸۷

- ① ۰,۰۴
- ② ۰,۰۸
- ③ ۰,۱۲
- ④ ۰,۱۶

۵۷- در شکل مقابل، میدان مغناطیسی 0.5 تسلا و سطح قاب عمود بر میدان است و ضلع L به طول 40 cm با سرعت 20 متر بر ثانیه در جهت نشان داده شده در حرکت است. نیروی محرکه القایی چند ولت و جریان القایی در کدام جهت است؟

متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۶۰



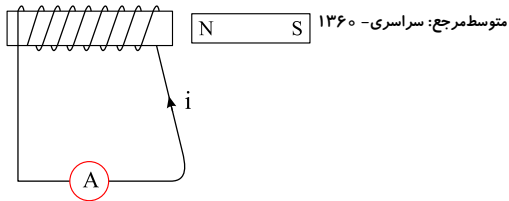
① ۱، ۲

② ۱، ۲

③ ۱، ۴

④ ۲، ۴

۵۸- در کدام حالت، جریان القایی در جهت نشان داده شده ایجاد می شود؟



متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۶۰

① آهنربا به چپ یا سیملوله به راست در حرکت باشد.

② آهنربا به راست یا سیملوله به چپ در حرکت باشد.

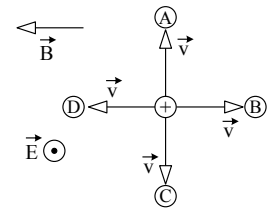
③ آهنربا با سرعت v_1 و سیملوله با سرعت v_2 ($v_2 < v_1$) هر دو به سمت راست حرکت کنند.

④ آهنربا با سرعت v_1 و سیملوله با سرعت v_2 ($v_2 > v_1$) هر دو به سمت چپ حرکت کنند.

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۵۹- مطابق شکل زیر، دو میدان یکنواخت الکتریکی و مغناطیسی عمود بر هم در یک محیط قرار دارند. ذره ای با بار الکتریکی مثبت در آن فضا با سرعت \vec{v} به کدام جهت حرکت کند، تا بزرگی نیروی خالص وارد بر آن بیشینه شود؟ (اثر وزن ذره ناچیز است.)

متوسط مرجع: سراسری - ۱۴۰۰



A ①

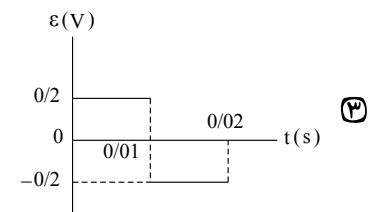
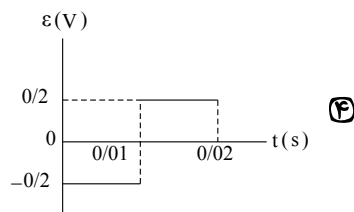
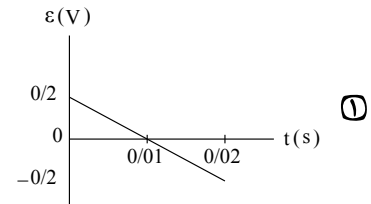
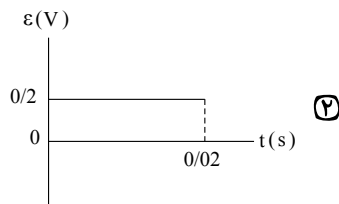
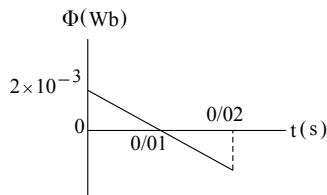
B ②

C ③

D ④

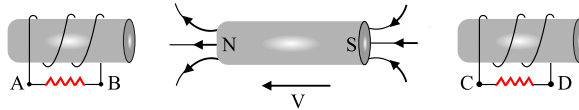
۶۰- نمودار شار مغناطیسی‌ای که از یک حلقه می‌گذرد، در شکل زیر، نشان داده شده است. نمودار نیروی محرکه القایی در این مدت کدام است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۹



۶۱- در شکل زیر، سیم‌لوله‌ها ثابت‌اند و آهن‌ربا به سمت چپ در حرکت است. جهت جریان القایی در مقاومت‌ها کدام است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۰



(۴) از C به D و از A به B

(۳) از D به C و از B به A

(۷) از C به D و از A به B

(۱) از D به C و از A به B

۶۲- پیچه‌ای با ۴۰۰ دور سیم، مقاومت ۳ اهم دارد. مقطع این پیچه که مساحت ۲×10^{-2} متر مربع دارد عمود بر یک میدان مغناطیسی است. این

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۳

میدان با چه آهنگی بر حسب (تسلا بر ثانیه) تغییر کند تا جریانی به شدت ۴ میلی‌آمپر در پیچه القا شود؟

(۴) $\frac{2}{3} \times 10^{-3}$

(۳) $\frac{3}{2} \times 10^{-3}$

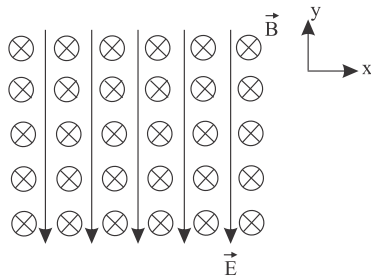
(۷) $1,2 \times 10^{-2}$

(۱) $1,5 \times 10^{-2}$

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۶۳- در شکل زیر، میدان های یکنواخت الکتریکی $E = 1000 \frac{N}{C}$ و مغناطیسی $B = 1000 G$ نشان داده شده است. در این فضا، یک ذره آلفا با تندی چند متر بر ثانیه در چه جهتی در حرکت باشد، تا بدون انحراف به حرکت خود ادامه دهد؟ (اثر وزن ناچیز است).

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۰

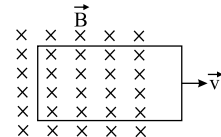


- ① 10^4 در جهت محور x
 ② 5×10^3 در جهت محور x
 ③ 10^4 در خلاف جهت محور x
 ④ 5×10^3 در خلاف جهت محور x

القای الکترومغناطیس

۶۴- در شکل زیر، یک حلقه رسانا با تندی ثابت از یک میدان مغناطیسی خارج می شود و شار مغناطیسی در هر میلی ثانیه 20 mWb و بر کاهش می یابد. جریان الکتریکی القایی در کدام جهت است و نیروی محرکه القایی متوسط چند ولت است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۴۰۰

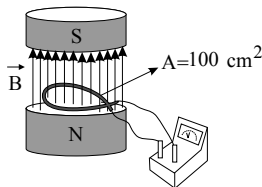


- ① ساعتگرد، 20 mV
 ② ساعتگرد، 20 mV
 ③ پادساعتگرد، 20 mV
 ④ پادساعتگرد، 20 mV

القاگراها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

۶۵- در شکل زیر، میدان مغناطیسی بین قطب های یک آهن ربای الکتریکی که بر سطح حلقه عمود است، با زمان تغییر می کند و در مدت 258 ms از 1 T تسلا روبه بالا به 1 T تسلا روبه پایین می رسد. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه در این مدت چند میلی ولت است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۹۹



- ① صفر
 ② ۲
 ③ ۴
 ④ ۸

القای الکترومغناطیس

۶۶- حلقه‌ای به مساحت 200cm^2 درون میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $B = 0.004\text{T}$ قرار دارد و خطوط میدان با سطح حلقه زاویه 60° درجه می‌سازند. شار مغناطیسی که از حلقه می‌گذرد، چند وبر است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۹

- ① 2×10^{-2} ② 4×10^{-5} ③ $4\sqrt{3} \times 10^{-3}$ ④ $4\sqrt{3} \times 10^{-5}$

القاهرها - خود القاوری - ضریب القاوری - انرژی ذخیره شده در القاگر

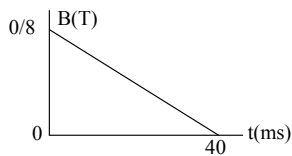
۶۷- اگر جریان الکتریکی عبوری از یک سیملوله ۲ برابر شود، آن ۴ برابر و آن ۲ برابر می‌شود. متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۸۶

- ① شار مغناطیسی - میدان مغناطیسی ② شار مغناطیسی - انرژی ③ میدان مغناطیسی - شار مغناطیسی ④ انرژی - میدان مغناطیسی

القای الکترومغناطیس

۶۸- پیچه‌ای دارای 500 حلقه و مساحت سطح هر حلقه آن 40cm^2 است و طوری در یک میدان مغناطیسی قرار گرفته است که خط‌های میدان عمود بر سطح حلقه‌های پیچه‌اند. اگر نمودار تغییرات میدان بر حسب زمان به صورت شکل زیر باشد، نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه در بازه زمانی $t_1 = 0$ تا $t_2 = 30\text{ms}$ چند ولت است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۹۹



- ① ۱۲۰ ② ۴۰ ③ ۳۰ ④ ۱۶

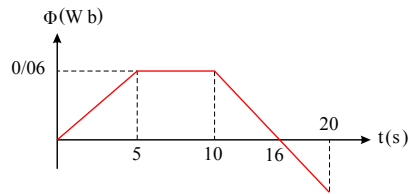
۶۹- یک سیم پیچ مسطح در یک میدان مغناطیسی قرار دارد. شار مغناطیسی که از سیم پیچ عبور می‌کند در SI به صورت $\phi = \delta t$ با زمان تغییر می‌کند. نیروی محرکه القایی در دو سر سیم پیچ چگونه است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۷۱

- ① تناوبی است. ② صفر است. ③ متناسب با زمان تغییر می‌کند. ④ مقدار ثابتی است.

۷۰- نمودار تغییرات شار مغناطیسی عبوری از یک حلقه بر حسب زمان مطابق شکل است. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه در بازه زمانی ۱۰ تا ۲۰ ثانیه چند میلی ولت است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۳۸۸



- ① ۰٫۰۱
② ۰٫۰۲
③ ۲۰
④ ۱۰

نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان

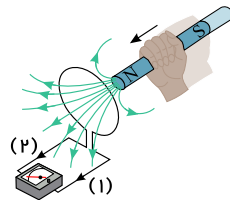
متوسط مرجع: سراسری- ۱۴۰۱

۷۱- یکای فرعی کدام کمیت، $\frac{kg}{A \cdot s^2}$ است؟

- ① میدان مغناطیسی ② شار مغناطیسی ③ میدان الکتریکی ④ نیروی محرکه القایی

القای الکترومغناطیس

۷۲- با توجه به جهت حرکت آهن ربا، جریان القایی در کدام جهت است و نیروی مغناطیسی که حلقه به آهن ربا وارد می کند. چگونه است؟



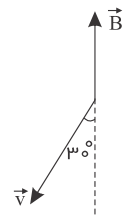
متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۰

- ① (۱)، جاذبه
② (۱)، دافعه
③ (۲)، جاذبه
④ (۲)، دافعه

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی

۷۳- الکترونی با تندی $v = 5 \times 10^4 \frac{m}{s}$ در میدان مغناطیسی یکنواخت $B = 2000 G$ مطابق شکل زیر در حرکت است. در این لحظه، نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ($e = 1.6 \times 10^{-19} C$)

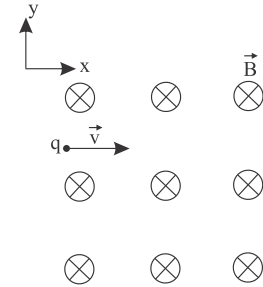
متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۰



- ① $8\sqrt{3} \times 10^{-12}$
② $8\sqrt{3} \times 10^{-12}$
③ 8×10^{-16}
④ 8×10^{-16}

۷۴- مطابق شکل زیر، پروتونی با سرعت $\vec{v} = (10^4 \frac{m}{s})\vec{i}$ وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت، به بزرگی $170G$ می‌شود. اگر تنها نیروی مغناطیسی به پروتون وارد شود، شتاب حرکتش در این لحظه در SI ، کدام است؟ (بار الکتریکی پروتون $1.6 \times 10^{-19}C$ و جرم آن $1.7 \times 10^{-27}kg$ است.)

