

سؤالات مفهومی ریاضی ۳

فصل اول

موضوع: توابع صعودی و نزولی

با تأکید بر تمرین ۲ و ۴ و ۵



بخش اول: سوالات پاسخ‌گزین

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: ۱	نام فصل: اول
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> دوازدهم <input type="checkbox"/> دوازدهم <input type="checkbox"/> دوازدهم
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی	سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را تعیین کنید. وارون تابع اکیدا "صعودی"، یک تابع اکیدا "نزولی" است.	شمارک: ۰/۵
<input type="checkbox"/> نادرست <input type="checkbox"/> درست	<input type="checkbox"/> نادرست <input type="checkbox"/> درست	پاسخ تشریحی: نادرست

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: صعودی و نزولی	شماره صفحات: صفحه ۱۰
نام طراح: سکینه جا مه	استان: ایلام	شهرستان: ایلام

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۰.۵	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح-غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید. الف) تابع لگاریتمی $y = -\log_{\frac{1}{2}} x$ صعودی اکید است. ب) تابع $y = -2^{-x}$ تابع نزولی اکید است.</p>				
<p>پاسخ تشریحی: الف) درست (۰.۲۵) ب) نادرست (۰.۲۵)</p>				

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: توابع صعودی و نزولی	نام فصل: فصل ۱ (تابع)
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input checked="" type="checkbox"/>	کاربستن <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/>
شمارک: ۰/۲۵	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/>	
چور کردنی <input type="checkbox"/>	چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/>	صحيح- غلط <input checked="" type="checkbox"/>	نوع سؤال: پاسخ‌گزين <input checked="" type="checkbox"/>		
سؤال:					
تابع $y = x^2 x $ در بازه $(-\infty, a]$ نزولی است. حداکثر مقدار a برابر صفر است.					
پاسخ تشریحی:					
درست (۰/۲۵)					

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل اول تابع	نام درس: توابع صعودی و نزولی	شماره صفحات: ۶ تا ۱۰
نام طراح: حجت کاویانی	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱۸

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۱
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی

سؤال: با توجه به تابع $y = -x^2|x|$ کدام گزینه صحیح است؟

(۱) تابع در بازه $(-\infty, a]$ نزولی است و بیشترین مقدار a ، صفر است.

(۲) تابع در بازه $(-\infty, a]$ صعودی است و بیشترین مقدار a ، صفر است.

(۳) تابع در بازه $[a, +\infty)$ نزولی است و کمترین مقدار a ، یک است.

(۴) تابع در بازه $[a, +\infty)$ صعودی است و کمترین مقدار a ، صفر است.

پاسخ تشریحی: با توجه به نمودار تابع گزینه ۲ صحیح است. رسم نمودار تابع ۱ نمره.

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله‌ای - توابع صعودی و نزولی	شماره صفحات: ۱۰
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۲
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی
سؤال: تابع $f(x) = -2x^2 + 8x + 1$ در کدام بازه نزولی می‌باشد؟ الف) $(-\infty, 3)$ ب) $(0, 2)$ ج) $(2, 4)$ د) $(1, +\infty)$
پاسخ تشریحی: ج

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: توابع صعودی و نزولی	نام فصل: تابع
شهرستان: شیراز	استان: فارس	نام طراح: گروه ریاضی استان

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شمارک: (۰/۲۵)	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ‌گزين <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزينه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی	
سؤال: تابع با ضابطه $f(x) = 2^{-x} + 4$ در دامنه‌اش همواره صعودی است	
پاسخ تشریحی: غلط	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع صعودی و توابع نزولی	شماره صفحات: ۶ تا ۱۰
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شبکوه

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار شمارک: (۰.۲۵)
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی
<p>سوال: کدام تابع در دامنه اش نزولی است؟</p> <p>الف) $f(x) = 1 - x^2$ ب) $g(x) = \left(\frac{3}{2}\right)^{-x}$ ج) $h(x) = 2 - x$ د) $p(x) = x + 2 - x + 2$</p>
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ب</p>

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع صعودی و توابع نزولی	شماره صفحات: ۶ تا ۱۰
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شبکوه

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ‌گزینه صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی <input type="checkbox"/>
سؤال: تابع $f(x) = \begin{cases} -x^3 + 1 & x < 0 \\ x^3 & x \geq 0 \end{cases}$ اکیدا نزولی است.
پاسخ تشریحی: نادرست

بخش دوم: سؤالات کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: ۱	نام فصل: اول
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شماره: ۵/۰	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: در تابع مقابل بازه ای که تابع در آن هم صعودی و هم نزولی است را مشخص کنید.	
$f(x) = \begin{cases} -2x - 3 & x < -4 \\ 3 & -4 \leq x < 2 \\ 3x - 2 & x \geq 2 \end{cases}$	
پاسخ تشریحی: بازه $(-4, 2)$	

پایه:	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: توابع صعودی و نزولی	نام فصل: ۱- تابع
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: فاطمه معدن‌دار

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده نوع سؤال: کوتاه پاسخ
شمارک: ۰/۷۵	دشوار	
سؤال: در جای خالی عبارت مناسب قرار دهید. تابع $f(x) = (a - 2)x^2 + 2ax + 3$ همواره یکنواست. مقدار $f(2)$ برابر است.		
پاسخ تشریحی: ۱۱ 0/25 $a - 2 = 0 \rightarrow a = 2 \rightarrow f(x) = 4x + 3 \xrightarrow{x=2} f(2) = 11$ 0/5		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع صعودی - نزولی	شماره صفحات: ۱۰ - ۶
نام طراح: فاطمه زارعی	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۲

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۵/۰	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ				
سؤال:				
درست یا نادرست بودن عبارت زیر را مشخص کنید. تابع $f(x) = x - x$ در بازه $[0, +\infty)$ ، هم صعودی و هم نزولی است.				
پاسخ تشریحی:				
درست است. زیرا با رسم تابع خواهیم دید در بازه بسته صفر تا مثبت بی نهایت تابع ثابت می باشد بنابراین هم صعودی و هم نزولی می باشد				
$f(x) = \begin{cases} -2x & x < 0 \\ 0 & x \geq 0 \end{cases}$				

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: درس اول (توابع صعودی و نزولی)	نام فصل: فصل ۱ (تابع)
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input checked="" type="checkbox"/>	کار بستن <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/>
شمارک: ۰/۵	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/>	نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال:					
اگر تابع $y = x^2 - mx + 5$ در بازه $[1, +\infty)$ همواره اکیدا صعودی باشد حدود m را بیابید؟					
پاسخ تشریحی:					
$(-/۲۵) \quad \frac{-b}{2a} \leq 1 \quad \rightarrow \quad \frac{m}{2} \leq 1 \quad \rightarrow \quad m \leq 2 \quad (۰/۲۵)$					

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: توابع صعودی و نزولی	نام فصل: تابع
شهرستان: شیراز	استان: فارس	نام طراح: گروه ریاضی استان

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شمارک: (۰/۲۵)	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سوال: بزرگترین بازه‌ای که تابع $f(x) = x x $ در آن صعودی است؟	
پاسخ تشریحی:	
$f(x) = \begin{cases} x^2 & x > 0 \\ -x^2 & x \leq 0 \end{cases}$	
0/25 $\mathbb{R} = (-\infty, +\infty)$	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله‌ای - توابع صعودی و نزولی	شماره صفحات: ۱۰
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرد تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شماره: ۱

نوع سؤال: کوتاه پاسخ

سؤال:

(۱) تابع $f(x) = |x^3| - 1$ روی بازه $[a, +\infty)$ صعودی است حداقل مقدار a ، است.

(۲) تابع $f(x) = \left| \log_{\frac{1}{2}}(x - 2) \right|$ روی بزرگترین بازه صعودی و روی بزرگترین بازه نزولی است.

پاسخ تشریحی:

(۱) صفر

(۲) $[3, +\infty)$ صعودی و $(2, 3]$ نزولی

بخش سوم: سؤالات گسترده پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: ۱	شماره صفحات: ۱۰
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب

ارزشیابی

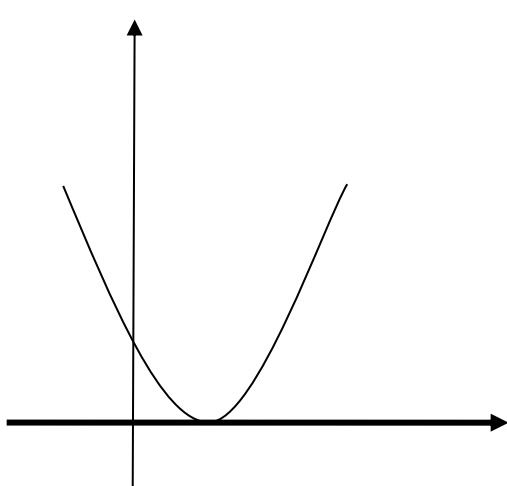
سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شمارک: ۱/۲۵

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال: تابع $y = (x - 1)^2 |x - 1|$ در بازه $[a, +\infty)$ صعودی است. حداقل مقدار a چقدر است؟

پاسخ تشریحی:



$$y = \begin{cases} (x - 1)^3 & x \geq 1 \\ -(x - 1)^3 & x < 1 \end{cases} \rightarrow a = 1$$

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه:
نام فصل: ۱- تابع	نام درس: توابع صعودی و نزولی	شماره صفحات: ۱۰
نام طراح: فاطمه معدندار	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۱
نوع سؤال: گسترده پاسخ	
سؤال: نمودار تابع $y = -x^2 x - 1$ را رسم نموده و سپس تعیین کنید در چه بازه ای صعودی و در چه بازه ای نزولی است؟	
پاسخ تشریحی:	
<p>در بازه $(-\infty, 0]$ صعودی است.</p> <p>در بازه $[0, +\infty)$ نزولی است.</p>	<p>۰/۲۵</p> <p>۰/۲۵</p> <p>۰/۲۵</p>
$y = \begin{cases} -x^3 - 1 & x \geq 0 \\ x^3 - 1 & x < 0 \end{cases}$	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: صعودی و نزولی	شماره صفحات: صفحه ۱۰
نام طراح: سکینه چاه	استان: ایلام	شهرستان: ایلام

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شماره ک: ۰/۷۵
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: اگر تابع $f(x) = (x - a)^2 x - a $ فقط در فاصله $[2, +\infty)$ صعودی اکید باشد، آنگاه مقدار a چقدر است؟
پاسخ تشریحی: ضابطه نمایش تابع به صورت زیر می باشد: $f(x) = (x - a)^2 x - a = \begin{cases} (x - a)^3 & x \geq a \\ -(x - a)^3 & x < a \end{cases} \quad (0/25)$ <p>با توجه به اینکه نمودار تابع بطور تقریبی به صورت مقابل است. و بازه ای که تابع در آن صعودی اکید است عبارت است از $[a, +\infty)$ که a طول نقطه مینیمم تابع می باشد. (۰/۲۵) و همچنین با توجه به فاصله داده شده و اینکه تابع فقط در این فاصله صعودی اکید است بایستی $a = 2$ باشد. (۰/۲۵) (به سایر راه حل های درست نمره تعلق گیرد.)</p>

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: صعودی و نزولی	شماره صفحات: صفحه ۱۰
نام طراح: سکینه چاه	استان: ایلام	شهرستان: ایلام

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: حدود k را چنان تعیین کنید که تابع $y = -(k^3 - 1)^x$ صعودی اکید باشد.
پاسخ تشریحی: تابع نمایی $y = a^x$ وقتی که $a > 1$ صعودی اکید است اما از آنجا که تابع داده شده در سوال نسبت به محور طول ها قرینه می شود لذا بایستی $0 < a < 1$ قرار گیرد. (۰/۲۵) لذا داریم: $0 < (k^3 - 1) < 1 \Rightarrow 1 < k^3 < 2 \quad (0/25) \Rightarrow 1 < k < \sqrt[3]{2} \quad (0/25)$

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: درس اول (توابع صعودی و نزولی)	نام فصل: فصل ۱ (تابع)
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱/۵		دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: گسترده پاسخ					
<p>سؤال:</p> <p>نمودار تابع زیر را رسم نمایید و مشخص نمایید در چه بازه هایی صعودی، نزولی و ثابت است.</p> $F(x) = \begin{cases} -2x + 1 & x < -2 \\ -1 & -2 \leq x < 1 \\ 2x - 3 & x \geq 1 \end{cases}$					
			<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>رسم هر قسمت از نمودار ۰/۲۵ بارم دارد.</p> <p>در بازه $(-\infty, 1]$ نزولی (۰/۲۵)</p> <p>در بازه $[-2, 1]$ ثابت (۰/۲۵)</p> <p>در بازه $[-2, +\infty)$ صعودی (۰/۲۵)</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع صعودی - نزولی	شماره صفحات: ۱۰ - ۶
نام طراح: مرضیه قنائی نژاد	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۲

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شماره: ۱
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: تابع $f = \{(1, 2x + 7) \text{ و } (-2, 10 - x) \text{ و } (0, x^2 + 4)\}$ به ازای $x \in [a, b]$ یک تابع صعودی است، بیشترین مقدار $b - a$ را بیابید؟
پاسخ تشریحی: در تابع صعودی با افزایش مقدار x ، مقدار y یا افزایش می یابد و یا ثابت می ماند پس: $f = \{(-2, 10 - x), (0, x^2 + 4), (1, 2x + 7)\} \Rightarrow$ $10 - x \leq x^2 + 4 \leq 2x + 7 \Rightarrow 2 \leq x \leq 3 \Rightarrow b - a = 3 - 2 = 1$

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل اول تابع	نام درس: توابع صعودی و نزولی	شماره صفحات: ۶ تا ۱۰
نام طراح: حجت کاویانی	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱۸

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۲	
نوع سؤال: گسترده پاسخ				

سؤال: نمودار تابع زیر را رسم کنید و بازه هایی را که تابع در آنها صعودی، نزولی یا ثابت است مشخص کنید.