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۰



① $1.6 \times 10^{10}\vec{j}$

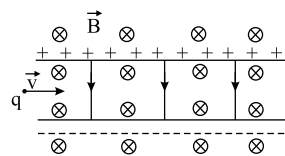
② $1.6 \times 10^{10}\vec{i}$

③ $1.6 \times 10^8\vec{j}$

④ $1.6 \times 10^8\vec{i}$

۷۵- مطابق شکل زیر، ذره‌ای به بار $q = 2\mu C$ با جرم ناچیز با تندی $v = 2 \times 10^4 \frac{m}{s}$ در جهت نشان داده شده که عمود بر میدان‌های یکنواخت $E = 500 \frac{N}{C}$ و $B = 0.2T$ است، وارد فضای این میدان‌ها می‌شود. نیروی خالص وارد بر ذره در لحظه ورود به میدان‌ها چند نیوتون است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۴۰۰



① صفر

② 3×10^{-4}

③ 2×10^{-4}

④ 1.8×10^{-3}

القای الکترومغناطیس

۷۶- پیچ‌های دارای ۵۰ حلقه است و شار مغناطیسی 0.4 ویر از آن می‌گذرد. این شار مغناطیسی به‌طور منظم کاهش پیدا کرده و در مدت Δt به صفر می‌رسد. اگر مقاومت الکتریکی این مدار 5Ω باشد، چند کولن الکتریسیته القایی در این مدت در مدار شارش پیدا می‌کند؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۳۸۴

④ ۴

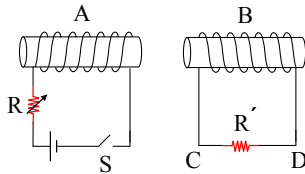
③ ۲

② ۰.۴

① ۰.۰۲

۷۷- دو سیمولوله A و B مقابل یکدیگر قرار دارند. در کدام یک از موارد زیر جریان القا شده در مقاومت R' از C به طرف D خواهد بود؟

متوسط مرجع: سراسری - ۱۳۸۸

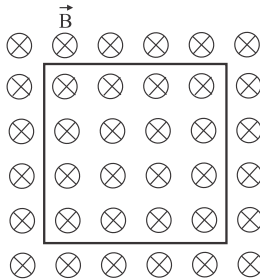


- ① با بسته بودن کلید، دو سیم پیچ را به هم نزدیک کنیم.
 ② لحظه وصل کلید
 ③ لحظه قطع کلید
 ④ با بسته بودن کلید مقاومت R را کم کنیم.

۷۸- در شکل زیر، حلقه رسانی به مساحت 600cm^2 عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد و میدان مغناطیسی بدون تغییر جهت، در مدت یک

میلی ثانیه 200 گاوس کاهش می یابد. در این مدت، نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه چند ولت است و جهت جریان القایی چگونه است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۰

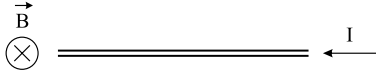


- ① $1,2$ پاد ساعتگرد
 ② $0,6$ پاد ساعتگرد
 ③ $0,6$ ساعتگرد
 ④ $1,2$ ساعتگرد

نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان

۷۹- مطابق شکل زیر، سیم مستقیمی به طول $2,4\text{m}$ حامل جریان $2,5\text{A}$ از شرق به غرب است. اندازه میدان مغناطیسی زمین در محل این سیم $0,5\text{G}$ و جهت آن از جنوب به شمال است. اندازه و جهت نیروی مغناطیسی وارد بر این سیم، کدام است؟

متوسط مرجع: سراسری - ۱۴۰۱



- ① $3 \times 10^{-5}\text{N}$ بالا
 ② $3 \times 10^{-4}\text{N}$ بالا
 ③ $3 \times 10^{-5}\text{N}$ پایین
 ④ $3 \times 10^{-4}\text{N}$ پایین

القای الکترومغناطیس

۸۰- در کدام شکل، جهت جریان القایی حلقه صحیح است؟

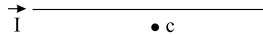
متوسط مرجع: خارج از کشور - ۱۴۰۱



میدان مغناطیسی اطراف سیم راست حامل جریان

۸۱- جهت میدان مغناطیسی برایند (خالص) ناشی از سیم‌های موازی و بلند حامل جریان یکسان، در هر یک از نقطه‌های a ، b و c به ترتیب کدام است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۱



(۲) برون سو - درون سو - درون سو

(۴) برون سو - برون سو - درون سو

(۱) درون سو - درون سو - برون سو

(۳) درون سو - برون سو - برون سو

القای الکترومغناطیس

سخت مرجع: سراسری- ۱۴۰۳

۸۲- یکای فرعی یک کمیت فیزیکی $\frac{kg \cdot m^2}{A \cdot s^2}$ است. یکای آن در SI کدام است؟

(۴) پاسکال (Pa)

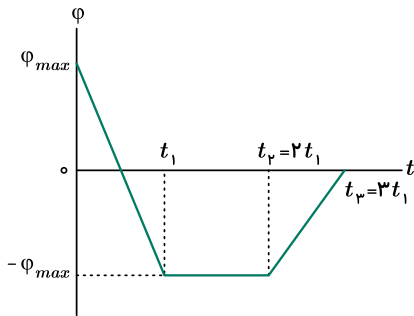
(۳) تسلا (T)

(۲) ولت (V)

(۱) وبر (Wb)

۸۳- شار مغناطیسی عبوری از پیچ‌های مطابق نمودار زیر است. اگر بزرگی نیروی محرکه القایی در پیچه، در بازه‌های زمانی (صفر تا t_1)، (t_1 تا t_2) و (t_2 تا t_3) به ترتیب ε_1 ، ε_2 و ε_3 باشد، کدام رابطه درست است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۴۰۳



(۴) $\varepsilon_2 = 2\varepsilon_3 = \varepsilon_1$

(۳) $\varepsilon_2 = 0$ و $\varepsilon_3 = 2\varepsilon_1$

(۲) $\varepsilon_1 = 2\varepsilon_2 = 2\varepsilon_3$

(۱) $\varepsilon_2 = 0$ و $\varepsilon_1 = 2\varepsilon_3$

۸۴- سیم‌لوله‌ای دارای 400 حلقه است و مساحت هر حلقه آن $15cm^2$ است. درون این سیم‌لوله، میدان مغناطیسی که موازی محور سیم‌لوله است، با آهنگ $1r/s$ تسلا بر ثانیه کاهش می‌یابد. اگر مقاومت الکتریکی آن 2Ω باشد، جریان الکتریکی القایی آن چند آمپر است؟ متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۲

(۴) $0.4r$

(۳) $0.3r$

(۲) $0.6r$

(۱) $0.2r$

۸۵- بردار میدان مغناطیسی در یک محیط، در SI به صورت $\vec{B} = 0.5\vec{i} + 0.4\vec{j}$ است. اگر در آن محیط، سطح قاب مربع شکلی به ضلع 2 cm عمود بر محور x باشد، شار مغناطیسی عبوری از آن چند وبر است؟

متوسط مرجع: خارج از کشور- ۱۴۰۲

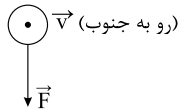
- ① 0.02 ② 0.16 ③ 0.02 ④ 0.04

۸۶- سیمی را به شکل حلقه‌ای به شعاع 1 cm در می‌آوریم و آن را روی یک سطح افقی قرار می‌دهیم. میدان مغناطیسی یکنواختی که با سطح قاب زاویه 30° درجه می‌سازد، در مدت 15.7 میلی‌ثانیه از 6000 گاوس به صفر کاهش می‌یابد. نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه چند ولت است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۴۰۲

- ① $0.6\sqrt{3}$ ② 0.6 ③ $1.2\sqrt{3}$ ④ 1.2

نیروی مغناطیسی وارد بر ذره ی باردار متحرک در میدان مغناطیسی



۸۷- الکترونی با تندی $1.5 \times 10^5 \frac{m}{s}$ درون میدان مغناطیسی یکنواختی در حرکت است. اندازه نیرویی که از طرف میدان بر الکترون وارد می‌شود، هنگامی بیشینه است که الکترون به سمت جنوب حرکت کند. اگر جهت این نیرو رو به پایین و اندازه آن $4 \times 10^{-14} N$ باشد، اندازه میدان مغناطیسی چند تسلا و به کدام سو است؟

متوسط مرجع: سراسری- ۱۴۰۲ شرق

$$(e = 1.6 \times 10^{-19} C)$$

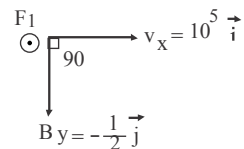
- ① 5 و شرق ② 5 و غرب ③ 5.5 و شرق ④ 5.5 و غرب

پاسخنامه تشریحی

۱ - گزینه ۳ روش اول:

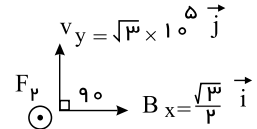
وقتی ذره باردار در راستای محور F تنها با سرعت $v_x = 10^5 \hat{i}$ حرکت می کند، تحت تأثیر مؤلفه $B_y = -\frac{1}{2} \hat{j}$ به آن نیروی (F_1) وارد می شود.

$$F_1 = qB_y v_x \sin 90^\circ = 1,6 \times 10^{-19} \times \frac{1}{2} \times 10^5 \times 1 = 0,8 \times 10^{-14} (N)$$



وقتی ذره باردار در راستای مثبت محور y ها با سرعت $v_y = \sqrt{3} \times 10^5 \hat{j}$ حرکت می کند، تحت تأثیر مؤلفه $B_x = \frac{\sqrt{3}}{2} \hat{i}$ به آن نیروی (F_2) وارد می شود.

$$F_2 = qB_x v_y \sin 90^\circ = 1,6 \times 10^{-19} \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times \sqrt{3} \times 10^5 \times 1 = 2,4 \times 10^{-14}$$



و سپس در آخر برآیند نیروهای وارد بر ذره باردار را محاسبه می کنیم.

$$F_T = F_1 + F_2 = 0,8 \times 10^{-14} + 2,4 \times 10^{-14} = 3,2 \times 10^{-14}$$

روش دوم:

برای محاسبه بزرگی نیروی وارد بر ذره باردار در میدان مغناطیسی از رابطه $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$ استفاده می کنیم. برای این منظور باید بزرگی $(\vec{v} \times \vec{B})$ یعنی بزرگی ضرب خارجی بردار سرعت در بردار میدان مغناطیسی محاسبه شود.

$$F = q |\vec{v} \times \vec{B}| = 1,6 \times 10^{-19} \left| \frac{-1}{2} \times 10^5 - \frac{3}{2} \times 10^5 \right| = 3,2 \times 10^{-14}$$

۲ - گزینه ۴ آهنگ تولید انرژی گرمایی (توان) هیچ وقت نمی تواند منفی شود. پس گزینه های ۱ و ۳ صحیح نیستند. از طرفی در گزینه های ۲ و ۴ و در بازه های $(0,01s)$ تا $(0,02s)$ و $(0,01s)$ تا $(0,05s)$ تعیین کنیم، می توان گزینه درست را مشخص نمود. البته باید توجه داشت اگر در بازه های تغییرات میدان مغناطیسی بر حسب زمان خطی باشد، در آن بازه شار مغناطیسی به طور خطی تغییر می کند.