$$f(x) = \begin{cases} x+3 & -6 \leq x < -2 \\ 1 & -2 \leq x < 1 \\ -2x+3 & 1 \leq x \leq 4 \end{cases}$$

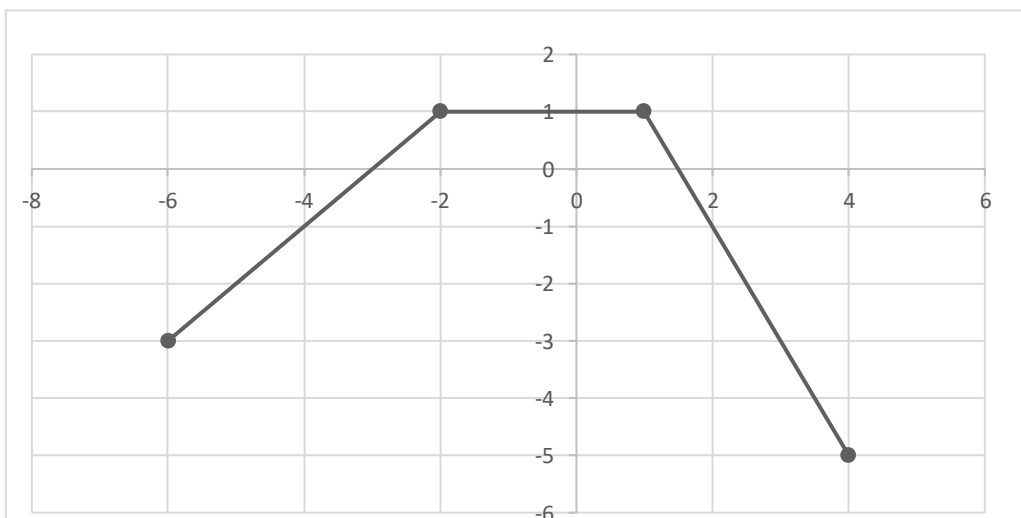
پاسخ تشریحی: با توجه به نمودار، تابع در بازه $[-6, 1]$ صعودی، در بازه $[-2, 4]$ نزولی و در بازه $[-2, 1]$ ثابت است.

$$x_1, x_2 \in [-6, 1], x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) \leq f(x_2)$$

$$x_1, x_2 \in [-2, 1], x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) = f(x_2)$$

$$x_1, x_2 \in [-2, 4], x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_2) \leq f(x_1)$$

هر یک از موارد بالا ۰/۵ نمره و رسم نمودار تابع ۰/۵ نمره.



عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع صعودی - نزولی	شماره صفحات: ۱۰ - ۶
نام طراح: مریم روح بخش - مرضیه قنائی نژاد - فاطمه زارعی	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۲

<p>سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/></p> <p>ارزشیابی</p>	<p>شمارک: ۱/۵</p>
<p>سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار</p> <p>نوع سؤال: گسترده پاسخ</p> <p>طراح سؤال: مریم روح بخش</p>	
<p>سؤال: تابع f با ضابطه</p> $f(x) = \begin{cases} x^2 - 4x + 5 & 2 < x \leq 4 \\ 2 & -1 \leq x \leq 2 \end{cases}$ <p>روی بازه $[a, b]$ غیر یکنوا است. بیشترین مقدار $b - a$ چقدر است؟</p>	
<p>پاسخ تشریحی:</p> $f(x) = x^2 - 4x + 5 = (x - 2)^2 + 1 \quad 2 < x \leq 4$ <p>رسم سهمی (۰/۵)</p> <p>رسم تابع ثابت (۰/۲۵)</p> <p>تابع در $[-1, 4]$ غیر یکنوا است. (۰/۵)</p> <p>(۰/۲۵) $b - a = 5$</p>	

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰	نام درس: توابع صعودی و نزولی	نام فصل: تابع
شهرستان: شیراز	استان: فارس	نام طراح: گروه ریاضی استان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شمارک: (۱/۷۰)	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ	
<p>سؤال:</p> <p>نمودار تابع زیر را رسم کنید و بازه‌هایی را که در آن‌ها تابع صعودی یا نزولی است مشخص کنید.</p> $f(x) = \begin{cases} (x-1)^2 + 2 & x > 1 \\ -2x + 1 & 0 \leq x \leq 1 \\ x^3 & x < 0 \end{cases}$	
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>رسم نمودار (۱ نمره)</p> <p>(۰/۵)</p> <p>تابع در بازه‌های $(-\infty, 0)$ و $(1, +\infty)$ صعودی و در بازه $[0, 1]$ نزولی می‌باشد.</p> <p>(۰/۲۰)</p>	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله‌ای - توابع صعودی و نزولی	شماره صفحات: ۱۰
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب

ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شماره ک: ۲

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال:
با رسم تابع $y = |x - 1| + |x + 2|$ نشان دهید در چه بازه‌ای اکیداً صعودی و در چه بازه‌ای اکیداً نزولی و در چه بازه‌ای ثابت است.

پاسخ تشریحی:

$$f(x) = \begin{cases} -2x - 1, & x < -2 \\ 3 & -2 \leq x \leq 1 \\ 2x + 1 & x > 1 \end{cases}$$

روی بازه $(-\infty, -2]$ اکیداً نزولی، روی بازه $[-2, 1]$ ثابت و روی بازه $[1, +\infty)$ اکیداً صعودی

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل اول

موضوع: دامنه توابع مرکب

با تأکید بر صفحه ۱۴



بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: ترکیب تابع	شماره صفحات: ۱۱-۲۳
نام طراح: رزا زاهدی مقدم	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۵/۰	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: درستی و نادرستی جمله زیر را مشخص کنید. برای دو تابع f و g که $f \neq g$ تساوی $(f \circ g)(x) = (g \circ f)(x)$ هیچ وقت برقرار نیست.</p>				
<p>پاسخ تشریحی: نادرست</p>				

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴	نام درس: ترکیب توابع	نام فصل: تابع
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمش

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۰/۵	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:	
جور کردنی <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/>					نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input checked="" type="checkbox"/>
<p>سؤال: درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید. الف) اگر $f(x) = \frac{2}{x-3}$ و $g(x) = \frac{4x}{x-2}$ باشند، دامنه تابع $f \circ g$ برابر $\mathbb{R} - \{2, 3\}$ است. <input type="checkbox"/></p> <p>ب) اگر $g(x) = 2x - 1$، $(f \circ g)(x) = 12x^2 - 14x + 6$ باشند، تابع $f(x)$ برابر $3x^2 - x + 2$ است. <input type="checkbox"/></p>					
<p>پاسخ تشریحی: الف) نادرست (0.25) ب) درست (0.25)</p>					

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴	نام درس: درس دوم (ترکیب توابع)	نام فصل: فصل ۱ (تابع)
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> جورکردنی <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> جورکردنی
سؤال: اگر $f(x) = \sqrt{x}$, $g(x) = \sin x$ باشد. آنگاه $(g \circ f)(x) = \sqrt{\sin x}$ خواهد بود. صحیح <input type="checkbox"/> غلط <input type="checkbox"/>			پاسخ تشریحی: غلط 0/25 $(g \circ f)(x) = \sin \sqrt{x}$

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: تامیلا تقی زاده	استان: فارس	شهرستان: لار

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۵
نوع سؤال: پاسخ‌گزين <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزينه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی
<p>سؤال:</p> <p>اگر $(f \circ g)(x) = x^2 - 3x + 1$ و $g(x) = x - 1$، آنگاه ضابطه تابع f کدام است؟</p> <p>(۱) $x^2 - 2x + 1$</p> <p>(۲) $x^2 + x + 1$</p> <p>(۳) $x^2 - x - 1$</p> <p>(۴) $x^2 - x + 1$</p>
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه ۳</p> $f(x - 1) = x^2 - 3x + 1 \xrightarrow{x-1=t} f(t) = (t + 1)^2 - 3(t + 1) + 1 = t^2 - t - 1$

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۱ تا ۱۴
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شبکوه

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰/۵	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ				
سؤال: اگر $f(x) = x + \frac{1}{x}$ و $(gof)(x) = x^2 + \frac{1}{x^2}$ آنگاه ضابطه تابع g برابر است. (راه حل) ($x^2 - 2$ یا $x^2 + 2$)				
پاسخ تشریحی:				
$g((f(x))) = (f(x))^2 - 2 = (x^2 + 2 + \frac{1}{x^2}) - 2 = x^2 + \frac{1}{x^2} \checkmark$				

بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴	نام درس: ۲	نام فصل: اول
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	سطح شناختی سؤال:
شماره: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> ساده سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: اگر f تابع ثابت با ضابطه $f(x)=6$ و g یک تابع همانی باشد مطلوب است مقدار عددی عبارت مقابل	
$\frac{g \circ f(5) - 2f(3)}{f(4)}$	پاسخ تشریحی: $\frac{6-12}{6} = \frac{-6}{6} = -1$

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: ترکیب تابع	شماره صفحات: ۱۱-۲۳
نام طراح: رزا زاهدی مقدم	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>	
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۰/۲۵
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
<p>سؤال: در جای خالی عبارت مناسب بنویسید. تابع $h(x) = (2x^2 - 5x + 1)^3$ به صورت ترکیب دو تابع $f(x) = 2x^2 - 5x + 1$ و $g(x) = \dots\dots\dots$ است.</p>	
<p>پاسخ تشریحی: $g(x) = x^3$</p>	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: دامنه ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال:	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال:	<input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۰/۷۵	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال:					
اگر توابع f و g به عنوان ماشین به صورت $x \rightarrow \boxed{f} \rightarrow \boxed{g} \rightarrow 2x + 1$ و $x \rightarrow g(x) = 2x + 4$ ، ضابطه تابع f را مشخص کنید.					
پاسخ تشریحی:					
$g(f(x)) = 2x + 1$ $g(f(x)) = 2f(x) + 4 = 2x + 1 \quad (0.25) \rightarrow f(x) = \frac{2x - 3}{2} \quad (0.25)$					

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: تامیلا تقی زاده	استان: فارس	شهرستان: لار

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: اگر دامنه تابع $y = -f(1 - 3x)$ بازه $[-1, 3]$ باشد، دامنه تابع $y = f(x)$ را بیابید.
پاسخ تشریحی: $-1 < x \leq 3 \quad \Rightarrow \quad -9 \leq -3x < 3 \quad \Rightarrow \quad -8 \leq -3x + 1 < 4$

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱ تا ۱۴	نام درس: ترکیب توابع	نام فصل: تابع
بخش شیبگوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

<input type="checkbox"/> رزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سطح شناختی سؤال: نوع سؤال: کوتاه پاسخ
شمارک: ۱		
سوال: اگر $f(x) = \left[\frac{x}{2}\right]$ و $g(x) = \sqrt{1-x^2}$ حاصل $(f \circ g)\left(\frac{1}{3}\right)$ برابر است.		
پاسخ تشریحی: $g\left(\frac{1}{3}\right) = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \Rightarrow f\left(\frac{2\sqrt{2}}{3}\right) = 0$		

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴	نام درس: ۲	نام فصل: اول
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شماره: ۱/۲۵
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: اگر $f(x) = 1 - \sqrt{x - 2}$ و $g(x) = \sqrt{3 + x} - 1$ دامنه تابع $g \circ f$ را تعیین کنید.
پاسخ تشریحی:
$D_f = [2, +\infty)$, $D_g = [-3, +\infty)$
$D_{g \circ f} = \{x \in [2, +\infty) \mid 1 - \sqrt{x - 2} \geq -3\} = [2, +18]$

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱-۲۳	نام درس: ترکیب تابع	نام فصل: اول
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: رزا زاهدی مقدم

رزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>		سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: گسترده پاسخ					
سؤال:					
با فرض $fog(x) = 3x + 4$ و $f(x) = 2 - 5x$ ، ضابطه تابع g را به دست آورید.					
پاسخ تشریحی:					
$f(g(x)) = 3x + 4 \xrightarrow{\text{تبدیل}} 2 - 5g(x) = 3x + 4$ $5g(x) = 2 - 3x - 4 = -3x - 2 \xrightarrow{\div 5} g(x) = \frac{-3x - 2}{5} = \frac{-3}{5}x - \frac{2}{5}$					

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: دامنه ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

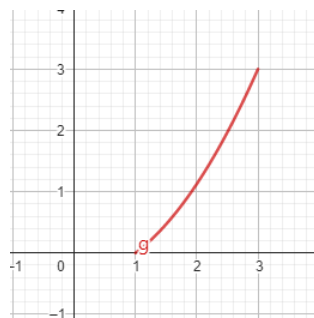
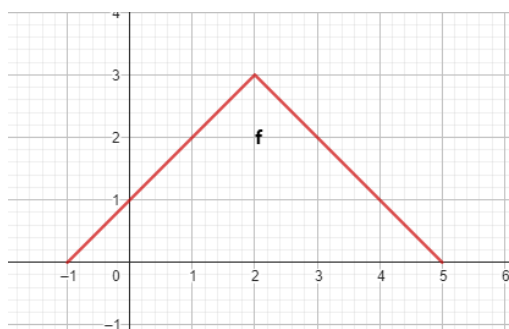
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱	
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
سؤال: اگر $f(x) = 2x^2 - 4x + 1$ و $g(x) = 1 - 4x$ باشد، ریشه های معادله $(g \circ f)(x) = -3$ را در صورت وجود به دست آورید.				
پاسخ تشریحی: $(g \circ f)(x) = g(f(x)) = g(2x^2 - 4x + 1) = -3 \quad (0.25) \rightarrow 1 - 4(2x^2 - 4x + 1) = -3$ $\rightarrow -8x^2 + 16x = 0 \quad (0.25) \rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases} \quad (0.5)$				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۱ (تابع)	نام درس: درس دوم (ترکیب توابع)	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: سرایان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۱
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		