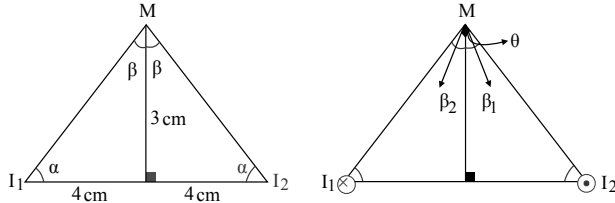
$$\begin{aligned} \varepsilon = \bar{\varepsilon} &= -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -NA \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t} \xrightarrow{\theta=0} \frac{A=\pi r^2}{\theta=0} \\ \Rightarrow \varepsilon &= -1 \times (3 \times 10^2 \times 10^{-4}) (\cos 0) \times \left(\frac{0 - 0,5}{0,05 - 0,02} \right) = 0,5V \Rightarrow |\varepsilon| = 0,5V \\ P &= \frac{V^2}{R} = \frac{|\varepsilon|^2}{R} = \frac{(0,5)^2}{5} = 0,05W \end{aligned}$$

۳ - گزینه ۱ باید به دونکته توجه داشته باشید:

(الف) خط میدان ناشی از هر سیم در یک نقطه، دایره‌ای به مرکز آن سیم در همان نقطه است و بردار میدان مغناطیسی در آن نقطه مماس بر این دایره و در نتیجه عمود بر شعاع است.
 (ب) برای تعیین جهت این میدان باید انگشت شست دست راست را در جهت جریان نگه دارید و به نحوه جمع شدن چهار انگشت در همان نقطه نگاه کنید.

$$\tan \alpha = \frac{3}{4} \rightarrow \alpha = 37^\circ \rightarrow \beta = 53^\circ \rightarrow 2\beta = 106^\circ \quad 2\beta = 90^\circ + \theta$$

\vec{B}_1 و به همین ترتیب \vec{B}_2 در داخل مثلث قرار می‌گیرند یعنی گزینه‌های ۲ و ۳ و ۴ صحیح نیستند.



۴ - گزینه ۳ برای محاسبه انرژی جنبشی طبق رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ باید سرعت ذره را بدانیم، پس به کمک رابطه نیروی مغناطیسی سرعت ذره را به دست می‌آوریم:

$$F = qvB \sin \alpha \xrightarrow{\sin 90^\circ = 1} v = \frac{F}{qB} = \frac{1,28 \times 10^{-16}}{1,6 \times 10^{-19} \times 20 \times 10^{-3}} = 4 \times 10^4 \frac{m}{s}$$

حال انرژی جنبشی محاسبه می‌شود:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 1,7 \times 10^{-27} \times 16 \times 10^8 = 0,85 \times 16 \times 10^{-19} J$$

$$K_{eV} = \frac{0,85 \times 16 \times 10^{-19}}{1,6 \times 10^{-19}} = 8,5 eV$$

* نکته: برای تبدیل ژول به الکترون ولت داریم:

$$1 eV = 1,6 \times 10^{-19} J$$

۵ - گزینه ۱

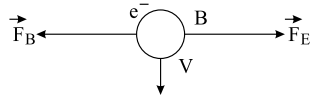
سیم‌های موازی حامل جریان در صورتی که دارای جریان‌های همسو باشند یکدیگر را می‌ربانند، بنابراین جهت \vec{F}_1 به سوی پایین و جهت \vec{F}_2 به سوی بالاست. از طرفی مطابق قانون سوم نیوتن (هر عملی را عکس‌العملی است مساوی و خلاف جهت) دو سیم نیروهایی برابر و خلاف جهت به یکدیگر وارد می‌کنند. (جاذبه)

۶ - گزینه ۱ چون میله MN به طرف چپ حرکت می‌کند، شار مغناطیسی کاهش می‌یابد و طبق قانون لنز برای مخالفت با این کاهش شار، باید میدان مغناطیسی القایی (B') در جهت B اصلی باشد. طبق قانون دست راست جهت جریان القایی از M به N خواهد بود، از طرفی چون میله با شتاب ثابت حرکت داده می‌شود، پس با گذشت زمان سرعت آن مرتب افزایش می‌یابد. در نتیجه جریان القایی نیز افزایش می‌یابد.

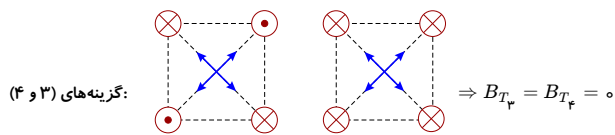
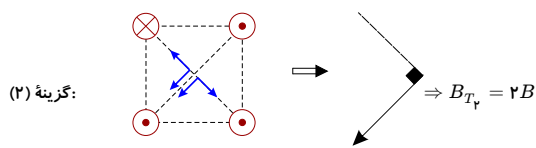
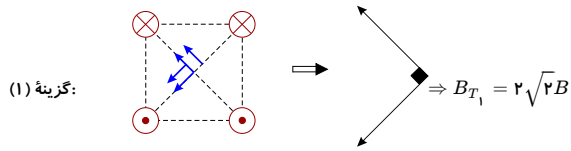
$$\uparrow I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{BLv}{R}$$

۷ - گزینه ۲ نکته: نیروی الکتریکی وارد بر بار q ، خلاف جهت \vec{E} است و نیروی مغناطیسی وارد بر $q < 0$ برعکس قانون دست راست است. با توجه به قانون دست راست نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون‌ها را به دست می‌آوریم، و نیروی الکتریکی وارد بر

الکترون‌ها نیز به دست می‌آوریم، اگر این ۲ نیرو خلاف جهت یکدیگر باشند (و هم‌اندازه) برآیند نیروهای وارد بر الکترون صفر می‌شود و الکترون مسیر حرکت خود را حفظ می‌کند، در گزینه (۲) داریم:



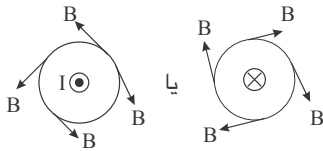
۸ - گزینه ۱ اگر میدان مغناطیسی ناشی از هر سیم در مرکز مربع را B فرض کنیم، میدان مغناطیسی در هر گزینه به صورت زیر است:



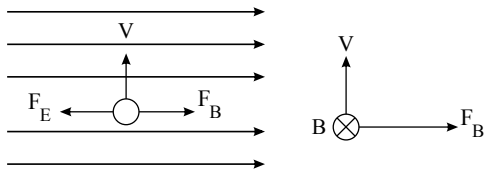
بنابراین بیشترین میدان مغناطیسی برآیند در مرکز مربع گزینه (۱) به وجود می‌آید.

*دقت کنید: جهت میدان مغناطیسی ناشی از سیم راست، در هر نقطه به کمک قاعده دست راست به دست می‌آید.

تذکر: در اینجا یاد گرفتیم، اگر جریان عبوری از سیم‌هایی که در امتداد قطر مربع هستند، در خلاف جهت یکدیگر باشند، میدان مغناطیسی برآیند در مرکز مربع بیشینه خواهد بود.



۹ - گزینه ۴ نیروی میدان الکتریکی F_E وارد بر بار مثبت به طرف چپ می‌باشد (خلاف جهت میدان الکتریکی) در نتیجه برای اینکه الکترون از مسیر خود منحرف نشود باید نیروی میدان مغناطیسی به طرف راست باشد تا نیروی الکتریکی را خنثی کند پس با استفاده از قاعده دست راست برای بار منفی باید میدان مغناطیسی درون سو باشد.



۱۰ - گزینه ۴ با استفاده از قانون القای فاراده داریم:

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$$

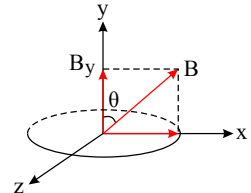
اگر زاویه بین نیم خط عمود بر حلقه را در ابتدا برابر $\theta_1 = 0$ بگیریم در نهایت این زاویه برابر $\theta_2 = 180^\circ$ می شود.

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = (AB \cos \theta_2 - AB \cos \theta_1) = -0,08 \times 50 \times 10^{-2} \text{ Wb}$$

$$\Rightarrow \mathcal{E} = \frac{-1000 \times \frac{-8}{100} \times 50 \times 10^{-2}}{100} = 40$$

۱۱ - گزینه ۴ برای تعیین بزرگی میدان مغناطیسی می توان نوشت:

$$\vec{B} = 0,3\vec{i} + 0,4\vec{j} \Rightarrow B = \sqrt{0,3^2 + 0,4^2} \Rightarrow B = 0,5 \text{ T}$$



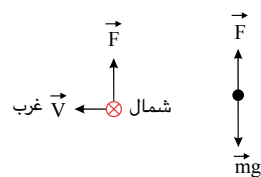
با توجه به تعریف شار مغناطیسی عبوری از یک سطح، تنها مؤلفه‌ای از میدان که عمود بر سطح است (در اینجا B_y) در تعیین مقدار شار عبوری مغناطیسی سهم دارد و مؤلفه‌ای از میدان که موازی سطح است (در اینجا B_x) سهمی در شار مغناطیسی ندارد، بنابراین داریم:

$$\Phi = BA \cos \theta \xrightarrow{B \cos \theta = B_y} \Phi = B_y A = 0,4 \times 200 \times 10^{-2} \\ \Rightarrow \Phi = 8 \times 10^{-2} \text{ Wb}$$

۱۲ - گزینه ۳ نکته: می توانیم به صورت قراردادی جهت‌های جغرافیایی را به صورت زیر نمایش دهیم:

$$F = qvB \sin \alpha = (50 \times 10^{-6}) \times 200 \times 0,4 \times \sin 90^\circ = 4 \times 10^{-6} \text{ N}$$

حال طبق رابطه نیروی وارد بر بار داریم:



بنابر قاعده دست راست جهت نیرو به طرف بالا می باشد. (یادمان باشد که چون بار منفی است، جهت نیرو را برعکس قاعده دست راست در نظر می گیریم، یا با همان قاعده از دست چپ استفاده می کنیم)
(در اینجا جهت‌ها را به صورت قراردادی مطابق شکل در نظر می گیریم)

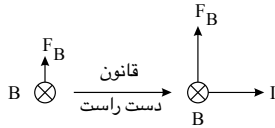
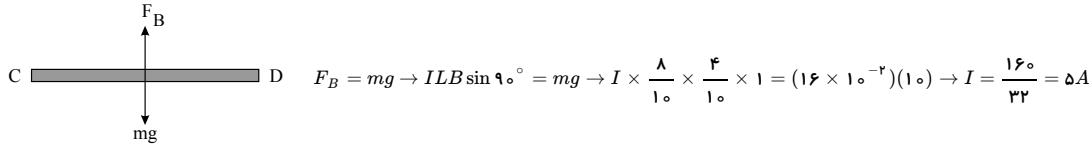
۱۳ - گزینه ۴ نیروی \vec{F} بر صفحه شامل \vec{B} و \vec{v} عمود است اما \vec{v} می تواند با \vec{B} زاویه θ بسازد. در واقع در این سؤال \vec{v} باید در جهتی باشد که حداقل مؤلفه‌ای از آن به سمت راست باشد. (طبق قانون دست راست، البته چون الکترون)

هست، در انتها جهت را برعکس می کنیم)

۱۴ - گزینه ۱ در ابتدا اطلاعات سوال را برحسب یکای SI آنها می نویسیم:

$$m = 160g = 16 \times 10^{-2} kg, \quad L = 80cm = 0,8m, \quad B = 0,4T$$

برای اینکه از طرف میله به فنرها نیرویی وارد نشود، باید تمام وزن میله توسط نیروی مغناطیسی خنثی شود.



I از C به D است، بنابراین جواب نهایی: 5A از C به D است.

I: جهت چهار انگشت دست راست

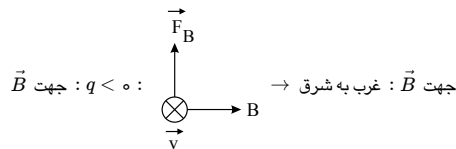
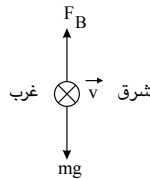
B: جهت خم شدن انگشتان دست راست

F: جهت انگشت شست دست راست

۱۵ - گزینه ۴

$$m = 5gr, \quad v = 2,5 \times 10^3 m/s, \quad q = -50 \mu C$$

اگر رو به شمال قرار بگیریم ذره در امتداد عمود بر صفحه کاغذ و درون سو (جنوب به شمال)، پرتاب شده است:



$$\vec{B} \text{ جهت } \vec{B}: \text{ غرب به شرق} \rightarrow \text{ جهت } \vec{B}: q < 0: \text{ جهت } \vec{B}$$

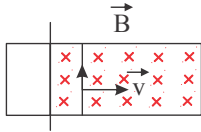
ذره جنوب به شمال پرتاب شده است.