سؤال:

اگر نمودار g و f به صورت زیر باشد دامنه تابع gof را بیابید؟



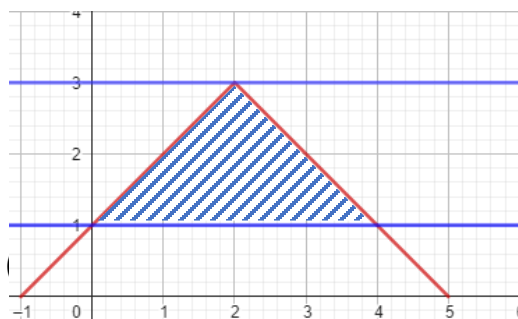
پاسخ تشریحی:

با توجه به شکل رسم شده داریم:

$$D_{gof} = \{x \in [-1, 5] \mid f(x) \in [1, 3]\}$$

$$\text{If } 1 \leq f(x) \leq 3 \rightarrow 0 \leq x \leq 4 \quad (0/25)$$

$$D_{gof} = [0, 4]$$



عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: تامیلا تقی زاده	استان: فارس	شهرستان: لار

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شماره: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ	
سؤال: اگر $g(x) = \sqrt{x-5}$ و $f(x) = 2x-1$ باشد، مطلوب است دامنه gof .	
پاسخ تشریحی:	
$D_g = [5, +\infty)$ و $D_f = \mathbb{R}$	
$D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} = \{x \in \mathbb{R} \mid \underbrace{(2x-1) \in [5, +\infty)}_{2x-1 \geq 5 \rightarrow x \geq 3}\} = [3, +\infty) \quad (0.5)$	
(0.25)	(0.25)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی																
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱/۵																	
نوع سؤال: گسترده پاسخ																				
سؤال:																				
اگر $f(x) = \sqrt{2-3x}$ و $g(x) = \frac{x}{2x+6}$ ، دامنه تابع $f \circ g(x)$ را بیابید.																				
پاسخ تشریحی:																				
$D_f = \left(-\infty, \frac{2}{3}\right], \quad D_g = \mathcal{R} - \{-3\}$ $D_{f \circ g} = \left\{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\right\} = \left\{x \in \mathcal{R} - \{-3\} \mid \frac{x}{2x+6} \in \left(-\infty, \frac{2}{3}\right]\right\}$ $= (\mathcal{R} - \{-3\}) \cap ((-\infty, -12] \cup (-3, +\infty)) = (-\infty, -12] \cup (-3, +\infty)$																				
$(*) : \frac{x}{2x+6} \leq \frac{2}{3} \rightarrow \frac{x}{2x+6} - \frac{2}{3} \leq 0 \rightarrow \frac{-x-12}{3(2x+6)} \leq 0 \rightarrow x \in (-\infty, -12] \cup (-3, +\infty)$																				
<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td>x</td> <td>-12</td> <td>-3</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$-x-12$</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>$3(2x+6)$</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$\frac{-x-12}{3(2x+6)}$</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>-</td> </tr> </table>					x	-12	-3		$-x-12$	+	-	-	$3(2x+6)$	-	-	+	$\frac{-x-12}{3(2x+6)}$	-	+	-
x	-12	-3																		
$-x-12$	+	-	-																	
$3(2x+6)$	-	-	+																	
$\frac{-x-12}{3(2x+6)}$	-	+	-																	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: ترکیب توابع	شماره صفحات: ۱۴
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: اگر $g(x) = \frac{3x+1}{x-2}$ و $fog(x) = \frac{2x}{x-3}$ ، مقدار $f(2)$ چقدر است؟
پاسخ تشریحی: $g(x) = 2 \rightarrow \frac{3x+1}{x-2} = 2 \rightarrow 3x+1 = 2x-4 \rightarrow x = -5$ $f(2) = fog(-5) = \frac{2(-5)}{(-5)-3} = \frac{-10}{-8} = \frac{5}{4}$

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱ تا ۱۴	نام درس: ترکیب توابع	نام فصل: تابع
بخش شیکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۱	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
سؤال:				
اگر $g(x) = 3 - 2x$ و $D_f = [-1, 4]$ ، دامنه تابع $f \circ g$ را بدست آورید.				
پاسخ تشریحی:				
$D_{f \circ g} = \{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\} = \{x \in \mathbb{R} \mid 3 - 2x \in [-1, 4]\} = \left(-\frac{1}{2}, 2\right]$				

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل اول

موضوع: تابع وارون

با تأکید بر تمرین ۶ و ۷ صفحه ۲۹



بخش اول: پاسخ گزین

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۹	نام درس: ۳	نام فصل: ۱
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>	
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی <input type="checkbox"/>	
سؤال: درست یا نادرست بودن عبارت مقابل را بررسی کنید.	
$(f \circ g)^{-1}(3) = (f^{-1} \circ g^{-1})(3)$	
پاسخ تشریحی: نادرست	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تابع وارون	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰/۲۵	
نوع سؤال: پاسخ‌گزين <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی				
<p>سؤال:</p> <p>تابع f با ضابطه $f(x) = x^2 - 2x + 2$ در کدام یک از بازه های زیر وارون پذیر است؟</p> <p>الف) $(0, 2)$ ب) $(3, 4)$ ج) $(-1, 4)$ د) $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$</p>				
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه ب</p> <p>طول راس سهمی $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{-2}{2} = 1$</p> <p>بازه ای درست است که عدد یک نقطه میانی آن بازه نباشد.</p>				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۱ (تابع)	نام درس: درس سوم (تابع وارون)	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: سرایان

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰/۲۵	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین	<input type="checkbox"/> صحیح-غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی	
<p>سؤال: اگر $f(x) = x^2 + 2x$ و $D_f = [-1, 2]$ دامنه تابع f^{-1} کدام است؟ الف) $[-1, 8]$ ب) $[0, 4]$ ج) $[-1, 4]$ د) $[-2, 9]$</p>				
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ۱ (۰/۲۵) می‌دانیم دامنه تابع وارون برد تابع می‌باشد که بارسم تابع برد $[-1, 8]$ می‌باشد.</p>				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تابع وارون	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: سید ابو الفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی				
سؤال:				
اگر $f(x) = 1 - \sqrt{x+2}$ نمودار تابع $f \circ f^{-1}(x)$ کدام است.				
پاسخ تشریحی:				
گزینه ۲				

بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۹	نام درس: ۳	نام فصل: ۱
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input checked="" type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۰/۵	دشواری <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال: دامنه تابع را بگونه ای محدود کنید که تابع $f(x) = x^2 - 1 $ تابعی یک به یک باشد.					
پاسخ تشریحی: $D = [-1, 0]$					

پایه:	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۹	نام درس: تابع وارون	نام فصل: ۱- تابع
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: فاطمه معدن‌دار

<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	سطح شناختی سؤال:
<input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۵		<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: پاسخ کوتاه					
سؤال: در جای خالی عبارت مناسب قرار دهید. دامنه تابع وارون $f(x) = 3 - \sqrt{x+1}$ بازه است.					
			۰/۲۵	پاسخ تشریحی: $(-\infty, 3]$	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تابع وارون	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰.۵
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: اگر $g(x) = \frac{5x-1}{3}$ و $(g^{-1} \circ f)(x) = 2x - 1$ ، مقدار $f(3)$ را بدست آورید.
پاسخ تشریحی: از ترکیب g با طرفین رابطه $(g^{-1} \circ f)(x) = 2x - 1$ ، داریم: $f(x) = g(2x - 1)(0.25) \rightarrow f(3) = g(5) = \frac{24}{3} = 8(0.25)$ (به راه حل های دیگر نمره تعلق گیرد.)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۱ (تابع)	نام درس: درس سوم (تابع وارون)	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: سرایان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: اگر $f(x) = x + \sqrt{x}$ و $g(x) = 2f^{-1}(x) - 1$ مقدار $g^{-1}(7)$ را بیابید.
پاسخ تشریحی: $g(x) = 2f^{-1}(x) - 1 = 7 \rightarrow f^{-1}(x) = 4 \rightarrow f(4) = 4 + \sqrt{4} = 6$ (۰/۲۵)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: وارون تابع	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: گروه ریاضی استان فارس	استان: فارس	شهرستان: شیراز

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰/۵
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: اگر تابع $f(x) = x + \sqrt{-2x}$ ، مقدار $f^{-1}(-4)$ را بیابید.	
پاسخ تشریحی: $x + \sqrt{-2x} = -4 \rightarrow \sqrt{-2x} = -4 - x \rightarrow -2x = (x + 4)^2 \rightarrow x = -8$	

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۹	نام درس: ۳	نام فصل: ۱
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سؤال: گسترده پاسخ سؤال: ضابطه تابع وارون تابع $f(x) = x^2 - 6x$ با شرط $x < 3$ را بدست آورید.
نوع سؤال: گسترده پاسخ	پاسخ تشریحی:	
$y = x^2 - 6x + 9 - 9 = (x - 3)^2 - 9$ $y + 9 = (x - 3)^2 \rightarrow -\sqrt{y + 9} = x - 3 \rightarrow x = 3 - \sqrt{y + 9} \rightarrow g^{-1}(x)$ $= 3 - \sqrt{x + 9}$		

پایه:	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۹	نام درس: تابع وارون	نام فصل: ۱- تابع
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: فاطمه معدن‌دار

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input checked="" type="checkbox"/>	کار بستن <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۳		دشواری <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: گسترده پاسخ					
سؤال:					
توابع $f = \{(2, 5), (6, 3), (3, 7), (4, 1)\}$ و $g(x) = \frac{x+1}{x-1}$ مفروض اند. اگر $(f^{-1} \circ g)(2a) = 6$ مقدار a را تعیین کنید.					
پاسخ تشریحی:					
$f^{-1}\left(\frac{2a+1}{2a-1}\right) = 6 \Rightarrow \left(\frac{2a+1}{2a-1}\right) = 3 \Rightarrow a = 2$					
۰/۲۵	۰/۲۵	۰/۲۵			

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تابع وارون	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شماره: ۱.۲۵

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال:
نمودارهای f و g در شکل زیر رسم شده است. مقدار $(g^{-1} \circ f)(2)$ را بدست آورید.

پاسخ تشریحی:

$$(g^{-1} \circ f)(2) = g^{-1}(f(2)) \rightarrow g^{-1}(4) = 9 \quad (0.5)$$

$$f(2) = 4, g(9) = 4 \quad (0.5) \rightarrow g^{-1}(4) = 9 \quad (0.25)$$

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: وارون تابع	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: دکتر سجاد کاظمی	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۱۳

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۱/۲۵	نمره
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
سؤال: اگر $f(x) = 3x - 1$ و $(fog)^{-1}(x) = \frac{2x-5}{7}$ باشد ضابطه $g(x)$ را بیابید				
پاسخ تشریحی:				
می دانیم که: $(fog)^{-1}(x) = \frac{2x-5}{7}$ بنابراین ابتدا وارون تابع $y = (fog)^{-1}(x) = \frac{2x-5}{7}$ که برابر با $fog(x)$ می باشد را به دست می آوریم:				
$y = \frac{2x-5}{7} \rightarrow 7y = 2x - 5 \rightarrow x = \frac{7y+5}{2} \rightarrow (fog)(x) = \frac{7x+5}{2}$ (نمره 0.5)				
از طرفی طبق تعریف ترکیب توابع داریم:				
$(fog)(x) = f(g(x)) = 3g(x) - 1$ (نمره 0.25)				
بنابراین:				
$3g(x) - 1 = \frac{7x+5}{2} \rightarrow 6g(x) - 2 = 7x + 5 \rightarrow g(x) = \frac{7x+7}{6}$ (نمره 0.5)				

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۹	نام درس: تابع وارون	نام فصل: تابع
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابو الفضل قاسمیان

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: گسترده پاسخ					
سؤال:					
اگر $f(x) = 3x + \frac{1}{3}$ و $g(x) = 3(x-1)^3$ مقدار $g^{-1} \circ f^{-1}(\frac{2}{3})$ چقدر است؟					
پاسخ تشریحی:					
$f^{-1}\left(\frac{2}{3}\right): \frac{2}{3} = 3x + \frac{1}{3} \rightarrow 3x = \frac{1}{3} \rightarrow x = \frac{1}{9} \rightarrow f^{-1}\left(\frac{2}{3}\right) = \frac{1}{9}$ $g^{-1} \circ f^{-1}\left(\frac{2}{3}\right) = g^{-1}\left(\frac{1}{9}\right): \frac{1}{9} = 3(x-1)^3 \rightarrow \frac{1}{27} = (x-1)^3 \rightarrow x-1 = \frac{1}{3} \rightarrow x = \frac{2}{3}$					

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: وارون تابع	شماره صفحات: ۲۹
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شبکوه

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۱
سطح شناختی سؤال:		
سطح دشواری سؤال:		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: تابع $y = x - x^2$ در بازه $(-\infty, a)$ اکیدا صعودی است. الف) در این بازه ضابطه تابع وارون را بدست آورید. ب) دامنه و برد تابع وارون را بدست آورید.		
پاسخ تشریحی: الف) تابع $f(x)$ در بازه $(-\infty, \frac{1}{2})$ اکیدا صعودی است.		
$y = x - x^2 \Rightarrow y = -\left(x^2 - x + \frac{1}{4}\right) + \frac{1}{4} = -\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{1}{4} \Rightarrow \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = -y + \frac{1}{4} \Rightarrow$ $f^{-1}(x) = -\sqrt{-x + \frac{1}{4}} + \frac{1}{2}$		
ب) $D_{f^{-1}} = \left(-\infty, \frac{1}{4}\right]$ و $R_{f^{-1}} = \left(-\infty, \frac{1}{2}\right]$		

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل: اول

موضوع: تابع درجه ۳

با تأکید بر صفحه ۵



بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: تابع درجه ۳	شماره صفحات: ۵
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۰/۵	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. برای رسم تابع $y = -(x + 2)^3 - 1$ کافی است نمودار تابع $y = x^3$ را نسبت به محور xها قرینه کرده سپس ۲ واحد به چپ و یک واحد به پایین انتقال دهیم.</p> <p><input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p>				
پاسخ تشریحی: درست				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: ۱- تابع	نام درس: تابع درجه ۳	شماره صفحات:
نام طراح: فاطمه معدن‌دار	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرد تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار دشوار

شماره ک: 0/25

نوع سؤال: پاسخ‌گزین صحیح-غلط چندگزینه‌ای جورکردنی

سؤال: نمودار تابع $y = -x^3 + 3x^2 - 3x + 1$ مربوط به کدام گزینه است؟

4

3

2

1

پاسخ تشریحی: گزینه 2

0/25

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله ای	شماره صفحات: صفحه ۵
نام طراح: سکینه جامه	استان: ایلام	شهرستان: ایلام

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربردن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰/۲۵	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط	<input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: کدام یک از ضابطه های زیر نمایش جبری نمودار مقابل می باشد؟</p> <p>الف) $y = x^3 - 2$</p> <p>ب) $y = (x - 1)^3 + 2$</p> <p>پ) $y = (x + 1)^3 + 2$</p> <p>ت) $y = (x + 2)^3$</p>				
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>با توجه به اینکه نمودار انتقال یافته نمودار تابع $y = x^3$ با اندازه یک واحد به سمت راست (انتقال افقی) و دو واحد به سمت بالاست (انتقال عمودی) بنابراین گزینه ب صحیح است.</p>				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله ای	شماره صفحات: ۵
نام طراح: گروه ریاضی	استان: فارس	شهرستان: شیراز

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>	
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/>	شماره: ۰/۲۵
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی <input type="checkbox"/>	
<p>سوال: در رسم نمودار تابع $f(x) = -(x + 1)^3$ با استفاده از انتقال نمودار $y = x^3$، فقط از انتقال افقی استفاده می‌کنیم.</p>	
<p>پاسخ تشریحی: نادرست</p>	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله‌ای	شماره صفحات: ۵
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

نوع سؤال: پاسخ‌گزین صحیح-غلط چندگزینه‌ای جورکردنی

سؤال: ضابطه هر تابع را به نمودار آن نظیر کنید.

الف) $y = (x + 1)^3 - 1$ ب) $y = -x^3 + 1$ ج) $y = -x^3 - 1$

(۱)

(۲)

(۳)

پاسخ تشریحی:

الف) 3 ب) 1 ج) 2

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۵	نام درس: توابع چند جمله‌ای - توابع صعودی و نزولی	نام فصل: تابع
بخش شبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شماره: 1/5	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input type="checkbox"/>	ساده <input checked="" type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی <input checked="" type="checkbox"/>					
سؤال:					
نمودار تابع $f(x) = -x^3$ را سه واحد به سمت راست، سپس دو واحد به سمت بالا منتقل می‌کنیم. کدام یک از ضابطه‌های زیر، ضابطه تابع جدید است؟					
الف) $g(x) = (-x - 3)^3 + 2$			ب) $h(x) = -(x - 3)^3 + 2$		
پاسخ تشریحی:					
گزینه ب					

بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: صفحه ۵	نام درس: توابع چند جمله ای	نام فصل: تابع
شهرستان: ایلام	استان: ایلام	نام طراح: سکینه چاه

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: 0.75	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
<p>سؤال: نمودار تابع $y = x^3$ را یک واحد به سمت چپ و سپس یک واحد به سمت پایین انتقال داده ایم. اگر نمایش جبری تابع جدید به صورت $y = x^3 + ax^2 + bx$ باشد، آنگاه مقدار $a + b$ چقدر است؟</p>					
<p>پاسخ تشریحی: $y = x^3 \xrightarrow{x \rightarrow x+1} (x+1)^3 (0/25) \xrightarrow{y \rightarrow y-1} (x+1)^3 - 1 = x^3 + 3x^2 + 3x (0/25)$ بنابراین با مقایسه با ضابطه داده شده $a + b = 6$ می باشد. (0/25)</p>					

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله‌ای	شماره صفحات:
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

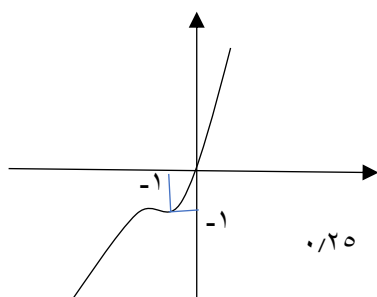
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۱
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: الف) نمودار تابع $y = x^3$ برای x های نامنفی روی بازه $.....$ پایین تر از نمودار $y = x^2$ است. ب) نمودار $y = (-x + 1)^3$ قرینه نمودار $.....$ نسبت به محور y ها می باشد.
پاسخ تشریحی: الف) $(0, 1)$ ب) $y = (x + 1)^3$

بخش سوم: گسترده پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: تابع درجه ۳	شماره صفحات: ۵
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شماره: ۱	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ	
سؤال: نمودار تابع $f(x) = 2(x + 1)^3 - 1$ را با دامنه $(-2, 0]$ رسم کنید.	
پاسخ تشریحی:	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: ۱- تابع	نام درس: تابع درجه ۳	شماره صفحات: ۵
نام طراح: فاطمه معدنदार	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۱
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: به کمک نمودار تابع $y = x^3$ ، نمودار تابع $f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x$ را رسم کنید.
پاسخ تشریحی:
$f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 1 - 1 \quad ۰,۲۵$ $= (x + 1)^3 - 1 \quad ۰,۲۵$ 

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله ای - صعودی و نزولی	شماره صفحات: صفحه ۵
نام طراح: سکینه جا مه	استان: ایلام	شهرستان: ایلام

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ
<p>سؤال: نمودار مقابل نمایش تابع با ضابطه $y = (x - h)^3 + k$ می باشد مختصات دو نقطه A و B را بدست آورید.</p>
<p>پاسخ تشریحی: نمودار داده شده انتقال یافته تابع $y = x^3$ به اندازه یک واحد به سمت راست و ۸ واحد به سمت بالا است. پس ضابطه نمایش آن به صورت $y = (x - 1)^3 + 8$ می باشد. (0 / 25) A محل تقاطع نمودار با محور طول ها است : $x = 0 \Rightarrow y = 7 \Rightarrow A(0, 7)$ (0/25) B محل تقاطع با محور عرض ها است : $y = 0 \Rightarrow x = -1 \Rightarrow B(-1, 0)$ (0 / 25)</p>

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: ۱۲
نام فصل: اول	نام درس: توابع چند جمله ای	شماره صفحات: ۵
نام طراح: محمد صادقی	استان: تهران	شهرستان: شمیرانات - منطقه ۱

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شماره ک: 1/25
نوع سؤال: گسترده پاسخ
<p>سؤال:</p> <p>اگر نمودار تابع $f(x) = a(x - b)^3 - d$ به صورت زیر باشد ، ضابطه نمودار را بدست آورید.</p>
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>خ</p> $f(x) = a(x - 3)^3 - 2 \quad 0.25 \rightarrow$ $\left[\begin{matrix} 1 \\ 0 \end{matrix} \right] \in f \rightarrow f(1) = 0 \quad 0.25 \rightarrow a(1 - 3)^3 - 2 = 0 \rightarrow a = \frac{-1}{4} \quad 0.25 \rightarrow f(x) =$ $\frac{-1}{4}(x - 3)^3 - 2 \quad 0.25 \quad f(x) = \frac{-1}{4}x^3 + \frac{9}{4}x^2 - \frac{27}{4}x + \frac{27}{4} \rightarrow$ $c = \frac{27}{4} \quad 0.25$

دبیرخانه راهبری کشوری ریاضی متوسطه دوم مستقر در شهر تهران

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله‌ای	شماره صفحات: ۵
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شماره ک: 1.5

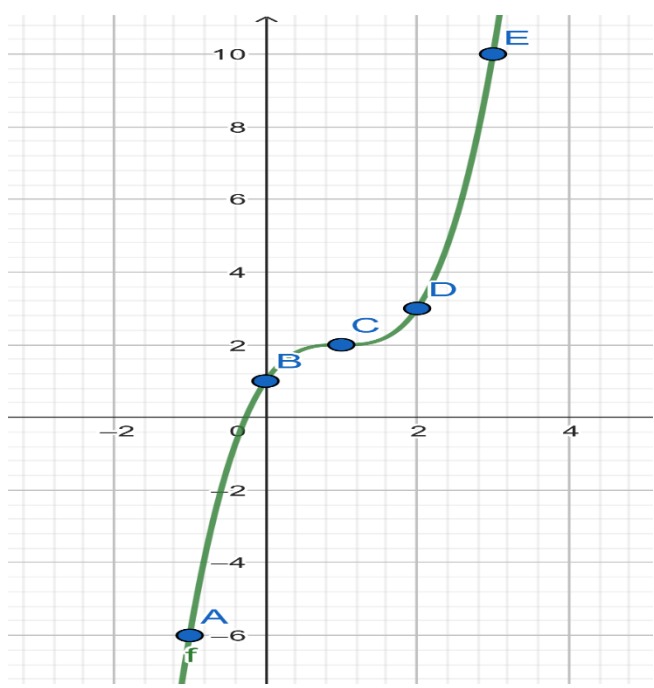
نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال: نمودار تابع $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x + 1$ را رسم کنید و دامنه و برد آن را مشخص نمایید.

پاسخ تشریحی:

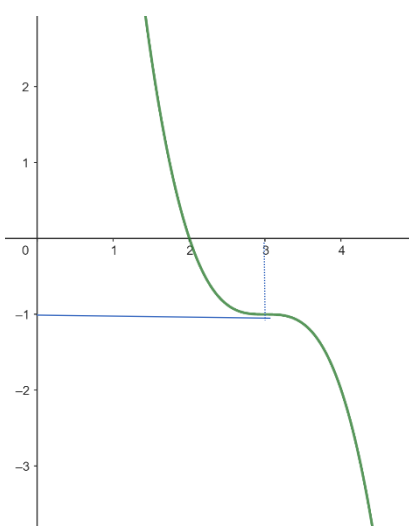
$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x + 2 = x^3 - 3x^2 + 3x - 1 + 2 = (x - 1)^3 + 2$$

x	-1	0	1	2	3
$f(x)$	-6	1	2	3	10



*نمودار با استفاده از انتقال نیز رسم می شود.

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: توابع چند جمله ای	شماره صفحات: ۵
نام طراح: گروه ریاضی	استان: فارس	شهرستان: شیراز

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱/۲۵	
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
<p>سؤال: نمودار تابع $f(x) = a(x - b)^3 + c$ رسم شده است. مقدار $a + b + c$ را بیابید. ($a = 1$)</p> 				
<p>پاسخ تشریحی: با توجه به اینکه $a = 1$ و نمودار رسم شده خواهیم داشت $a = -1$. (۰/۲۵) ابتدا نمودار $y = -x^3$ را رسم کرده (۰/۲۵)، سپس آن را ۳ واحد انتقال افقی به سمت راست و یک واحد انتقال عمودی به سمت پایین می دهیم. بنابراین داریم:</p> <p>(۰/۵) $y = -(x - 3)^3 - 1$ (۰/۲۵) $a = c = -1, b = 3$ $a + b + c = 1$</p>				

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲ تا ۵	نام درس: توابع چند جمله ای	نام فصل: تابع
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/>
شمارک: ۰/۷۵		دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/>
نوع سؤال: گسترده پاسخ					
سؤال:					
نمودار تابع $f(x) = -x^3 + 9x^2 - 27x + 20$ را رسم کنید.					
پاسخ تشریحی:					
$f(x) = -(x^3 - 9x^2 + 27x - 27) - 7$ $\Rightarrow f(x) = -(x - 3)^3 - 7$					
رسم نمودار با استفاده از انتقال $y = -x^3$ سه واحد به سمت راست و ۷ واحد به پایین					

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل: اول

موضوع: تبدیل نمودار توابع

تأکید بر صفحه ۲۳ تمرین ۱۰ و ۱۱



بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: انتقال تابع	شماره صفحات: ۱۱-۲۳
نام طراح: رزا زاهدی مقدم	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۲۵
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی
سؤال: اگر $f(x) = \cos x$ باشد، آنگاه نمودارهای $y = f(x)$ و $y = f(-x)$ بر هم منطبق هستند.
پاسخ تشریحی: درست

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: دوم (تبدیل نمودار توابع)	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرد تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار **شمارک: ۰.۷۵**

نوع سؤال: پاسخ‌گزین صحیح-غلط چندگزینه‌ای جورکردنی

سؤال: ضابطه هر تابع را به نمودار آن نظیر کنید. (یک نمودار اضافه است).

(۱)

الف) $y = -\frac{1}{2} \cos\left(-\frac{1}{2}x\right)$

ب) $y = \cos\left(\frac{1}{2}x\right)$

پ) $y = -\cos(2x)$

(۲)

(۳)

(۴)

پاسخ تشریحی:

نمودار الف به شماره ۴ (۰.۲۵) نمودار ب به شماره ۲ (۰.۲۵)
نمودار پ به شماره ۳ (۰.۲۵)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۱ (تابع)	نام درس: تبدیل نمودار	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: بتول معتمد-حمیدرضا عظیمی	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: سرایان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۵
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی
سؤال: اگر نمودار تابع f به شکل زیر باشد نمودار $y = -f(-x)$ در کدام ناحیه دستگاه مختصات قرار دارد؟
<p> <input type="radio"/> اول (۱) <input type="radio"/> دوم (۲) <input type="radio"/> سوم (۳) <input type="radio"/> چهارم (۴) </p>
<p> پاسخ تشریحی: گزینه ۳ - ناحیه سوم تابع باید ابتدا نسبت به محور طول ها و سپس نسبت به محور عرض ها قرینه شود (۰/۵) </p>

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل اول تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: مهدیه محمدزاده	استان: تهران	شهرستان: تهران – منطقه ۹

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> اربستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شماره ک: ۰/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ‌گزين <input checked="" type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی	
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید: اگر $f(x) = \text{Cos}(x)$، نمودار توابع $y = f(x)$ و $y = f(-x)$ بر هم منطبق اند.</p>	
پاسخ تشریحی: درست (۰/۲۵)	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

نوع سؤال: پاسخ‌گزین صحیح-غلط چندگزینه‌ای جورکردنی

شمارک: ۲

سؤال: ضابطه هر تابع را به نمودار آن نظیر کنید.