با نگاهی به گزینه‌ها (هرچند در متن سؤال اشاره‌ای نشده است)، درمی یابیم که \vec{v} و \vec{B} بر هم عمودند.

$$\rightarrow (50 \times 10^{-6})(2,5 \times 10^3)(B)(1) = (5 \times 10^{-3})(10)$$

$$\rightarrow B = \frac{5 \times 10^{-2}}{125 \times 10^{-3}} = 0,4T$$

۱۶ - گزینه ۱ در مدت زمانی که حلقه به طور کامل در داخل میدان مغناطیسی قرار دارد، شار مغناطیسی گذرنده از آن ثابت است؛ بنابراین نیروی محرکه القایی برابر صفر است. بنابراین گزینه‌های (۱) و (۲) می‌توانند جواب سؤال باشند. برای به دست آوردن جهت نیروی محرکه القایی در لحظه ورود به میدان می‌توان چنین استدلال کرد: در مدت ورود حلقه به میدان شار گذرنده از حلقه افزایش می‌یابد، بنابراین لازم است جهت جریان القایی پادساعتگرد و در جهت مثبت مثلثاتی باشد تا میدانی برون‌سو القا شده، تا با تغییر شار مغناطیسی یعنی عامل به وجود آورنده جریان مخالفت کند، بنابراین گزینه «۱» صحیح است.



۱۷ - گزینه ۱ می‌دانیم که نیروی محرکه القایی از رابطه $\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ به دست می‌آید. و با توجه به نمودار تغییرات میدان می‌توانیم رابطه بالا را به صورت زیر بنویسیم:

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta BA \cos \theta}{\Delta t}$$

اگر مقدار نیروی محرکه القایی را در بازه (۰ تا ۰٫۱) به دست آوریم می‌توانیم گزینه درست را پیدا کنیم.

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta BA \cos \theta}{\Delta t} \xrightarrow{A=\pi r^2} \bar{\varepsilon} = -1 \frac{0.5}{0.1} \times 3 \times (0.1)^2 \times \cos 0 = -0.15V$$

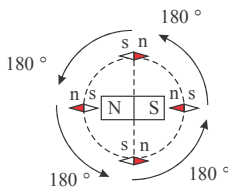
فقط گزینه ۱ این ویژگی را دارد.

۱۸ - گزینه ۱ ابتدا با توجه به توان مصرفی مقاومت R_1 ، جریان عبوری از آن را محاسبه می‌کنیم. سپس با توجه به موازی بودن مقاومت R_1 و R_2 ، جریان عبوری از و جریان کل مدار که همان جریان عبوری از سیم‌لوله است را به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{aligned} P_1 &= R_1 I_1^2 \Rightarrow 24 = 6 I_1^2 \Rightarrow I_1 = 2A \\ V_1 &= V_2 \Rightarrow 6 I_1 = 12 I_2 \Rightarrow I_2 = 1A \end{aligned} \right\} \Rightarrow I = \text{سیم‌لوله} = 2 + 1 = 3A$$

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{1000 \times 3}{1} = 12\pi \times 10^{-4} T = 1.2\pi \times 10^{-3} T$$

۱۹ - گزینه ۴ در هر ربع دایره عقربه ۱۸۰ درجه می‌چرخد، پس در کل مسیر دایره، عقربه $4 \times 180 = 720^\circ$ می‌چرخد.



۲۰ - گزینه ۱ ابتدا اندازه نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی بر ذره باردار متحرک وارد می‌شود را حساب کرده و سپس با استفاده از قانون دوم نیوتون، اندازه شتاب ذره که ناشی از تأثیر میدان است را به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} F = qvB \sin \theta \\ F = ma \end{cases} \Rightarrow ma = qvB \sin \theta \Rightarrow a = \frac{qvB \sin \theta}{m}$$

$$\Rightarrow a = \frac{50 \times 10^{-6} \times 10^3 \times 4 \times 10^{-3} \times \sin 90^\circ}{500 \times 10^{-6}} \Rightarrow a = 0.4 \frac{m}{s^2}$$

تذکر: حواسمون به واحد میلی تسلا باشد که باید به تسلا تبدیل شود.

۲۱ - گزینه ۲ جهت جریان از A به B انتخاب کنیم.

$$V_A + 12 - 2I_1 - 3I_1 = V_B \Rightarrow V_A - V_B = 5I_1 - 12 \Rightarrow -2 = 5I_1 - 12 \Rightarrow I_1 = 2A$$

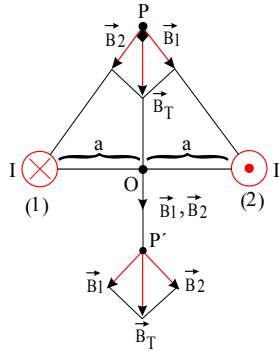


$$I = I_1 + I_2 = 5A, \quad U = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2} \times 0.04 \times 25 = 0.5J$$

۲۲ - گزینه ۱

با توجه به جهت میدان الکتريکی نشان داده شده در یکی از حلقه ها که هم جهت با جريان القا می باشد، می توان گفت جريان القا می در حلقه ها ساعتگرد و میدان مغناطیسی حاصل از آن درون سو است چون میدان مغناطیسی نشان داده شده در شکل نیز درون سو است بنابراین باید طبق قانون لنز میدان نشان داده شده در حال کاهش بوده است.

۲۳ - گزینه ۳ با توجه به شکل روبه رو، بزرگی میدان ناشی از دو سیم، در نقطه O بیش تر از سایر نقاط روی پاره خط PP' است. بنابراین از نقطه P تا P' بزرگی میدان ناشی از دو سیم ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد.



۲۴ - گزینه ۱ ابتدا با استفاده از رابطه میدان مغناطیسی سیموله، تغییرات میدان مغناطیسی در سیموله را می یابیم و سپس به کمک قانون القای فاراده نیروی محرکه القا می را می یابیم:

$$\Delta B = B_2 - B_1 = 0 - B_1 = -B_1 = -\frac{\mu_0 NI}{\ell} = -\frac{4\pi \times 10^{-7} \times 100 \times 30}{25 \times 10^{-2}} \Rightarrow \Delta B = -48\pi \times 10^{-7} T$$

$$\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow \bar{\epsilon} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow A = nr^2 = n(10^{-1})^2 \Rightarrow \bar{\epsilon} = -100 \times 10^{-7} \times \pi \times \left(-\frac{48\pi \times 10^{-7}}{0.02} \right) = 0.24\pi^2 V$$

۲۵ - گزینه ۳ هنگامی که قطب های همنام در مجاورت هم قرار می گیرند، خطوط میدان مطابق شکل گزینه (۳) بوده که کاملاً رانش مغناطیسی دو قطب همنام را به نمایش می گذارد.

۲۶ - گزینه ۴ با استفاده از قانون القای فاراده داریم:

$$\Phi_1 = 4 \times 10^{-7} \cos(100\pi \times \frac{1}{200}) = 4 \times 10^{-7} \times \underbrace{\cos \frac{\pi}{2}}_0 = 0$$

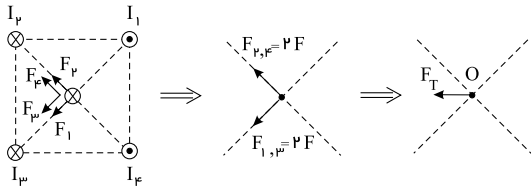
$$\Phi_2 = 4 \times 10^{-7} \cos(100\pi \times \frac{1}{100}) = 4 \times 10^{-7} \times \underbrace{\cos \pi}_{-1} = -4 \times 10^{-7} Wb$$

$$|\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = 60 \times \frac{4 \times 10^{-7}}{\frac{1}{100} - \frac{1}{200}} = 48 V$$

۲۷ - گزینه ۲ می دانیم دو سیم راست و موازی حامل جريان اگر همسو باشند، نیروی جاذبه و اگر غیر همسو باشند،

نیروی دافعه به یکدیگر وارد می کنند.

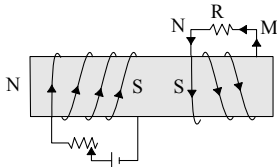
پس ابتدا جهت نیروهای وارد بر سیمی که در مرکز مربع است را رسم می کنیم و بردار نیروی برآیند را تعیین می کنیم.



۲۸ - گزینه ۲

در حالت اول قبل از حرکت رتوستا، تغییر شار نداریم، بنابراین جریانی القا نمی شود، پس $I_1 = 0$ است.

اما در حالت دوم با حرکت لغزنده رتوستا به سمت چپ، مقاومت آن کم می شود و جریان و به تبع آن میدان مغناطیسی در سیملوله سمت چپ افزایش می یابد و بنابراین شار تولیدی آن در محل سیملوله سمت راست افزایش یافته و موجب ایجاد جریان القایی در سیملوله سمت راست می شود که جهت آن طبق قانون لنز، به گونه ای است که با تغییر شار مخالفت کند.

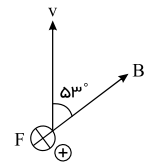


۲۹ - گزینه ۴ طبق قاعده دست راست نیرو درون سواست. (اگر چهار انگشت در جهت v به گونه ای قرار گیرد که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود، انگشت شست در جهت نیروی

وارد بر ذره قرار می گیرد.)

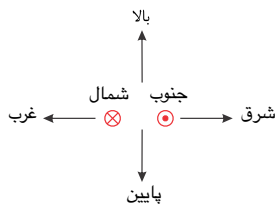
بزرگی نیروی مغناطیسی:

$$F = |q|vB \sin \alpha = (25 \times 10^{-6})(2 \times 10^5)(1)(0.8) \rightarrow \boxed{F = 4N}$$

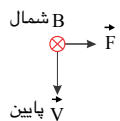


۳۰ - گزینه ۱

نکته: می توانیم به صورت قراردادی جهت های جغرافیایی را به صورت زیر نمایش دهیم:



با استفاده از قاعده دست راست داریم: (میدان مغناطیسی زمین از جنوب به طرف شمال جغرافیایی می باشد.)



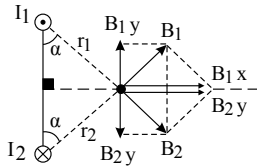
۳۱ - گزینه ۳ جریان القایی را می توان به صورت زیر به دست آورد:

$$\begin{cases} I = \frac{\varepsilon}{R} \\ |\varepsilon| = N \left| \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| \end{cases} \Rightarrow I = \frac{N}{R} \left| \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| \rightarrow I = \frac{N}{R} \left| \frac{A \cos\theta \Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$\xrightarrow{\cos\theta = \cos 0 = 1} I = \frac{N}{R} A \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| \xrightarrow{A = \pi r^2} 0,2 = \frac{1}{0,3} \pi r^2 \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| \Rightarrow 0,2 = \frac{1}{0,3} \times 3 \times (0,1)^2 \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| \Rightarrow \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = 2 T/s$$

۳۲ - گزینه ۱

چون $I_1 = I_2$ و $r_1 = r_2$ (تقارن در شکل) در می‌یابیم: $B_1 = B_2$ و $B_{1y} = B_{2y}$ پس $B_{1x} = B_{2x}$ و $B_T = B_{1x} + B_{2x}$



۳۳ - گزینه ۴ با توجه به ثابت بودن شیب نمودار شار - زمان از ۴ تا ۱۶، در این بازه نیروی محرکه القایی ثابت بوده و مقدار آن برابر حاصل ضرب تعداد دور سیم (N) در شیب $\left(\frac{\Delta\Phi}{\Delta t}\right)$ است.

$$\begin{cases} |\varepsilon| = \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| \\ \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{-2 - 2}{16 - 4} = -\frac{4}{12} = -\frac{1}{3} \Rightarrow |\varepsilon| = \frac{1}{3} V \end{cases}$$

۳۴ - گزینه ۳ کافی است از قانون لنز کمک بگیریم.