الف) $y = -2\sin x + 1$ ب) $y = -\frac{1}{2}\sin(x + 1)$

ج) $y = -\sin(2x + 1)$ د) $y = -\sin\left(\frac{1}{2}x\right) + 1$

پاسخ تشریحی:

(الف) (۱)

(ب) (۲)

(ج) (۴)

(د) (۳)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شبکوه

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ‌گزینه <input checked="" type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی
سوال: برای رسیدن به نمودار $y = f(x)$ با داشتن نمودار تابع $y = f(2x)$ هر x را در ۲ ضرب می‌کنیم.
پاسخ تشریحی: درست

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار تابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: اصلاان صفوی - عضو دبیرخانه	استان: تهران	شهرستان: تهران

سطح شناختی سؤال:	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال:	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input checked="" type="checkbox"/> دشوار	شمارک:	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین	<input type="checkbox"/> صحیح-غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) اگر تابع $y = f(x)$ را با ضریب $\frac{1}{4}$ در راستای محور x ها منقبض کنیم و سپس $\frac{3}{4}$ واحد به راست ببریم، تابع $y = f(2x - 3)$ حاصل می‌شود. ب) اگر نمودار $f(1-x)$ را نسبت به محور y ها قرینه کنیم و ۲ واحد به راست انتقال دهیم، تابع $y = f(x-1)$ حاصل می‌شود. ج) اگر $A = (2, -1)$ روی تابع $y = 1 - f(2x)$ باشد، آنگاه متناظر آن روی تابع $y = 2 + f(x-1)$ نقطه $A'(5, 0)$ خواهد بود.</p>					
<p>پاسخ تشریحی: الف) درست ب) درست ج) نادرست</p>					

بخش دوم: کوتاه پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: دوم (تبدیل نمودار توابع)	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شماره: ۰/۷۵
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: نمودار تابع f با ضابطه $f(x) = \sin x$ را یک واحد به سمت راست منتقل می کنیم سپس طول نقاط آن را نصف کرده و مجدداً آن را یک واحد به راست منتقل می کنیم و در آخر نمودار به دست آمده را نسبت به محور عرض ها قرینه می کنیم. ضابطه تابعی که نمودار آن بدست آمده را بنویسید.
پاسخ تشریحی: $y = \sin x \rightarrow y = \sin(x - 1) \rightarrow y = \sin(2(x - 1))$ $\rightarrow y = \sin(2(x - 1) - 1) = \sin(2x - 3)$ $\rightarrow y = -\sin(2x - 3)$ یا $y = \sin(-2x + 3)$ (۰.۷۵)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۱ (تابع)	نام درس: درس دوم (ترکیب توابع)	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: بتول معتمد - حمیدرضا عظیمی	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: سرایان

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۵
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: اگر دامنه تابع f برابر $D_f = [-2, 4]$ باشد، دامنه تابع $g(x) = -3f(\frac{x}{2})$ را بدست آورید؟
پاسخ تشریحی: برای به دست آوردن دامنه تابع g کافی است دامنه تابع f را در عدد ۲ ضرب کنیم. $D_g = [-4, 8]$ (۰/۲۵)

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل اول تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: مهدیه محمدزاده	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۹

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰/۷۵	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ				
سؤال: تابع $f(x)$ با دامنه $[-2, 8]$ مفروض است. دامنه $f(2x)$ تابع را مشخص کنید.				
پاسخ تشریحی: نمودار $f(x)$ در امتداد محور x ها با ضریب $\frac{1}{2}$ منقبض می شود. (۰/۲۵) $-2 \leq x \leq 8 \rightarrow -1 \leq x \leq 4$ (۰/۵)				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شماره سؤال: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: فرض کنید $f(x) = \cos x, x \in [-\pi, 2\pi]$ و $g(x) = -3\cos\left(\frac{1}{2}x - \pi\right) + 2$ ، تبدیل یافته f باشد. دامنه و برد تابع $g(x)$ را به صورت بازه بنویسید.	
پاسخ تشریحی: $R_g = [-۱, ۵]$ و $D_g = [0, 6\pi]$	

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شبکوه

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ				
سؤال:				
اگر دامنه تابع $y = f(x - 1) + 2$ برابر $[-2, 3]$ باشد. دامنه تابع $y = f(2x - 1) - 2$ را بیابید.				
پاسخ تشریحی:				
$-2 < x \leq 3 \rightarrow -3 < x - 1 \leq 2 \rightarrow D_f = (-3, 2]$ $-3 < 2x - 1 \leq 2 \rightarrow -2 < 2x \leq 3 \rightarrow -1 < x \leq \frac{3}{2}$ $(-1, \frac{3}{2}]$				

بخش سوم: گسترده پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: ۱	نام درس: ۲	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شماره: ۱

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال: نمودار تابع $y = -2\cos\left(\frac{1}{2}x\right) + 1$ را به کمک نمودار تابع $y = \cos x$ در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید.

پاسخ تشریحی:

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: اول	نام درس: انتقال تابع	شماره صفحات: ۱۱-۲۳
نام طراح: رزا زاهدی مقدم	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱/۵	
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
<p>سؤال: نمودار مقابل فقط به کمک دو تبدیل قرینه یابی و انتقال از روی نمودار $y = \sqrt{x}$ رسم شده است. عرض نقطه M را بدست آورید؟</p>				
<p>پاسخ تشریحی: ضابطه نمودار صورت سوال به باید صورت $y = a - \sqrt{4 - x}$ باشد، زیرا فقط از بازتاب و انتقال استفاده کرده ایم. مختصات نقطه $(1, 4)$ را در ضابطه قرار می دهیم: $1 = a - \sqrt{4 - 4} \rightarrow a = 1 \rightarrow y = 1 - \sqrt{4 - x}$ با جای گذاری $x_M = 0$ به عرض نقطه M میرسیم: $y_M = 1 - 2 = -1$</p>				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرد تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار شمارک: ۱

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال:

نمودار تابع f با ضابطه $f(x) = 1 - \frac{1}{2} \cos 2x$ را به کمک نمودار تابع $y = \cos x$ در بازه $[-\pi, \pi]$ رسم کنید

پاسخ تشریحی:

ابتدا نمودار تابع $y = \cos x$ را رسم می کنیم، سپس طول هر نقطه روی این نمودار را $\frac{1}{2}$ ضرب کنیم تا نمودار $y = \cos 2x$ به دست آید. سپس عرض نقاط را $\frac{1}{2}$ ضرب و با ۱ جمع می کنیم.
(رسم صحیح انمره)

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۳	نام درس: تبدیل نمودار توابع	نام فصل: تابع
بخش شبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱		دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: گسترده پاسخ					
سؤال:					
اگر دامنه و برد تابع $y = f(x)$ به ترتیب برابر $[-۲, ۳]$ و $(-۳, -\infty)$ باشد، دامنه و برد تابع $y = ۱ - f(۳ - ۲x) $ را بدست آورید.					
پاسخ تشریحی:					
$-۲ < ۳ - ۲x \leq ۳ \Rightarrow -۵ < -۲x \leq ۰$ $\Rightarrow ۰ \leq x < \frac{۵}{۲} \Rightarrow D = \left[۰, \frac{۵}{۲}\right]$					
$f(۳ - ۲x) \leq -۳ \rightarrow f(۳ - ۲x) \geq ۳$ $\rightarrow - f(۳ - ۲x) \leq -۳$ $\rightarrow ۱ - f(۳ - ۲x) \leq -۲$ $\rightarrow R = (-\infty, -۲]$					

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: اصلاص صفوی-عضو دبیرخانه	استان: تهران	شهرستان: تهران

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۱	
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
سؤال:				
تابع $f(x) = \sqrt{x}$ را در نظر می‌گیریم. نمودار تابع را یک واحد به چپ انتقال داده و سپس نسبت به محور y قرینه می‌کنیم و ۲ واحد آن را به راست انتقال می‌دهیم. ضابطه تابع جدید را بنویسید.				
پاسخ تشریحی:				
$y = \sqrt{x} \xrightarrow{\text{یک واحد به چپ}} y = \sqrt{x+1} \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } y} y = \sqrt{1-x} \xrightarrow{\text{دو واحد به راست}} y = \sqrt{1-(x-2)} \rightarrow y = \sqrt{3-x}$				

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: اصلاص صغوی-عضو دبیرخانه	استان: تهران	شهرستان: تهران

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۱
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: مراحل تبدیل تابع $y = 2 + \sqrt{1 - 3x}$ را به تابع $y = \sqrt{x}$ به ترتیب بنویسید.
پاسخ تشریحی: ۱- با ضریب ۳ در راستای محور x ها منبسط می کنیم. ۲- نسبت به محور y ها قرینه می کنیم. ۳- یک واحد به راست منتقل می کنیم. ۴- دو واحد به پایین منتقل می کنیم.

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: تابع	نام درس: تبدیل نمودار توابع	شماره صفحات: ۲۳
نام طراح: اصلا صغوی-عضو دبیرخانه	استان: تهران	شهرستان: تهران

سطح شناختی سؤال:	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب
ارزنیابی	<input type="checkbox"/>			
سطح دشواری سؤال:	<input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک:
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
سؤال:	<p>نمودار تابع $y = x - 1$ را نسبت به محور yها قرینه می‌کنیم و سپس آن را ۳ واحد به راست انتقال می‌دهیم و سپس با ضریب $\frac{1}{3}$ در راستای افقی، منقبض می‌کنیم. پس از آن نمودار را با ضریب $\frac{1}{3}$ در راستای محور yها منقبض می‌کنیم. ضابطه تابع جدید را بنویسید.</p>			
پاسخ تشریحی:	$y = x - 1 \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } y} y = (-x) - 1 = x + 1 \xrightarrow{\text{۳ واحد به راست}} y = (x - 3) + 1 $ $= x - 2 \xrightarrow{\text{انقباض افقی با ضریب } \frac{1}{3}} y = (2x) - 2 \xrightarrow{\frac{1}{3} \times f(x)} y = \frac{1}{3} \times 2x - 2 \rightarrow y = x - 1 $			

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل: دوم

موضوع: تابع متناوب

با تأکید بر صفحه ۴۱

تمرین ۴



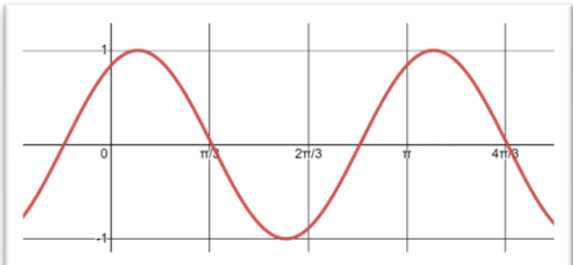
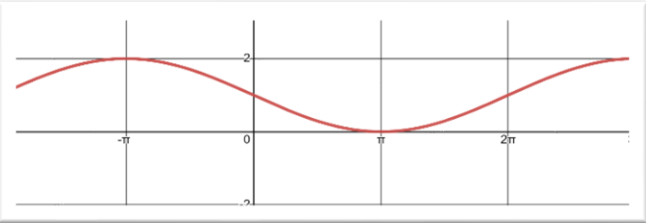
سؤالات مفهومی

بخش اول: پاسخ گزین

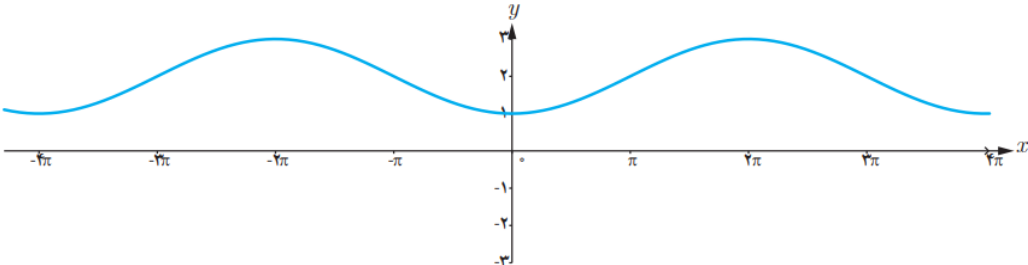
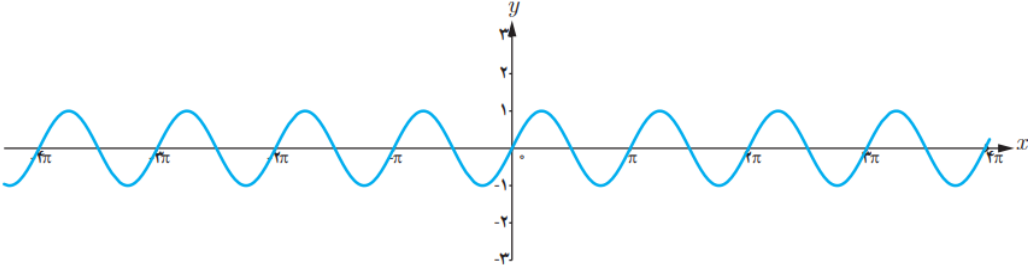
پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: تناوب و تانژانت	نام فصل: مثلثات
شهرستان: کازرون	استان: فارس	نام طراح: مریم رضاییان زاده - غلامحسین جعفری

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی
سؤال: در ربع چهارم تانژانت هر زاویه از سینوس آن زاویه کوچکتر است .
پاسخ تشریحی: صحیح است . باتوجه به دایره مثلثاتی و محور سینوس و تانژانت و تمرین ۶ صفحه ۴۱

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۳	نام درس: ترکیب توابع - تبدیل نمودار توابع	نام فصل: تابع
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سطح دشواری سؤال: نوع سؤال: پاسخ‌گزين <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی <input checked="" type="checkbox"/>
شمارک: ۲ نمره	سؤال: ضابطه هر تابع را به نمودار آن نظیر کنید. (یک ضابطه اضافه است). الف) $y = -\sin(2x + 1)$ ب) $y = -\frac{1}{2}\sin(x + 1)$ ج) $y = -\sin\left(\frac{1}{2}x\right) + 1$	
 <p>(۱)</p>	پاسخ تشریحی: نمودار (۱) مربوط به ضابطه ج و نمودار (۲) مربوط به ضابطه الف	
 <p>(۲)</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۲۳	نام درس: معادله مثلثاتی	نام فصل: مثلثات
شهرستان: شیراز	استان: فارس	نام طراح: گروه ریاضی استان

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input checked="" type="checkbox"/>	کاربستن <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۰.۵ نمره		دشواری سؤال: ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/>			سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: پاسخ گزین					
سؤال: هر یک از توابع داده شده را با نمودارهای زیر نظیر کنید.					
الف) $y = \sin 2x$			ب) $y = 2 - \cos \frac{1}{2}x$		
<p>۱) </p> <p>۲) </p>					
پاسخ تشریحی:					
الف) ۲ ب) ۱					

بخش دوم: کوتاه پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تهری	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۲ (مثلثات)	نام درس: درس دوم (تناوب و تانژانت)	شماره صفحات: ۴۱
نام طراح: بتول معتمد-همیدرضا عظیمی	استان: فراسان جنوبی	شهرستان: سرایان

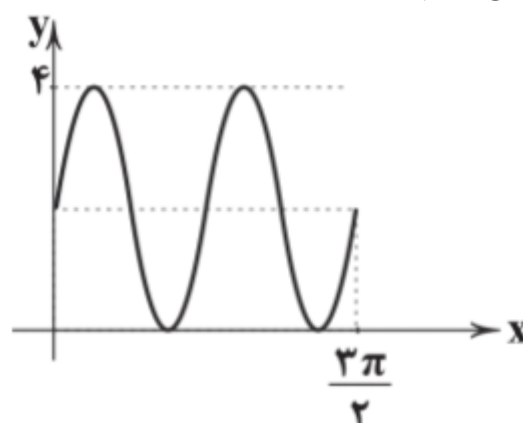
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۰.۵ نمره	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ				
سؤال: در تابع $y = -2\cos(\pi x) + 1$ فاصله بین حداقل و حداکثر تابع برابر است.				
پاسخ تشریحی:				
$\max = a + c = -2 + 1 = 3 \quad , \quad \min = - a + c = - -2 + 1 = -1 \quad \rightarrow \quad \max - \min = 4$				
(۰/۵)				

دبیرخانه راهبری کشور ریاضی متوسطه دوم مستقر در شهر تهران

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: تناوب و تانژانت	نام فصل: مثلثات
شهرستان: کازرون	استان: فارس	نام طراح: مریم رضاییان زاده - غلامحسین جعفری

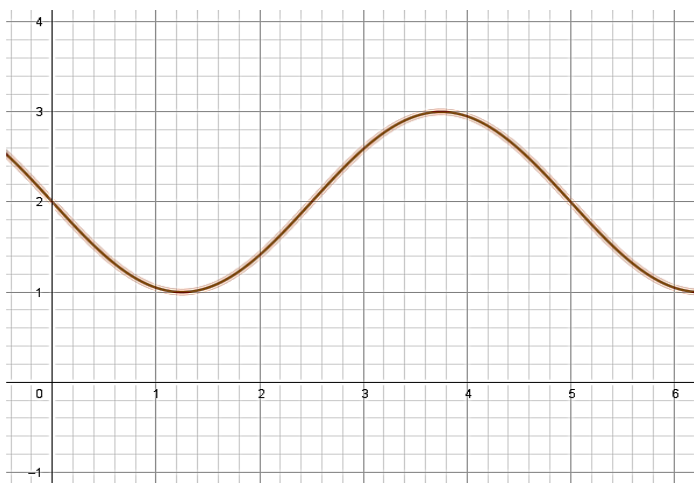
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شمارک: ۰.۵ نمره	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: بازه تغییرات مقادیر تانژانت در ربع سوم مثلثاتی چیست؟	
پاسخ تشریحی: با توجه به محور تانژانت و کاردر کلاس صفحه ۳۸ بازه $(0 + \infty)$ ، بازه تغییرات مقدار تانژانت است	

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: تناوب و تانژانت	نام فصل: مثلثات
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان

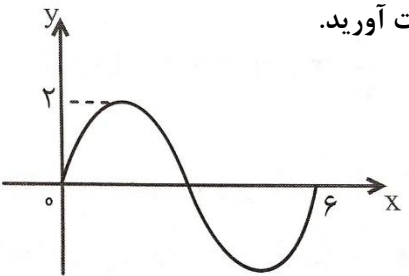
<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربستن <input type="checkbox"/> فهمیدن سطح شناختی سؤال:	
شمارک: ۱ نمره	<input type="checkbox"/> دشوار <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> ساده سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: دوره تناوب تابع رسم شده زیر است.	
	
پاسخ تشریحی: $\frac{3\pi}{4}$	

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: تناوب و تانژانت (تابع متناوب)	نام فصل: مثلثات
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمنش

<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شماره ک: ۱.۵ نمره		سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: گسترده پاسخ				
سؤال: ضابطه مربوط به نمودار داده شده زیر را بنویسید.				
				
پاسخ تشریحی:				
$y = a \sin(bx) + c \quad (0.25)$				
$\begin{aligned} \max &= a + c \Rightarrow 3 = a + c \\ \min &= - a + c \Rightarrow 1 = - a + c \end{aligned} \Rightarrow a = 1, c = 2 \quad (0.5)$				
از روی نمودار، دوره تناوب تابع برابر است با $5 = 6 - 1$				
$T = \frac{2\pi}{ b } = 5 \rightarrow b = \frac{2}{5}\pi \quad (0.25)$				
با توجه به نمودار a و b باید مختلف علامت باشند. (0.25)				
$\rightarrow y = 2 + \sin\left(\frac{-2}{5}\pi x\right) \quad (0.25)$				

پایه: دوازدهم	رشته: تهرپی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: درس دوم (تناوب و تائزانت)	نام فصل: فصل ۲ (مثلثات)
شهرستان: سرایان	استان: فراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد-همیدرضا عظیمی

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شماره: ۱/۲۵ نمره		نوع سؤال: گسترده پاسخ
<p>سؤال: شکل زیر قسمتی از نمودار تابع $y = a \sin(b\pi x)$ است. $a + b$ را به دست آورید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>با توجه به نمودار دوره تناوب $T = 6$ است.</p> $\frac{2\pi}{ b } = 6 \rightarrow b = \frac{1}{3} \rightarrow b = \pm \frac{1}{3} \quad (۰/۲۵)$ $ a = \frac{\max - \min}{2} = \frac{2 - (-2)}{2} = 2 \rightarrow a = \pm 2 \quad (۰/۲۵)$ <p>با توجه به شکل نمودار و ضابطه تابع متوجه می شویم مقادیر a, b باید هم علامت باشند.</p> $a + b = 2 + \frac{1}{3} = \frac{7}{3} \quad \text{یا} \quad a + b = -2 - \frac{1}{3} = \frac{-7}{3} \quad (۰/۲۵)$		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: تناوب و تانژانت	نام فصل: مثلثات
شهرستان: کازرون	استان: فارس	نام طراح: مریم رضاییان زاده - غلامحسین جعفری

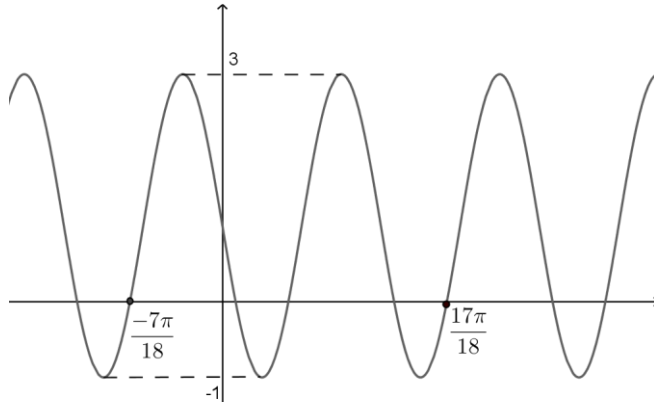
سطح شناختی سؤال: فهمیدن کاربرستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار

شمارک: ۱.۵ نمره

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال: نمودار تابع $f(x)$ در شکل مقابل داده شده است. ضابطه تابع را به فرم $y = a \cos bx + c$ یا $y = a \sin bx + c$ بنویسید.



پاسخ تشریحی:

$$2T = \frac{17\pi}{18} - \left(-\frac{7\pi}{18}\right) = \frac{4\pi}{3} \rightarrow T = \frac{2\pi}{3} \quad (۰,۲۵)$$

$$c = \frac{\max + \min}{2} = 1 \quad \text{و} \quad |a| = \frac{\max - \min}{2} = 2 \rightarrow a = \pm 2 \quad (۰,۱۵)$$

$$T = \frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{3} \rightarrow |b| = 3 \rightarrow b = \pm 3 \quad (۰,۲۵)$$

$$y = -2\sin 3x + 1 \quad (۰,۱۵)$$

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۴۱	نام درس: تابع متناوب	نام فصل: مثلثات
بخش شبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

سطح شناختی سوال:

سطح دشواری سوال: متوسط

نوع سوال: گسترده پاسخ

سوال: دوره تناوب، ماکزیمم و مینیمم تابع $y = 3 - \sin(3x - 2\pi)$ را بدست آورید.

پاسخ تشریحی:

$$y = 3 + \sin(2\pi - 3x) = 3 + \sin 3x \Rightarrow \text{Max} = 4. \text{min} = 2. T = \frac{2\pi}{3}$$

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل: دوم

موضوع: معادله مثلثاتی

با تأکید بر صفحه 48

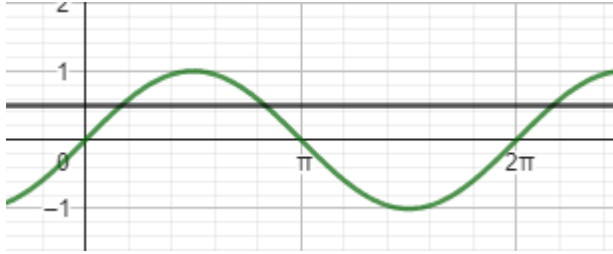
تمرین 4



سؤالات مفهومی

بخش اول: پاسخ گزین

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 48	نام درس: درس دوم (معادلات مثلثاتی)	نام فصل: فصل 2 (مثلثات)
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمر-همیدرضا عظیمی

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:	
شمارک: 0/25 نمره		دشواری <input type="checkbox"/>		متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال:
		چندگزینه‌ای <input checked="" type="checkbox"/>		جورکردنی <input type="checkbox"/>	صحیح- غلط <input type="checkbox"/>	نوع سؤال: پاسخ گزین
<p>سؤال: در شکل زیر نمودار دو تابع $y = \sin x$, $y = \frac{1}{2}$ رسم شده است. مختصات طول نقاط برخورد کدام است؟ (kE Z)</p>						
			<p>الف) $k\pi + \frac{\pi}{6}$</p> <p>ب) $k\pi + \frac{5\pi}{6}$</p> <p>ج) $\begin{cases} 2k\pi + \frac{5\pi}{6} \\ 2k\pi + \frac{\pi}{6} \end{cases}$</p> <p>د) $2k\pi \pm \frac{\pi}{6}$</p>			
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>با توجه به حل معادله مثلثاتی سینوس گزینه ج صحیح می باشد (0/25)</p>						

دبیرخانه راهبری کشور ریاضی متوسطه دوم مستقر در شهر تهران

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 48	نام درس: معادله مثلثاتی	نام فصل: مثلثات
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

سطح شناختی سوال:
سطح دشواری سوال: ساده
نوع سوال: صحیح-غلط
سوال: مثلثی با مساحت 12 سانتی متر مربع مفروض است، اگر اندازه اضلاع آن به ترتیب 6 و 4 سانتی متر باشد آنگاه دو مثلث با این ویژگی می توان ساخت.
پاسخ تشریحی: نادرست.

بخش دوم: کوتاه پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مثلثات	نام درس: معادلات مثلثاتی	شماره صفحات: 48
نام طراح: خدیجه دردائی	استان: البرز	شهرستان: کرج

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: مثلثی با مساحت $2\sqrt{2}$ سانتی متر مربع مفروض است. اگر اندازه دو ضلع آن 2 و 4 سانتی متر باشد، آنگاه چند مثلث با این خاصیت می توان ساخت؟
پاسخ تشریحی:
$s = \frac{1}{2} AB \times AC \times \sin(A) \rightarrow 2\sqrt{2} = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 \times \sin(A) \rightarrow \sin(A) = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow A = \frac{\pi}{4}, A = \frac{3\pi}{4} \Rightarrow$ <p>مساله دو جواب دارد</p>

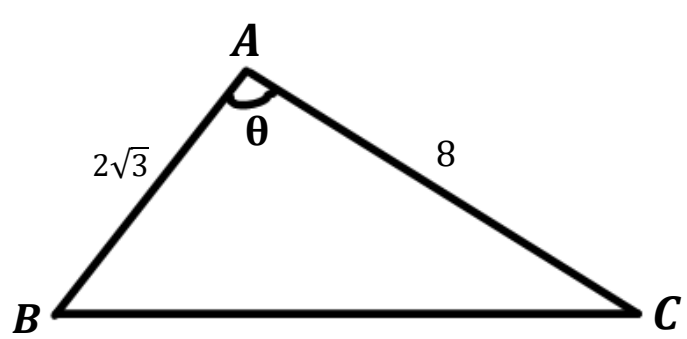
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 48	نام درس: معادلات مثلثاتی	نام فصل: مثلثات
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمنش

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: 0.5 نمره	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input type="checkbox"/>	ساده <input checked="" type="checkbox"/>		سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال: چند مثلث با مساحت 24 سانتی متر مربع داریم که طول دو ضلع آنها 8 و 12 سانتی متر است؟					
پاسخ تشریحی: $S = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 \times \sin \alpha = 24 \rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{2} (0.25) \rightarrow \alpha = 30^\circ, 150^\circ (0.25)$ به این ترتیب دو مثلث با ویژگی های مورد نظر وجود دارد.					