هنگام ورود آهن‌ریز به حلقه $\rightarrow B \uparrow \rightarrow \Phi \uparrow$

I القایی پادساعتگرد $\rightarrow B'$ القایی در خلاف جهت B اصلی در حلقه به وجود می‌آید تا با افزایش Φ مخالفت کند

B' القایی هم‌سو با B اصلی در حلقه به وجود می‌آید تا با کاهش Φ مخالفت کند $\rightarrow B \downarrow \rightarrow \Phi \downarrow \rightarrow$ هنگام خروج آهن‌ریز از حلقه I القایی از دید ناظر بالای حلقه، ساعتگرد است. \rightarrow

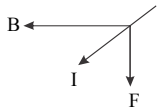
۳۵ - گزینه ۱ با چرخش حلقه در جهت نشان‌داده‌شده، زاویه θ (از زاویه بین میدان مغناطیسی و خط عمود بر حلقه) افزایش یافته و با این افزایش، شار عبوری کاهش و نیروی محرکه القایی افزایش می‌یابد.

$$\begin{cases} \varepsilon = \varepsilon_{max} \sin\theta \\ \theta \uparrow \Rightarrow \sin\theta \uparrow \Rightarrow \varepsilon \uparrow \end{cases}$$

از سوی دیگر در وضعیت نشان‌داده‌شده، شار عبوری از قاب در حال کاهش است. با توجه به قانون لنز جهت جریان القایی (I') باید به گونه‌ای باشد که میدان ناشی از آن (B') میدان اصلی (B) را تقویت کند و به همین دلیل جریان القایی در جهت نشان‌داده‌شده (یعنی جهت (۱)) است.

۳۶ - گزینه ۳

با بستن کلید K ، عددی که ترازو نشان می‌دهد کاهش می‌یابد، پس می‌توان نتیجه گرفت نیروی وارد بر آهن‌ریز از طرف سیم به سمت بالاست، بنابراین عکس‌العمل این نیرو (نیروی وارد بر سیم) به طرف پایین است، همچنین میدان مغناطیسی بین صفحات آهن‌ریز از N به S است، پس طبق قانون دست راست جهت جریان از A به B خواهد بود. از طرفی تغییر مقدار عدد ترازو دقیقاً برابر نیروی مغناطیسی است. بنابراین:



$$F = BI\ell \sin \alpha \Rightarrow 10^{-8} = B \times 20 \times 0.1 \times 1 \Rightarrow B = \frac{2}{2} = 1T$$

۳۷ - گزینه ۱ با توجه به نمودار داریم:

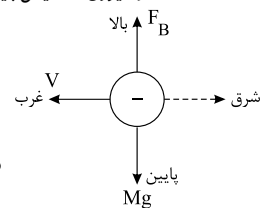
$$\frac{T}{2} = \frac{\pi}{30} \Rightarrow T = \frac{\pi}{15}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} I_m = \frac{\varepsilon_m}{R} = \frac{20}{5} = 4A \\ \Rightarrow I = I_m \sin\left(\frac{2\pi t}{T}\right) = 4 \sin(30t) \\ \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{15} = 30 \text{ rad/s} \end{array} \right.$$

۳۸ - گزینه ۱ اندازه نیروی مغناطیسی باید با نیروی وزن خلاف جهت مساوی باشد تا یکدیگر را خنثی کنند و ذره از مسیر خود خارج نشود پس جهت آن باید رو به سمت بالا باشد:

$$F_B = mg \Rightarrow qvB = mg \Rightarrow 4 \times 10^{-6} \times 2000 \times B = 0.02 \times 10^{-3} \times 10 \\ \Rightarrow 8 \times 10^{-4} B = 2 \times 10^{-4} \Rightarrow B = 0.25T$$

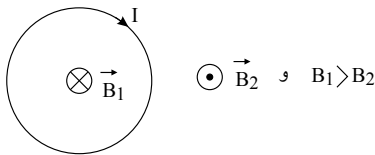
جهت‌های فرضی
 رو به شمال \otimes
 رو به جنوب \odot



بنابر قاعده‌ی دست راست برای بار منفی باید میدان به طرف شمال باشد. (البته چون بار منفی است نتیجه قانون دست راست برعکس شده است یا از دست چپ با همان قاعده استفاده کنیم.)

۳۹ - گزینه ۲

به تراکم خطوط میدان مغناطیسی درون حلقه و بیرون آن در شکل کتاب درسی توجه فرمائید.



بزرگی میدان مغناطیسی در مرکز حلقه، بیشتر از بقیه نقاط و میدان در بیرون حلقه بسیار ضعیف‌تر از مرکز حلقه است. با توجه به آنچه آموخته‌ایم، اگر انگشت شست دست راست در جهت جریان قرار گیرد میدان در مرکز حلقه درون سو و در بیرون حلقه برون سو خواهد بود.

۴۰ - گزینه ۱ اگر سیم یا میله‌ای روی یک قاب U شکل با سرعت v حرکت کند و میدان مغناطیسی عمود بر قاب باشد محرکه القایی از رابطه $\varepsilon = BLv$ به دست می‌آید. داریم:

$$\varepsilon = Blv \rightarrow v = \frac{0.15}{0.25 \times 0.12} = 5 \text{ m/s}$$

با حرکت میله به طرف چپ، مساحت و شار عبوری کاهش می‌یابد. طبق قانون لنز باید میدان القایی هم جهت با میدان اصلی باشد. طبق قاعده دست راست، جریان القایی در قاب پادساعتگرد و از M است.

۴۱ - گزینه ۳ ابتدا شار عبوری از حلقه صفر است و وقتی کاملاً وارد میدان می‌شود بیشترین شار از آن می‌گذرد. ($IG = 10^{-4}T$)

$$\Phi_{\max} = BA = 2 \times 10^{-2} \times 15 \times 10^{-2} = 30 \times 10^{-4} = 30 \times 10^{-8} = 30 \times 10^{-2} \mu Wb = 0.3 (\mu Wb)$$

زمانی که قاب می‌خواهد کاملاً وارد میدان شود ۵cm جابه‌جا می‌شود. بنابراین زمان این جابه‌جایی برابر است با:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t_1} \Rightarrow 2 = \frac{0.05}{\Delta t_1} \Rightarrow \Delta t_1 = 0.025s = 25ms$$

زمانی که قاب کاملاً داخل میدان است ۱۰cm = (۱۵ - ۵) جابه‌جا می‌شود و شار ثابت است. زمان این جابه‌جایی برابر است با:

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t_2} \Rightarrow 2 = \frac{0.1}{\Delta t_2} \Rightarrow \Delta t_2 = 0.05s = 50ms$$

هنگام خروج قاب، شار کاهش یافته و به صفر می‌رسد. و باز باید ۵cm جابه‌جا شود و همانند ورود ۲۵ms می‌شود. یعنی گزینه ۳ صحیح است.

$$42 - \text{گزینه ۴ انرژی ذخیره‌شده در القاگر (یا سیمولوله) از رابطه } U = \frac{1}{2} LI^2 \text{ به دست می‌آید.}$$

برای محاسبه بیشترین انرژی ذخیره‌شده در القاگر باید بیشترین مقدار جریان I_{\max} را به دست آوریم:

$$I = 5 \sin(50\pi t) \xrightarrow{\sin 50\pi t = 1} I_{\max} = 5$$

$$U_{\max} = \frac{1}{2} LI_{\max}^2 \Rightarrow U_{\max} = \frac{1}{2} \times 0.4 \times (5)^2 = 0.5J = 500mJ$$

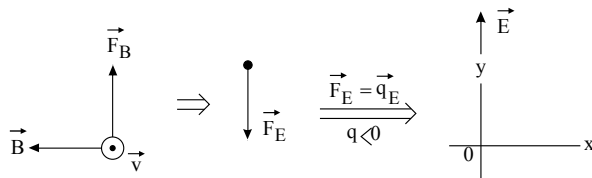
۴۳ - گزینه ۴ با استفاده از قانون القای فاراده داریم:

$$|e| = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

$$\frac{\text{ژول}}{\text{آمپر}} = \text{ثانیه} \times \frac{\text{ژول}}{\text{ثانیه} \times \text{آمپر}} \xrightarrow{\text{ثانیه} = \text{آمپر} \times \text{کولن}} \frac{\text{ژول}}{\text{کولن}} = \text{ولت} = \text{واحد شار مغناطیسی}$$

۴۴ - گزینه ۴ گام اول: از وزن الکترون صرف‌نظر شده است. پس شرط این‌که الکترون بدون انحراف به مسیر خود ادامه دهد این است که:

$$F_B = F_E \Rightarrow |q| v B \sin \theta = |q| E \xrightarrow[\sin \theta = 1]{\theta = 90^\circ} E = vB = (2 \times 10^5)(40 \times 10^{-2}) \Rightarrow E = 800 \frac{N}{C}$$



گام دوم: با توجه به قانون دست راست (در اینجا برای بار منفی)، جهت نیروی مغناطیسی به سمت بالا می‌شود. بنابراین باید نیروی الکتریکی به سمت پایین باشد تا نیروی مغناطیسی را خنثی کند. حالا چون نیروی الکتریکی وارد بر بار منفی در خلاف جهت میدان الکتریکی است، بنابراین میدان الکتریکی به سمت بالا می‌باشد.

$$\vec{E} = 800 \vec{j} = (8 \times 10^2) \vec{j}$$

۴۵ - گزینه ۱ در هر بازه‌ای که $\left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|$ بیشتر باشد، مقدار \bar{e} بیشتر می‌شود. در بین گزینه‌ها در بازه زمانی صفر تا ۵ ثانیه شیب بیشترین می‌شود. پس \bar{e} نیز بیشترین است.

$$\bar{e} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow (0 \rightarrow 5)$$

اگر شار مغناطیسی در لحظه $t = 5s$ را برابر با m بگیریم، شار در لحظه $t = 20s$ برابر با $\frac{-m}{4}$ می شود.

$$\text{شیب در بازه } 10s \text{ تا } 18s \text{ و } 10s \text{ تا } 20s \quad \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{0 - m}{18 - 10} = \frac{-m}{8}$$

$$\text{شیب در بازه } 0 \text{ تا } 5s \quad \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{m - 0}{5 - 0} = \frac{m}{5}$$

$$\text{شیب در بازه } 5s \text{ تا } 20s \quad \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = \frac{-m/4 - m}{15}$$

۴۶ - گزینه ۴

(۱) وقتی کلید k قطع شود جریان در سیمولۀ A از I به صفر می رسد یعنی جریان کم می شود، بنابراین میدان مغناطیسی آن کم شده و شار عبوری از سیمولۀ B نیز کاهش می یابد. در نتیجه جهت میدان القایی در سیمولۀ B باید هم جهت با میدان سیمولۀ A باشند.

(۲) وقتی مقاومت زیاد شود جریان در مدار A کم می شود، و نتیجه مشابه گزینه ۱ می شود.

(۳) وقتی سیمولۀ B به طرف راست حرکت کند، میدان A در اطراف آن کاهش یافته و شار کاهش می یابد و نتیجه مشابه گزینه های ۱ و ۲ می شود.

(۴) اگر سیمولۀ A به سمت راست حرکت نماید، یعنی میدان در سیمولۀ B زیاد شود در نتیجه شار عبوری از B افزایش می یابد و جهت میدان القایی در B باید در خلاف جهت میدان مغناطیسی A باشد.

۴۷ - گزینه ۱

ابتدا به کمک رابطه انرژی ذخیره شده در القاگر، جریان عبوری از آن را می یابیم و سپس میدان مغناطیسی داخل سیموله را محاسبه می کنیم:

$$\begin{cases} L = 0.5H \\ U = 0.4J \end{cases} \rightarrow U = \frac{1}{2}LI^2 \rightarrow 0.4 = \frac{1}{2} \times 0.5 \times I^2 \xrightarrow{\times 100} I^2 = \frac{40 \times 2}{5} = 16 \Rightarrow I = 4A$$

$$\begin{cases} N = 100 \\ L = 0.5H \\ I = 4A \end{cases} \Rightarrow B = \frac{\mu_0 NI}{L} = \frac{(12 \times 10^{-6})(100)(4)}{(0.5 \times 10^{-2})} \Rightarrow B = 6 \times 10^{-3} T = 60G$$

۴۸ - گزینه ۳ ابتدا میدان مغناطیسی سیموله را محاسبه کنیم.

$$B = \mu_0 \frac{NI}{\ell} \Rightarrow B = (4\pi \times 10^{-7}) \frac{30000 \times 0.5}{0.2} \Rightarrow B = 3\pi \times 10^{-3} T$$

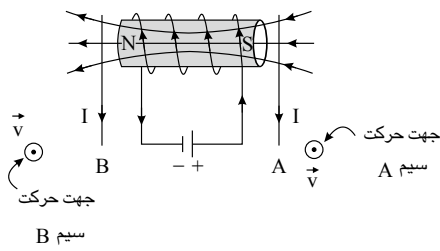
$$\text{از طرفی: } A = \pi r^2 = \pi \times (2 \times 10^{-2})^2 = 4\pi \times 10^{-4} m^2$$

$$\Phi = BA \cos\theta \xrightarrow{\theta=0} \Phi = BA = (3\pi \times 10^{-3})(4\pi \times 10^{-4}) \xrightarrow{\pi^2=10} \Phi = 12 \times 10^{-5} Wb$$

حال برای محاسبه شار مغناطیسی داریم:

دقت شود که میدان مغناطیسی داخل سیموله عمود بر سطح آن می باشد بنابراین زاویه بین میدان و خط عمود بر سیموله برابر صفر است.

۴۹ - گزینه ۲ در ابتدا خطوط میدان مغناطیسی ایجاد شده در اطراف سیموله را تعیین می کنیم. طبق قاعده دست راست با توجه به جهت جریان گذرنده از سیموله، انتهای راست آن قطب S مغناطیسی و انتهای چپ آن قطب N می شود، از این رو خطوط میدان مغناطیسی را در سیموله و اطراف آن رسم می کنیم. حال اگر چهار انگشت دست راست خود را در جهت حرکت سیم A (در این جا عمود بر صفحه کاغذ و به طرف بیرون صفحه) به گونه ای قرار دهیم که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود. انگشت شست جهت جریان القایی در سیم متحرک یعنی به طرف پایین \downarrow را نمایش می دهد.



با همین استدلال سوی جریان در سیم چپ نیز رو به پایین خواهد بود.

۵۰ - گزینه ۱ اگر فرض نماییم که میله AB به طول L در زمان Δt به اندازه Δx جابه‌جا شده است بنابراین تغییر سطح برابر است با:

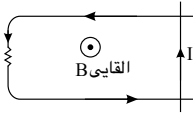
$$\Delta A = L\Delta x = Lv\Delta t \quad \text{و} \quad \Delta\Phi = B\Delta A \cos\alpha = BLv\Delta t$$

$$I = -\frac{1}{R} \times \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \Rightarrow I = -\frac{1}{R} \times \frac{BLv\Delta t}{\Delta t} \Rightarrow I = -\frac{LBv}{R}$$

چون قاب عمودی بر میدان است θ برابر صفر می‌شود. $\cos 0 = 1 \rightarrow \theta = 0$

چون تندی ثابت است، بنابراین جریان مقدار ثابتی می‌باشد.

چون مساحت و شار عبوری از حلقه افزایش می‌یابد، پس میدان برون‌سویی در حلقه القا می‌شود و طبق قاعده دست راست، جهت جریان القایی از B به A است.



۵۱ - گزینه ۳ با توجه به نمودار داریم:

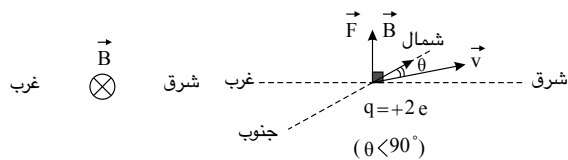
$$\frac{1}{330} = \Delta \frac{T}{4} \Rightarrow T = \frac{1}{400} s$$

حالا معادله جریان متناوب برحسب زمان را می‌نویسیم و با قرار دادن $t = \frac{1}{330} s$ در این لحظه به دست می‌آوریم:

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 5\sqrt{2} \sin(400\pi t)$$

$$t = \frac{1}{330} s \Rightarrow I = 5\sqrt{2} \sin\left(400\pi \times \frac{1}{330}\right) = 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5A \Rightarrow I = 5A$$

۵۲ - گزینه ۱ فرض کنید شمال جغرافیایی در مقابل ما قرار دارد.

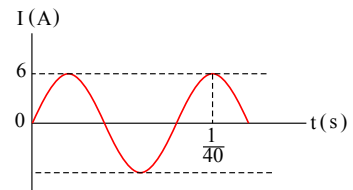


ذره α ، هسته اتم هلیوم بوده و بار الکتریکی آن: $q = +2e$ می‌باشد. طبق قانون دست راست اگر چهار انگشت دست راست در جهت حرکت به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود، جهت نیروی

مغناطیسی وارد بر ذره α در امتداد قائم رو به بالا است.

۵۳ - گزینه ۱ ابتدا به کمک نمودار داده شده معادله جریان متناوب را به دست می آوریم و سپس با قراردادن $t = \frac{1}{400} s$ در این لحظه را می یابیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{400} s = \frac{T}{4} \Rightarrow T = \frac{1}{50} s \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{\frac{1}{50}} = 100\pi \frac{rad}{s} \\ I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) = 6 \sin(100\pi t) \end{array} \right.$$



$$t = \frac{1}{400} s \Rightarrow I = 6 \sin\left(100\pi \times \frac{1}{400}\right) = 6 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2} A$$

و در نهایت به کمک رابطه انرژی ذخیره شده در القاگر خواهیم داشت:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow 72 mJ = \frac{1}{2} L \times (3\sqrt{2})^2 = 9L \Rightarrow L = 8 mH$$

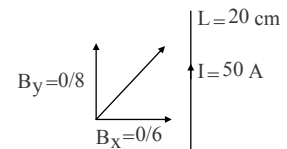
۵۴ - گزینه ۳ با استفاده از قانون القای فاراده و کمک گرفتن از قانون اهم داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{\left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right|}{R} = \frac{\left| -N \frac{\Delta A}{\Delta t} B \cos\theta \right|}{R} \Rightarrow 0.02 = \frac{\left| \frac{\Delta A}{\Delta t} \times 5 \times 10^{-2} \right|}{4} \Rightarrow \frac{\Delta A}{\Delta t} = 1.6 m^2/s$$

۵۵ - گزینه ۲ اگر میدان B را به صورت جداگانه در نظر بگیریم. B_y با سیم موازی است و نیرویی بر سیم وارد نمی کند و فقط B_x که بر سیم عمود است نیروی F وارد می کند.

$$B = 0.6i + 0.8j$$

$$F = B_x I L \sin\alpha \Rightarrow F = 0.6 \times 50 \times 0.2 \times 1 \Rightarrow F = 6 N$$



با قانون دست راست مشخص می شود که این نیرو درون سو \otimes است.

I : جهت چهار انگشت دست راست

B : جهت خم شدن انگشتان دست راست

F : جهت انگشت شست دست راست

۵۶ - گزینه ۲ براساس قانون القای فاراده داریم:

$$|\bar{\varepsilon}| = NA \cos\theta \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| \Rightarrow \theta = 0 \Rightarrow |\bar{\varepsilon}| = 1 \times 200 \times 10^{-4} \left| \frac{-0.08}{0.02} \right| = 0.8 V$$

۵۷ - گزینه ۴

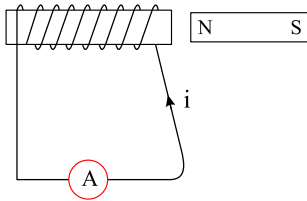
اگر سیمی به طول L با سرعت v روی قاب U شکلی حرکت کند، نیروی محرکه القایی در قاب از رابطه زیر به دست می آید:

$$\varepsilon = BvL \sin\alpha = 20 \times 0.05 \times 0.4 \times 1 = 0.4 V$$

با حرکت میله به طرف راست، مساحت قاب افزایش می یابد و شار عبوری از حلقه بیشتر می شود. طبق قانون لنز

باید میدان برون سویی ایجاد شود تا با افزایش شار مخالفت شود. طبق قاعده دست راست جهت جریان القایی در جهت (۲) می باشد.

۵۸ - گزینه ۱

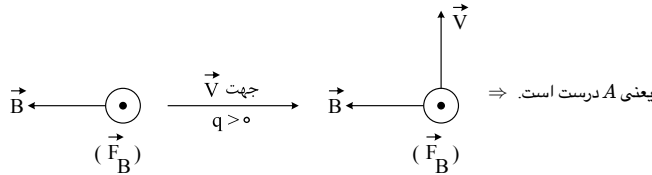


با توجه به جهت جریان القایی نشان داده شده، سمت راست سیملوله قطب N و سمت چپ آن قطب S است و با توجه به قطب های آهنربا، آهنربا و سیملوله در حال نزدیک شدن به هم هستند.
در گزینه های ۲، ۳ و ۴ آهنربا و سیملوله از هم دور می شوند و در گزینه ۱ آهنربا و سیملوله به هم نزدیک می شوند.

۵۹ - گزینه ۱ گام اول: برای اینکه نیروی وارده بیشینه شود باید نیروی وارده از طرف میدان الکتریکی بر ذره یعنی \vec{F}_E و نیروی وارده از طرف میدان مغناطیسی بر ذره یعنی \vec{F}_B هم جهت باشند. چون تعیین تکلیف \vec{F}_E راحت تر است از F_E شروع می کنیم. (چرا؟)

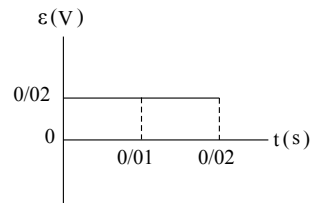
گام دوم: چون $q > 0$ و $\vec{E} \odot$ در نتیجه $F_E \odot$ (برون سو است)

گام سوم: چون F_E برون سو است برای اینکه (F_{net}) بیشینه باشد بایستی \vec{F}_B هم برون سو (هم جهت F_E) باشد. چون $q > 0$ و جهت \vec{B} از راست به چپ داده شده $(\leftarrow \vec{B})$ اگر از قانون دست راست کمک بگیریم:



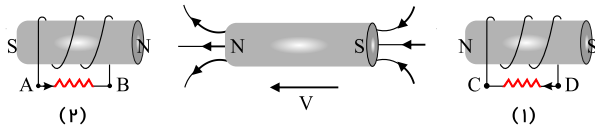
۶۰ - گزینه ۲ چون نمودار $(\phi - t)$ به صورت یک خط مایل با شیب ثابت است بنابراین $\frac{\Delta\phi}{\Delta t}$ در هر بازه زمانی در این نمودار داده شده ثابت است. برای سهولت و تسریع در حل بازه زمانی $t = 0$ تا $t = 0.01$ s را انتخاب می کنیم:

$$\varepsilon = \bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -(1) \left(\frac{0 - 2 \times 10^{-3}}{0.01 - 0} \right) = 0.2V$$



۶۱ - گزینه ۱

هنگامی که آهنربا به سمت چپ حرکت می کند، شار عبوری از سیملوله راست کاهش یافته و شار عبوری از سیملوله چپ افزایش می یابد. مطابق قانون لنز، سیملوله (۱) آهنربا را جذب و سیملوله (۲) آن را دفع می کند. پس جهت جریان سیملوله راست از D به C و جهت جریان سیملوله سمت چپ از A به B است.