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل 2 (مثلثات)	نام درس: درس دوم (معادلات مثلثاتی)	شماره صفحات: 48
نام طراح: بتول معتمد-همیدرضا عظیمی	استان: فراسان جنوبی	شهرستان: سراپان

سطح شناختی سؤال:	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال:	<input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: 1 نمره	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال: مثلثی با مساحت 12 سانتی متر مربع مفروض است. اگر اندازه دو ضلع آن به ترتیب 4 و 12 سانتی متر باشد آنگاه چند مثلث با این خاصیت می توان ساخت؟					
پاسخ تشریحی:					
$S = \frac{1}{2} \times 4 \times 12 \times \sin\theta = 12 \xrightarrow{0/25} \sin\theta = \frac{1}{2} \rightarrow \theta = \begin{cases} 2k\pi + \frac{5\pi}{6} \\ 2k\pi + \frac{\pi}{6} \end{cases} \quad 0/5 \quad (k \in \mathbb{Z})$ <p>که دو زاویه 30 و 150 صحیح می باشد پس دو مثلث می توان ساخت. 0/25</p>					

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: صفحه 48	نام درس: معادلات مثلثاتی	نام فصل: مثلثات
شهرستان: تهران-منطقه 5	استان: تهران	نام طراح: مریم ذاکری

سطح شناختی سؤال: ■ فهمیدن ■ کاربرد ■ تحلیل □ ترکیب □ ارزشیابی □	
شمارک: 0/75 نمره	سطح دشواری سؤال: ■ ساده □ متوسط □ دشوار □
نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سؤال: مثلث ABC با اضلاع 8 و $2\sqrt{3}$ دارای مساحت 12 است. مقدار ممکن برای θ کدام را بیابید.	
	
0/25	پاسخ:
$S = \frac{1}{2} AB \times AC \times \sin \theta \rightarrow 12 = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 8 \times \sin \theta$	
$\sin \theta = \frac{\sqrt{3}}{2} = \sin \frac{\pi}{3} \Rightarrow \begin{cases} \theta = 2k\pi + \frac{\pi}{3} \rightarrow \theta_1 = \frac{\pi}{3} \\ \theta = 2k\pi + \frac{2\pi}{3} \rightarrow \theta_2 = \frac{2\pi}{3} \end{cases}$	
0/5	

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 48	نام درس: معادله مثلثاتی	نام فصل: مثلثات
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

سطح شناختی سوال:
سطح دشواری سوال: ساده
نوع سوال: پاسخ کوتاه
سوال: مثلثی با مساحت $4\sqrt{3}$ سانتی متر مربع مفروض است. اگر اندازه اضلاع آن به ترتیب 8 و 2 سانتی متر باشد آنگاه دو مثلث با این ویژگی می توان ساخت که زاویه های بین این دو ضلع و درجه باشد.
پاسخ تشریحی:
120 و 60

بخش سوم: گسترده پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مثلثات	نام درس: معادلات مثلثاتی	شماره صفحات: 48
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input checked="" type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input checked="" type="checkbox"/> شمارک: 1.5 نمره
نوع سؤال: گسترده پاسخ
سؤال: اگر $\tan \alpha = \sqrt{3}$ و زاویه ای در ناحیه اول باشد، جواب های معادله $4 \cos \alpha \sin x - 2 \sin \alpha = 0$ را بدست آورید.
پاسخ تشریحی: $\tan \alpha = \sqrt{3} \rightarrow \alpha = \frac{\pi}{3} (0.25)$ $4 \cos \frac{\pi}{3} \sin x - 2 \sin \frac{\pi}{3} = 0 (0.25) \rightarrow 2 \sin x - \sqrt{3} = 0 (0.25), \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2} (0.25) \rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi + \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \\ x = 2k\pi + \frac{2\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \end{cases} (0.5)$

سوالات مفهومی ریاضی ۳

فصل: سوم

موضوع: حد بی نهایت

با تأکید بر صفحه 57

تمرین های 4 و 5



سؤالات مفهومی

بخش اول: پاسخ گزین

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 57	نام درس: 1	نام فصل: 3
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	سطح شناختی سؤال:
شمارک: 0/5	<input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار سطح دشواری سؤال:
<input type="checkbox"/> جورکردنی <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> صحیح- غلط	نوع سؤال: پاسخ گزین
الف) $1 < k < 2$ ب) $2 < k < 3$ پ) $3 < k$ ت) $k < 2$	سؤال: اگر $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{[x]-k}{x-3} = +\infty$ حدود k کدام است.
پاسخ تشریحی: گزینه الف	

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت	نام درس: حد بی نهایت	شماره صفحات: 57
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی								
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار								
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input checked="" type="checkbox"/> جورکردنی								
سؤال: حاصل هر حد را به جواب های آن نظیر کنید. (یک مورد اضافی است).								
<table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td style="width: 60%;">(الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^-}{2}} \frac{\sin 2x}{2 \cos x}$</td> <td style="width: 40%; text-align: center;">-1</td> </tr> <tr> <td>(ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^+}{2}} \frac{\tan x}{\cot x}$</td> <td style="text-align: center;">$-\infty$</td> </tr> <tr> <td>(پ) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{[-x]}{x}$</td> <td style="text-align: center;">∞</td> </tr> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;">1</td> </tr> </table>	(الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^-}{2}} \frac{\sin 2x}{2 \cos x}$	-1	(ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^+}{2}} \frac{\tan x}{\cot x}$	$-\infty$	(پ) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{[-x]}{x}$	∞		1
(الف) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^-}{2}} \frac{\sin 2x}{2 \cos x}$	-1							
(ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi^+}{2}} \frac{\tan x}{\cot x}$	$-\infty$							
(پ) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{[-x]}{x}$	∞							
	1							
پاسخ تشریحی: الف) 1 (0.25) ب) ∞ (0.25) پ) $-\infty$ (0.25)								

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: تیربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل 3 (مربی نهایت و هر در بی نهایت)	نام درس: درس اول (هر بی نهایت)	شماره صفحات: 57
نام طراح: بتول معتمد-همیدرضا عظیمی	استان: فراسان بنبوبی	شهرستان: سرایان

سطح شناختی سؤال:	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال:	<input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: 0/5	
نوع سؤال: پاسخ گزین	<input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: حاصل $\lim_{x \rightarrow (\frac{1}{2})^-} \frac{[x]-3}{2x-1} = +\infty$ است.	<input type="checkbox"/> غلط	<input type="checkbox"/> صحیح			
پاسخ تشریحی:	<p>صحیح (0/5)</p> $\lim_{x \rightarrow (\frac{1}{2})^-} \frac{0-3}{2(\frac{1}{2})^- - 1} = \frac{-3}{(1^-) - 1} = \frac{-3}{0^-} = +\infty$				

بخش دوم: کوتاه پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت	نام درس: حد بی نهایت	شماره صفحات: 57
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{2}^-} \frac{1 - \cos x}{\cos x}$ را به دست آورید.
پاسخ تشریحی: $\lim_{x \rightarrow \frac{3\pi}{2}^-} \frac{1 - \cos x}{\cos x} = \frac{1}{0^-} = -\infty \quad (0.5)$

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 57	نام درس: درس اول (هر بی نهایت)	نام فصل: فصل 3 (هر بی نهایت و هر در بی نهایت)
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمر-همیدرضا عظیمی

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: 0/5	دشواری <input type="checkbox"/>	متوسط <input type="checkbox"/>	ساده <input checked="" type="checkbox"/>		سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال: حاصل $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x \sin x}$ را به دست آورید.					
پاسخ تشریحی:					
(+∞) (0/5)					
$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{x \sin x} = \frac{1}{0^- \times 0^-} = \frac{1}{0^+} = +\infty$					

دبیرخانه راهبری کشوری ریاضی متوسطه دوم مستقر در شهر تهران

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: سوم	نام درس: حد بینهایت	شماره صفحات: ۵۷
نام طراح: زهره شیرزادی	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱۴

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ‌گزینه <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input checked="" type="checkbox"/> جورکردنی <input type="checkbox"/>
سؤال: حاصل $\lim_{x \rightarrow 2^+} \tan \frac{\pi}{x}$ برابر است با
پاسخ تشریحی: $\lim_{x \rightarrow 2^+} \tan \frac{\pi}{x} = \tan \frac{\pi}{2^+} = \tan \left(\frac{\pi}{2} \right)^- = +\infty$

عنوان کتاب: ریاضی 3	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت	نام درس: حد بی نهایت	شماره صفحات: 57
نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان	استان: کهگیلویه و بویراحمد	شهرستان: دنا

سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال: فرض کنیم تابع f در تعریف شده باشد. رابطه $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x) = -\infty$ به این معناست که می توان مقادیر $f(x)$ را از هر عدد منفی دلخواهی کرد، مشروط بر آنکه x از سمت به قدر به a نزدیک اختیار شود.
پاسخ تشریحی: همسایگی چپ a - کوچکتر - چپ - کافی

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 57	نام درس: حد بی نهایت	نام فصل: حد بینهایت و حد در بینهایت
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

سطح شناختی سوال:
سطح دشواری سوال: متوسط
نوع سوال: گسترده پاسخ
سوال: حاصل $\lim_{x \rightarrow (\frac{5}{3})^-} \frac{1 - [-\frac{3x}{5}]}{ 5 - 3x }$ را بدست آورید.
پاسخ تشریحی:
$\lim_{x \rightarrow (\frac{5}{3})^-} \frac{1 - [-\frac{3x}{5}]}{ 5 - 3x } = \frac{1 - (-1)}{0^+} = +\infty$

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 57	نام درس: 1	نام فصل: 3
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده نوع سؤال: گسترده پاسخ سؤال: حدهای زیر را تعیین کنید.
الف) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{[x]}{\sin x}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^3 - x^2 - x + 1}$	پاسخ تشریحی:		
الف) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{[x]}{\sin x} = \frac{-1}{0^-} = +\infty$ ب) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^3 - x^2 - x + 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x-2}{(x-1)(x+1)} = \frac{-1}{0^- \times 2} = +\infty$			

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 50-57	نام درس: حد بینهایت	نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت
شهرستان: شیراز	استان: فارس	نام طراح: گروه ریاضی

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی	
شمارک: 2نمره	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ	
سؤال: حاصل حدهای زیر را به دست آورید.	
<p>الف) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{(\sin x)^3}$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x-2}$</p> <p>ج) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{[2x-1]+3}{x-2}$</p>	
پاسخ تشریحی:	
<p>الف) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{(\sin x)^3} = \frac{1}{0^-} = -\infty$ (۰.۷۵)</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{x-2} = \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{x-2} = \frac{1}{0^-} = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{1}{x-2} = \frac{1}{0^+} = +\infty \end{cases} \rightarrow$ حد ندارد (۰.۷۵)</p> <p>ج) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{[2x-1]+3}{x-2} = \frac{6}{0^+} = +\infty$ (۰.۵)</p>	

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی 3
شماره صفحات: 57	نام درس: حد بی نهایت	نام فصل: حد بینهایت و حد در بینهایت
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن

سطح شناختی سوال:

سطح دشواری سوال: متوسط

نوع سوال: گسترده پاسخ

سوال: $\lim_{x \rightarrow (\frac{5\pi}{8})^+} \frac{1 - \sin x}{1 + \sqrt{2} \cos 2x}$ را محاسبه کنید.

پاسخ تشریحی:

$$\begin{cases} \sin x \leq 1 \rightarrow 1 - \sin x \geq 0 \\ x > \frac{5\pi}{8} \rightarrow 2x > \frac{5\pi}{4} \rightarrow \cos 2x > -\frac{\sqrt{2}}{2} \rightarrow 1 + \sqrt{2} \cos 2x > 0 \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow (\frac{5\pi}{8})^+} \frac{1 - \sin x}{1 + \sqrt{2} \cos 2x} = +\infty$$

نمون برگ سؤالات مفهومی

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: 57	نام درس: حد بی نهایت	نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت
شهرستان: تهران	استان: تهران	نام طراح: اصلاان صفوی - عضو دبیرخانه

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> ساده سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ سؤال: حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^+} \frac{\sin 2x}{\sin x - \cos x}$ را بیابید.		
پاسخ تشریحی: $x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^+ \Rightarrow \cos x > \sin x \Rightarrow \sin x - \cos x < 0$ $\lim_{x \rightarrow \frac{5\pi}{4}^+} \frac{\sin 2x}{\sin x - \cos x} = \frac{\sin \frac{5\pi}{2}}{0^-} = \frac{1}{0^-} = -\infty$		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: 57	نام درس: حد بی نهایت	نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت
شهرستان: تهران	استان: تهران	نام طراح: اصنان صفوی - عضو دبیرخانه

<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> دشواری <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> نوع سؤال: گسترده پاسخ سؤال: حاصل $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{[-x] + [x]}{\sqrt{2x-1} - \sqrt{3x-2}}$ را بیابید. پاسخ تشریحی: $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\overbrace{[-x] + [x]}^{-1}}{\sqrt{2x-1} - \sqrt{3x-2}} \times \frac{\sqrt{2x-1} + \sqrt{3x-2}}{\sqrt{2x-1} + \sqrt{3x-2}} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{(-1) \times (\sqrt{2x-1} + \sqrt{3x-2})}{\underbrace{2x-1 - (3x-2)}_{-x+1}} = \frac{2}{0^-} = -\infty$
---	--	---

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: 57	نام درس: حد بی نهایت	نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت
شهرستان: تهران	استان: تهران	نام طراح: اصلاان صفوی - عضو دبیرخانه

سطح شناختی سؤال: فهمیدن کار بستن تحلیل ترکیب ارزشیابی

سطح دشواری سؤال: ساده متوسط دشوار شماره: 1 نمره

نوع سؤال: گسترده پاسخ

سؤال:

حاصل $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 - 1}{x^3 - 3x + 2}$ را بیابید.