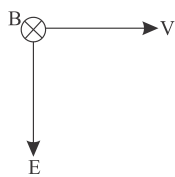
۶۲ - گزینه ۳ با استفاده از قانون القای فاراده ($\mathcal{E} = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t}$) و ترکیب آن با رابطه $\bar{I} = \frac{\mathcal{E}}{R}$ داریم:

$$\bar{I} = \frac{|\mathcal{E}|}{R} \Rightarrow \bar{I} = \left| -N \frac{\Delta\phi}{R\Delta t} \right|$$

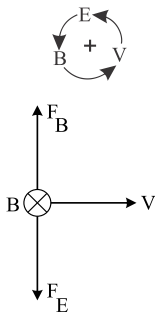
$$\Rightarrow \bar{I} = \left| -N \frac{A \cos \theta \Delta B}{R\Delta t} \right| \xrightarrow{\theta=0^\circ} \frac{4}{1000} = 4000 \times \frac{2 \times 10^{-2}}{3} \times \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = \frac{3}{2} \times 10^{-2} T/s$$

۶۳ - گزینه ۱ برای اینکه این ذره بتواند در این دو میدان مغناطیسی و الکتریکی عمود بر هم، بدون انحراف حرکت کند، باید نیروهای الکتریکی و مغناطیسی وارد بر ذره، یکدیگر را خنثی می‌کنند، یعنی:

$$F_{net} = 0 \rightarrow F_E = F_B \rightarrow E \cdot q = qvB \rightarrow E = v \cdot B \rightarrow v = \frac{E}{B} = \frac{10^2}{10000 \times 10^{-2}} \rightarrow v = 10^4 \frac{m}{s}$$



و در اینجا است، اگر چهار انگشت دست راست در جهت میدان الکتریکی E به گونه‌ای قرار گیرد که برداری میدان مغناطیسی B از کف دست خارج شود، انگشت شست، جهت سرعت ذره را نمایش می‌دهد، یعنی در اینجا:

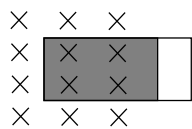


۶۴ - گزینه ۲ در هر میلی‌ثانیه ($\Delta t = 10^{-3} s$)، شار مغناطیسی 0.2 ویر کاهش می‌یابد ($\Delta\phi = -0.2 Wb$)، بنابراین:

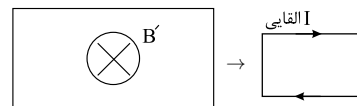
$$\mathcal{E} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = -(1) \left(\frac{-0.2}{10^{-3}} \right) = 200 V \rightarrow \mathcal{E} = 20 V$$

و جهت جریان القایی:

با خارج شدن حلقهٔ رسانا از میدان مغناطیسی ← مساحتی از حلقه که داخل میدان است کاهش می‌یابد. ← بنابراین میدان مغناطیسی القایی به گونه‌ای به وجود می‌آید که با کاهش شار مغناطیسی ϕ مخالفت کند یعنی B' القایی با B اصلی (اولیه موجود در شکل سؤال) هم جهت باشد. ← طبق قانون دست راست جهت جریان القایی می‌بایست ساعتگرد باشد تا این B' القایی به وجود آمده باشد. (جریان القایی این B' القایی را به وجود آورده است.)



$$\Rightarrow A \downarrow \Rightarrow \phi = AB \cos \theta (\phi \downarrow) \Rightarrow B' \text{ القایی همسو با } B \text{ اصلی است.}$$

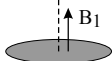


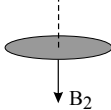
۶۵ - گزینه ۴

$$A = 100 cm^2 = 100 \times 10^{-4} m^2 = 10^{-2} m^2 \text{ و } \Delta t = 0.25 s$$

جهت نیم خط عمود بر سطح را روبه بالا در نظر می‌گیریم. سپس شار مغناطیسی در حالت اول و دوم را به دست

می آوریم. داریم:

حالت اول:  $\Rightarrow \theta_1 = 0 \Rightarrow \Phi_1 = AB_1 \cos 0 = AB_1 = 10^{-2} \times 10^{-1} = 10^{-3} \text{ Wb}$

حالت دوم:  $\Rightarrow \theta_2 = 180^\circ \Rightarrow \Phi_2 = AB_2 \cos 180^\circ = -AB_2 = -10^{-2} \times 10^{-1} = -10^{-3} \text{ Wb}$

$$\Rightarrow \begin{cases} |\bar{\epsilon}| = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -(1) \left(\frac{-10^{-3} - (10^{-3})}{0,25s} \right) = 4 \times 2 \times 10^{-3} = 0,008V \Rightarrow |\bar{\epsilon}| = 8mV \\ \Delta t = 0,25s = \frac{1}{4}s \end{cases}$$

۶۶ - گزینه ۴

در رابطه $\Phi = AB \cos \theta$, θ زاویه بین میدان و خط عمود بر حلقه است، بنابراین:

$$\begin{cases} \varphi = AB \cos \theta = (200 \times 10^{-4})(4 \times 10^{-2}) (\cos 30^\circ) \\ \Rightarrow \varphi = 4\sqrt{3} \times 10^{-5} \text{ Wb} \\ \theta = 90^\circ - (\text{زاویه بین میدان و سطح حلقه}) \Rightarrow \theta = 30^\circ \end{cases}$$

۶۷ - گزینه ۴ به کمک رابطه میدان مغناطیسی عبوری از سیملوله و شار عبوری از یک حلقه داریم:

$$\begin{aligned} B &= \mu_0 \frac{NI}{l} \Rightarrow B \propto I \Rightarrow B_2 = 2B_1 \\ \Phi &= BA \cos \theta \Rightarrow \Phi \propto B \Rightarrow \Phi_2 = 2\Phi_1 \\ U &= \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow U \propto I^2 \Rightarrow U_2 = 4U_1 \end{aligned}$$

۶۸ - گزینه ۲ در نمودار $B-t$ شیب نمودار برابر $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ است و چون شیب نمودار ثابت است $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ در تمام بازه‌های زمانی یکسان است، بنابراین برای محاسبه $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ در بازه 0 تا $30ms$ مقدار آن را در بازه 0 تا $40ms$ پیدا می‌کنیم. داریم:

$$\left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)_{0-30ms} = \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right)_{0-40ms} = \frac{0 - 0,8}{40 - 0} = -\frac{0,8}{40} \left(\frac{T}{ms} \right) = -\frac{1}{50} \frac{T}{ms} \Rightarrow \bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} \cos \alpha \xrightarrow{\alpha=0} \Rightarrow \bar{\epsilon} = -(500)(40 \times 10^{-4}) \cos 0 = -20V$$

۶۹ - گزینه ۴ طبق قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \Rightarrow |\bar{\epsilon}| = N \frac{\phi_2 - \phi_1}{t_2 - t_1} \xrightarrow{\phi = \omega t} |\bar{\epsilon}| = N \frac{(\omega t_2 - \omega t_1)}{t_2 - t_1} = N \times \omega = \frac{(t_2 - t_1)}{t_2 - t_1} = \Delta N$$

با توجه به $|\bar{\epsilon}| = \Delta N$ نتیجه می‌گیریم که نیروی محرکه القایی مقدار ثابتی است.

۷۰ - گزینه ۴ براساس قانون القای فاراده نیروی محرکه القایی از رابطه $\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ شیب نمودار $\Phi-t$ می‌باشد و چون در بازه $10s$ تا $20s$ شیب نمودار ثابت است در هر بازه‌های شیب را محاسبه کنیم فرقی ندارد و بنابراین برای راحتی کار ما شیب را در بازه زمانی $10s$ تا $16s$ به دست می‌آوریم. داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|$$

$$\text{شیب خط در بازه } 10s \text{ تا } 16s \quad \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = \frac{0 - 0,06}{16 - 10} = 0,01$$

$$|\vec{\varepsilon}| = \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = \left| -1 \times (-0.01) \right| = 0.01V = 10mV$$

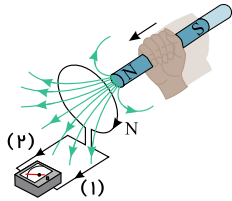
۷۱ - گزینه ۱ اگر رابطه نیروی وارد بر سیم راست از طرف میدان مغناطیسی را بنویسیم و نیوتون را برحسب یکه‌های اصلی بیان کنیم داریم:

$$F = IlB \sin \theta$$

$$B = \frac{F}{Il} \Rightarrow [B] = \frac{N}{A \cdot m} = \frac{kg \frac{m}{s^2}}{A \cdot m} \rightarrow [B] = \frac{kg}{A \cdot s^2}$$

پس یکای میدان مغناطیسی برحسب یکه‌های اصلی SI معادل $\frac{kg}{A \cdot s^2}$ است.

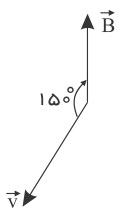
۷۲ - گزینه ۲



با توجه به جهت حرکت آهن‌ربا، با توجه به قانون لنز، در سمت راست حلقه، قطب N آهن‌ربای القایی ایجاد می‌شود تا با نزدیک شدن آهن‌ربا به حلقه و افزایش شار مغناطیسی مخالفت کند، پس جهت جریان القایی در جهت (۱) است و نیروی دافعه خواهیم داشت.

۷۳ - گزینه ۴

قبل از هر چیز، دقت کنید که بار الکتریکی منفی است (الکترون است) پس اگر از قاعده دست راست استفاده کردیم، باید جهت نهایی یافته شده را عکس کنیم یا از همان اول از قاعده دست چپ استفاده کنیم که در این صورت نیروی وارد بر الکترون برون‌سو خواهد بود. (چهار انگشت دست چپ را روی V قرار داده و به گونه‌ای ببینید که چهار انگشت در امتداد B قرار گیرد، در اینصورت نیروی وارد بر ذره، هم‌سو با انگشت شست، یعنی در اینجا برون‌سو خواهد بود.)



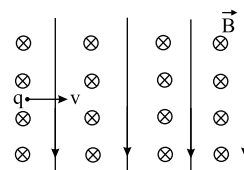
$$F = qVB \sin \theta = 1.6 \times 10^{-19} \times 10^4 \times 200 \times 10^{-4} \times \frac{1}{2} \rightarrow F = 8 \times 10^{-16} N \odot$$

۷۴ - گزینه ۱ بدیهی که با استفاده از قانون دست راست، اگر چهار انگشت دست راست در جهت \vec{v} به گونه‌ای قرار گیرد که بردار میدان \vec{B} از کف دست خارج شود، انگشت شست جهت نیروی وارد بر آن را در جهت \vec{j} + نشان می‌دهد، پس شتاب نیز در همان جهت است.

$$F = qVB \sin \theta \xrightarrow{F=ma} m\vec{a} = qVB \sin \theta \rightarrow \vec{a} = \frac{qVB \sin \theta}{m} \rightarrow \vec{a} = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 10^4 \times 170 \times 10^{-4} \times (1)}{1.7 \times 10^{-27}} \rightarrow \vec{a} = 1.6 \times 10^{10} \vec{j}$$

۷۵ - گزینه ۳

$$\begin{cases} q = 2\mu C = 2 \times 10^{-6} C > 0 \\ v = 2 \times 10^4 \frac{m}{s} \\ B = 0.02 T \\ E = 500 \frac{N}{C} \end{cases}$$



گام اول: از طرف میدان الکتریکی به بار $q > 0$ نیروی $F_E = qE$ هم‌جهت با میدان الکتریکی \vec{E} به بار q وارد می‌شود.

$$F_E = qE = (2 \times 10^{-6})(500) = 10^{-3} (N)$$

گام دوم: از طرف میدان مغناطیسی نیز به بار q نیروی F_B وارد می شود:

$$F_B = qvB \sin 90^\circ = qvB = (2 \times 10^{-6})(2 \times 10^4)(2 \times 10^{-2}) = 8 \times 10^{-4} (N) = 0.8 \times 10^{-3}$$

جهت F_B طبق قانون دست راست و مثبت بودن q به طرف بالا است:

$$F_{net} = F_E - F_B = 10^{-3} - 0.8 \times 10^{-3} = 0.2 \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-4} N$$

رو به پایین ($F_E > F_B$)

۷۶ - گزینه ۲ با استفاده از قانون القای فاراده ($\bar{\epsilon} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$) و ترکیب آن با رابطه $\bar{I} = \frac{\bar{\epsilon}}{R}$ داریم:

$$\left\{ \begin{aligned} |\bar{I}| &= \left| -\frac{N \Delta \Phi}{R \Delta t} \right| \Rightarrow |\Delta q| = \left| \frac{N}{R} \Delta \Phi \right| \Rightarrow |\Delta q| = \left| \frac{50}{5} \times (0 - 0.04) \right| = 0.4 C \\ \bar{I} &= \frac{\Delta q}{\Delta t} \end{aligned} \right.$$

۷۷ - گزینه ۳ با قطع کلید در سیمولۀ A میدان مغناطیسی در جهت \rightarrow کاهش می یابد و میدان مغناطیسی در سیمولۀ B در جهت \rightarrow می باشد.

میدان مغناطیسی در داخل سیمولۀ A به سمت چپ می باشد، از طرفی چون در جریان در مقاومت R' از C به D است بنابراین میدان مغناطیسی القایی در سیمولۀ B نیز به سمت چپ است و این نشان می دهد که شار عبوری از سیمولۀ B در حال کاهش بوده است و تنها در گزینه ۳ و در لحظه قطع کلید که جریان سیمولۀ A کم می شود، میدان در اطرافشان کاهش و شار مغناطیسی نیز کم می شود.

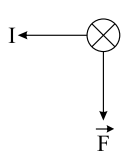
۷۸ - گزینه ۴ چون جهت میدان مغناطیسی درون سو و در حال کاهش است، پس جریان القایی باید به گونه ای باشد که میدان مغناطیسی القایی نیز درون سو بوده تا از کاهش میدان جلوگیری کند بنابراین، جهت جریان القایی ساعتگرد است. حال داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \left| \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| = \left| \frac{A(\Delta B) \cos \theta}{\Delta t} \right| = \frac{600 \times 10^{-4} \times 200 \times 10^{-4}}{10^{-3}} \rightarrow |\bar{\epsilon}| = 1.2 V$$

۷۹ - گزینه ۴ در ابتدا بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر سیم را می یابیم:

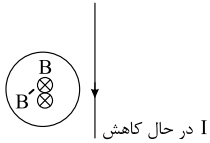
$$F = I \ell B \sin \theta \xrightarrow{I=2.5A, \ell=2.4m} F = (2.5)(2.4)(5 \times 10^{-2})(\sin 90^\circ) \Rightarrow F = 3 \times 10^{-1} N$$

حال با استفاده از قاعده دست راست، جهت این نیرو را به دست می آوریم؛ به گونه ای که اگر چهار انگشت دست راست خود را روی سیم در جهت جریان به گونه ای قرار دهیم که کف دست روی صفحه قرار گیرد (بردار میدان مغناطیسی از کف دست خارج شود که در اینجا درون سو است) انگشت شست جهت نیروی وارد بر سیم را نشان می دهد که در اینجا رو به پایین است.

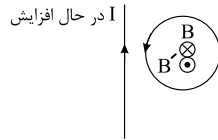


۸۰ - گزینه ۱ به بررسی یک به یک گزینه ها می پردازیم:

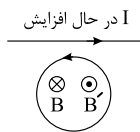
(۱) درست: میدان ناشی از سیم راست در مرکز حلقه درون سو است که با کاهش جریان، میدان مغناطیسی و شار گذرنده از حلقه در حال کاهش خواهد بود. پس با توجه به قوانین القای الکترومغناطیسی فاراده و لنز، جریان القایی به گونه‌ای خواهد بود که با کاهش شار مخالفت کند و میدان مغناطیسی القایی درون سو و در مرکز حلقه ایجاد می‌کند، بنابراین جریان حلقه ساعتگرد خواهد بود. (B' میدان مغناطیسی‌ای است که در اثر جریان القایی حلقه، در مرکز حلقه ایجاد می‌شود).



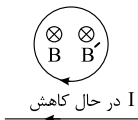
(۲) نادرست: جهت درست جریان القایی در حلقه پادساعتگرد است.



(۳) نادرست: جهت درست جریان القایی در حلقه پادساعتگرد است.

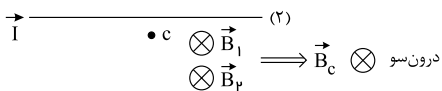
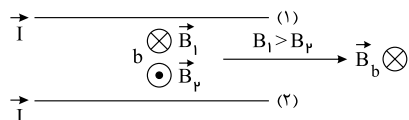
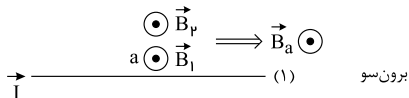


(۴) نادرست: جهت درست جریان القایی در حلقه ساعتگرد است.



۸۱ - گزینه ۲

قبل از هر چیز می‌دانیم که بزرگی میدان مغناطیسی در اطراف یک سیم راست: (۱) با جریان عبوری از سیم رابطه مستقیم دارد. (۲) با فاصله از سیم رابطه عکس دارد. حال به تحلیل میدان مغناطیسی برآیند در نقاط داده شده می‌پردازیم. نقطه a : اگر انگشت شست دست راست خود را در جهت جریان I و بر روی سیم قرار دهیم، چهار انگشت در حالت بسته شدن، جهت میدان مغناطیسی در اطراف سیم را نشان می‌دهند و از آنجا که بردار میدان مغناطیسی مماس بر خط میدان در هر نقطه است، داریم:



۸۲ - گزینه ۱

$$T = \frac{N}{m \cdot A} \xrightarrow{N=kg \cdot \frac{m}{s^2}} T = \frac{kg \cdot m}{m \cdot A \cdot s^2} = \frac{kg}{A \cdot s^2}$$

$$Wb = T \cdot m^2 = \frac{kg \cdot m^2}{A \cdot s^2}$$

۸۳ - گزینه ۱

$$\left. \begin{aligned} \varepsilon_1 &= -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -\frac{-(2\Phi_m)}{t_1} = \frac{2\Phi_m}{t_1} \\ \varepsilon_2 &= 0 \\ \varepsilon_3 &= -\frac{0 - \Phi_m}{3t_1 - 2t_1} = \frac{-\Phi_m}{t_1} \end{aligned} \right\} \rightarrow |\varepsilon_1| = 2|\varepsilon_3|$$

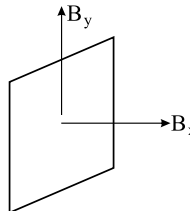
نکته: بزرگی نیروی محرکه القایی با شیب نمودار $\Phi - t$ متناسب است. بنابراین بزرگی نیروی محرکه در مرحله اول ($0 - t_1$)، دو برابر بزرگی نیروی محرکه در مرحله سوم ($3t_1 - 2t_1$) است.

۸۴ - گزینه ۳ با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده داریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{N \Delta \phi}{R \Delta t} = \frac{NA \Delta B}{R \Delta t} = \frac{4 \times 10^2 \times 15 \times 10^{-4}}{0.2} = 0.1 \Rightarrow I = 0.3A$$

۸۵ - گزینه ۴

در اینجا چون سطح قاب عمود بر محور x است، پس فقط مؤلفه افقی میدان مغناطیسی از قاب عبور می‌کند؛ بنابراین شار مغناطیسی عبوری از سطح قاب به صورت زیر محاسبه می‌شود:



$$\phi = B_x A \cos 0 = 0.05 \times (20 \times 20 \times 10^{-4})$$

$$\Rightarrow \phi = 2 \times 10^{-2} Wb = 0.02 Wb$$

۸۶ - گزینه ۲ چون سطح قاب با میدان مغناطیسی زاویه 30° می‌سازد، با نیم خط عمود بر سطح زاویه 60° می‌سازد. با توجه به تغییر میدان مغناطیسی داریم:

$$\Delta B = B_2 - B_1 = 0 - 6000 = -6000 G = -0.6 T \text{ و } A = \pi r^2 = 3.14 \times 10^{-2}$$

$$\bar{\varepsilon} = -\frac{N \Delta \Phi}{\Delta t} = \frac{-NA(\Delta B) \cos \theta}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t=15.7 \times 10^{-3}} \bar{\varepsilon} = \frac{-(1)(3.14 \times 10^{-2})(-0.6)(\cos 60^\circ)}{15.7 \times 10^{-3}} \Rightarrow \bar{\varepsilon} = 0.6V$$

۸۷ - گزینه ۱ از آنجا که بزرگی نیرویی که از طرف میدان بر الکترون وارد می‌شود، بیشینه است، بردار سرعت، عمود بر میدان است و داریم:

$$F = qvB \sin \theta \xrightarrow{\sin \theta=1} 4 \times 10^{-14} = 1.6 \times 10^{-19} \times v \times 1 \Rightarrow v = 2.5 \times 10^5 \text{ m/s}$$

حال با توجه به قاعده دست راست، اگر چهار انگشت دست راست را عمود بر صفحه به طرف بیرون به گونه‌ای قرار دهیم که انگشت شست به طرف پایین باشد، کف دست به طرف غرب خواهد بود ولی از آنجا که الکترون دارای بار منفی است، جهت میدان مغناطیسی در خلاف جهت غرب یعنی شرق است.
(تذکر: از همان ابتدا می‌توان برای تعیین جهت‌ها برای بارهای منفی، از دست چپ استفاده کرد.)

پاسخنامه کلیدی

۱ - ۳	۱۴ - ۱	۲۷ - ۲	۴۰ - ۱	۵۳ - ۱	۶۶ - ۴	۷۹ - ۴
۲ - ۴	۱۵ - ۴	۲۸ - ۲	۴۱ - ۳	۵۴ - ۳	۶۷ - ۴	۸۰ - ۱
۳ - ۱	۱۶ - ۱	۲۹ - ۴	۴۲ - ۴	۵۵ - ۲	۶۸ - ۲	۸۱ - ۲
۴ - ۳	۱۷ - ۱	۳۰ - ۱	۴۳ - ۴	۵۶ - ۲	۶۹ - ۴	۸۲ - ۱
۵ - ۱	۱۸ - ۱	۳۱ - ۳	۴۴ - ۴	۵۷ - ۴	۷۰ - ۴	۸۳ - ۱
۶ - ۱	۱۹ - ۴	۳۲ - ۱	۴۵ - ۱	۵۸ - ۱	۷۱ - ۱	۸۴ - ۳
۷ - ۲	۲۰ - ۱	۳۳ - ۴	۴۶ - ۴	۵۹ - ۱	۷۲ - ۲	۸۵ - ۴
۸ - ۱	۲۱ - ۲	۳۴ - ۳	۴۷ - ۱	۶۰ - ۲	۷۳ - ۴	۸۶ - ۲
۹ - ۴	۲۲ - ۱	۳۵ - ۱	۴۸ - ۳	۶۱ - ۱	۷۴ - ۱	۸۷ - ۱
۱۰ - ۴	۲۳ - ۳	۳۶ - ۳	۴۹ - ۲	۶۲ - ۳	۷۵ - ۳	
۱۱ - ۴	۲۴ - ۱	۳۷ - ۱	۵۰ - ۱	۶۳ - ۱	۷۶ - ۲	
۱۲ - ۳	۲۵ - ۳	۳۸ - ۱	۵۱ - ۳	۶۴ - ۲	۷۷ - ۳	
۱۳ - ۴	۲۶ - ۴	۳۹ - ۲	۵۲ - ۱	۶۵ - ۴	۷۸ - ۴	