پاسخ تشریحی:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 - 1}{x^3 - 3x + 2} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)^2(x+2)} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x+1}{(x-1)(x+2)} = \frac{2}{0^+} = +\infty$$

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: 57	نام درس: حد بی نهایت	نام فصل: حد بی نهایت و حد در بی نهایت
شهرستان: تهران	استان: تهران	نام طراح: اصلاان صفوی - عضو دبیرخانه

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input checked="" type="checkbox"/>	کار بستن <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/>
شمارک: 1 نمره	دشوار <input type="checkbox"/>	متوسط <input checked="" type="checkbox"/>	ساده <input type="checkbox"/>	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/>	نوع سؤال: گسترده پاسخ
					سؤال:
					حاصل $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x-2}{\sqrt{x}-\sqrt[3]{x}}$ را بیابید.
					پاسخ تشریحی:
$x \rightarrow 0^+ \Rightarrow 0 < x < 1 \Rightarrow \sqrt{x} < \sqrt[3]{x} \Rightarrow \sqrt{x} - \sqrt[3]{x} < 0$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x-2}{\sqrt{x}-\sqrt[3]{x}} = \frac{-2}{0^-} = +\infty$					

سوالات مفهومی

ریاضی ۳

پایه دوازدهم تجربی

فصل: چهارم

موضوع: مشتق پذیری و پیوستگی

با تأکید بر صفحه ۸۰ مثال دوم (مماس قائم)

صفحه ۸۴ کاردرکلاس

صفحه ۹۲ تمرین ۱۱ و ۱۳

بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی	
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۰.۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال:		
$f(x) = \begin{cases} x^2 + x & x < 1 \\ 2 & x = 1 \\ 4x - 2 & x > 1 \end{cases}$ اگر $f'(1)$ باشد کدام است؟		
۲ (۱)	۴ (۲)	۳ (۳) صفر
	۳ (۴)	
پاسخ تشریحی:		
گزینه ۴		

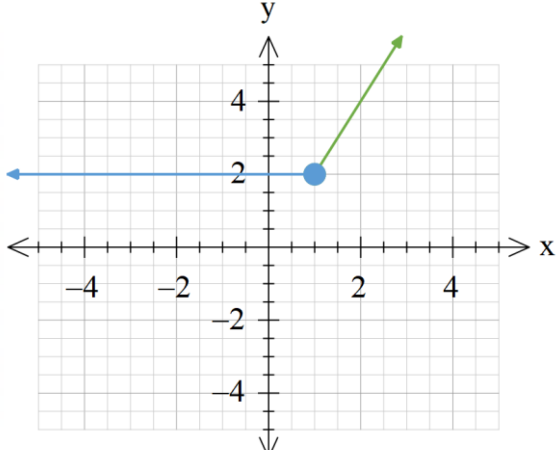
عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۴ مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی	
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۰/۲۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال:		
$f(x) = \begin{cases} -x + 2 & x \neq 0 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$ در تابع $f(x)$ دامنه f' برابر با \mathbb{R} می باشد.		
پاسخ تشریحی:		
نادرست		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۴ مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۰
نام طراح: رضا رجب بلوکات	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۲۵ نمره		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: کدام یک از توابع زیر مماس قائم دارد؟		
(۱) $f(x) = x^{\frac{1}{2}}$	(۲) $g(x) = x^2 + 2$	(۳) $h(x) = [x] + 2$
(۴) $k(x) = x + 2 $		
پاسخ تشریحی: گزینه ۱		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: مریم روح بخش	استان: تهران	شهرستان: تهران (منطقه ۲)
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۵		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: اگر $f'(2) = \frac{3}{2}$ باشد، مقدار $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2f(x) - 2f(2)}{x - 2}$ کدام است؟		
<input type="checkbox"/> ۶ (۱)	<input type="checkbox"/> $\frac{3}{2}$ (۲)	<input type="checkbox"/> ۳ (۳)
<input type="checkbox"/> صفر (۴)		
پاسخ تشریحی: گزینه ۳		
$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2(f(x) - f(2))}{x - 2} = 2 \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = 2 \left(\frac{3}{2} \right) = 3$		

عنوان کتاب: ریاضی (۳)	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: فاطمه زارعی	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۲
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال: تابع $y = [x]$ با دامنه (۵ و ۲) مفروض است. این تابع در چند نقطه از دامنه‌اش مشتق پذیر نیست؟</p> <p>(۱) صفر (۲) ۱ (۳) ۲ (۴) ۳</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ۳ با توجه به آنچه در سال یازدهم خوانده اید، این تابع در نقاط صحیح ناپیوسته است. طبق قضیه اگر تابع در نقطه‌ای ناپیوسته باشد، در آن نقطه مشتق ناپذیر است. در بازه (۲، ۵) دو نقطه صحیح وجود دارد؛ بنابراین گزینه ۳ صحیح است.</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۹۲
نام طراح: زهرا مرادی	استان: تهران	شهرستان: تهران - منطقه ۱۰
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال: اگر $f'(1) = 2$ و $g'(1) = 5$ باشد آنگاه مقدار $(3f + 2g)'(1)$ کدام است؟</p> <p>(الف) ۱۹ (ب) ۱۶ (ج) ۷ (د) ۵</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ب $3f'(1) + 2g'(1) = 3 \times 2 + 2 \times 5 = 16$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: مرضیه بیگی خرمایی	استان: فارس	شهرستان: مرودشت (منطقه کامفیروز)
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: نمودار مشتق کدام تابع پیوسته است؟		
الف. $f(x) = \begin{cases} x^2 & x \geq 1 \\ x & x < 1 \end{cases}$	ب. $g(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$	
ج. $h(x) = \begin{cases} 4x & x \neq 2 \\ 4 & x = 2 \end{cases}$	د. $k(x) = \begin{cases} -2x & x \neq 2 \\ -2 & x = 2 \end{cases}$	
پاسخ تشریحی: گزینه ی "ب" صحیح است. (۰/۵)		
نمودار تابع g' به صورت زیر است. (تابع g در تمام نقاط مشتق پذیر است.)		
		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۰
نام طراح: افسانه ارجمند مزیدی	استان: فارس	شهرستان: فسا - منطقه شبکوه
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح - غلط	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی
<p>سؤال: درستی یا نادرستی گزاره زیر را با ذکر دلیل و یا مثال نقض مشخص کنید. اگر تابعی در $x = a$ پیوسته باشد، آنگاه تابع در آن نقطه مشتق پذیر است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: نادرست است. مثلاً تابع $f(x) = x$ در $x = 0$ پیوسته است ولی مشتق پذیر نیست.</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۹۲
نام طراح: مرضیه بیگی خرمایی	استان: فارس	شهرستان: مرودشت (منطقه کامفیروز)
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط	<input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> جورکردنی
<p>سؤال: برای تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 & x \leq 2 \\ 2x & x > 2 \end{cases}$، کدام گزینه درست است؟</p> <p>الف. تابع f در $x = 2$ پیوسته نیست. ب. $f'(2)$ موجود است. ج. $f'(2)$ و $f'_+(2)$ موجودند ولی $f'_-(2)$ موجود نیست. د. فقط $f'_-(2)$ موجود است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ی "ج" صحیح است. (۰/۲۵)</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحه: ۸۰
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شیبکوه
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سوال: کدام یک از توابع زیر در نقطه $x = 0$ مماس قائم دارد؟</p> <p>الف) $f(x) = \sqrt{x+1} - 1$ (الف) ب) $g(x) = \begin{cases} \sqrt{x} & x \geq 0 \\ \sqrt{-x} & x < 0 \end{cases}$ (ب) ج) $h(x) = \frac{1}{x^2}$ (ج) د) $k(x) = x$ (د)</p>		
<p>پاسخ تشریحی: جواب: گزینه ب (با استفاده از رسم نمودار یا محاسبه کردن)</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحه: ۸۴
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	بخش شیبکوه
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سوال: اگر $f(x) = x^2 - 2x$ آنگاه D_f برابر است.</p> <p>الف) R (الف) ب) $R - \{0\}$ (ب) ج) $R - \{2\}$ (ج) د) $R - \{0, 2\}$ (د)</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه د</p>		

بخش دوم: کوتاه پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۴ مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی	
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۰/۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: اگر $f(x) = \begin{cases} +3x - 2 & x \neq -1 \\ 5 & x = -1 \end{cases}$ ضابطه تابع f' را بدست آورید.		
پاسخ تشریحی:		
$(۰/۵) \quad f'(x) = ۳ \quad x \neq -۱$		

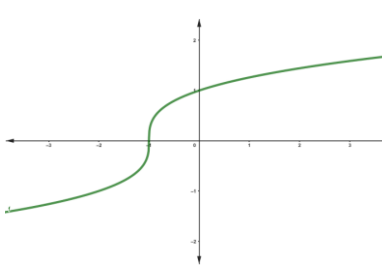
عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: فصل ۴ مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۹۲
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی	
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۰/۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: در تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + x & x \leq ۱ \\ ۴x - ۲ & x > ۱ \end{cases}$ مقدار $f'_+(۱)$ را بیابید.		
پاسخ تشریحی:		
$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - ۲}{x - ۱} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{۴x - ۲ - ۲}{x - ۱} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{۴(x - ۱)}{x - ۲} = ۴$		
۰/۵		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰.۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: $f(x) = \begin{cases} [x] & x \notin \mathbb{Z} \\ \frac{1}{2} & x \in \mathbb{Z} \end{cases}$ اگر دامنه $f(x)$ برابر f' باشد و ضابطه f' است.		
پاسخ تشریحی: $x = 0$ و $\mathbb{R} - \mathbb{Z}$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰.۷۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: اگر $f(x) = \begin{cases} 2-\sqrt{x} & 0 \leq x < 1 \\ 3 & 1 < x \end{cases}$ باشد، دامنه f' را بیابید.		
پاسخ تشریحی: تابع $2-\sqrt{x}$ در $0 < x < 1$ مشتق پذیر است. (۰/۲۵) تابع ثابت در $1 < x$ مشتق پذیر است. (۰/۲۵) پس $D_{f'} = (0, 1) \cup (1, +\infty)$ (نمره ۰/۲۵)		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمنش
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/>		
شماره: ۰/۷۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>اگر $f(x) = \begin{cases} 2x^2 - 3x & x < 2 \\ 5x - 8 & x \geq 2 \end{cases}$، مقدار $f'(2)$ چقدر است؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - 2}{x - 2} = \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{2x^2 - 3x - 2}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(2x + 1)(x - 2)}{x - 2} = 5 \\ \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{5x - 8 - 2}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{5(x - 2)}{x - 2} = 5 \end{cases} \Rightarrow f'(2) = 5$		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۰
نام طراح: رضا رجب بلوکات	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۵ نمره		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: خط مماس بر نمودار $f(x) = x^{\frac{1}{3}}$ در نقطه $x = 0$ با محور طول ها زاویه می سازد.		
پاسخ تشریحی: ۹۰ درجه		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۰
نام طراح: رضا رجب بلوکات	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۷۵ نمره		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: تابعی رسم کنید که پیوسته باشد و در نقطه ای به طول ۱- مماس قائم داشته باشد؟ ضابطه تابع را بنویسید.		
پاسخ تشریحی: $y = \sqrt{x+1}$		
		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: تهران - منطقه ۲	استان: تهران	نام طراح: فاطمه زارعی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: در تابع زیر در جاهای خالی عددی قرار دهید تا دامنه f برابر \mathbb{R} شود. آیا دامنه f' نیز برابر \mathbb{R} خواهد شد؟ چرا؟ $f(x) = \begin{cases} 5x & x \neq \dots \\ 3 & x = \dots \end{cases}$		
پاسخ تشریحی: در جاهای خالی هر عدد حقیقی می توان قرار داد به شرطی که با هم برابر باشند. مثلاً عدد ۱ را قرار می دهیم. خیر چون تابع در این نقطه $x=1$ ناپیوسته هست پس در این نقطه مشتق ناپذیر است بنابراین دامنه f' برابر $\mathbb{R} - \{1\}$ خواهد بود.		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: تهران (منطقه ۲)	استان: تهران	نام طراح: مریم روح بخش
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: دامنه تابع $f(x) = x^2$ با دامنه $f'(x)$ است.		
پاسخ تشریحی: برابر		
$f(x) = x^2 \rightarrow D = \mathbb{R}$ $f'(x) = 2x \rightarrow D'_f = \mathbb{R}$		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۰
نام طراح: محمدعلی قلی زاده	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱۶
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۲۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: تابع $f(x) = \sqrt[3]{x}$ در $x = 0$ مشتق پذیر نیست و خط $x = 0$ را منحنی می نامیم.		
پاسخ تشریحی: مماس قائم		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: محمدعلی قلی زاده	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۱۶
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۰/۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: اگر $f(1) = 3$ ، $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 3}{2x - 2} = 4$ باشد $f'(1)$ را به دست آورید.		
پاسخ تشریحی: $f'(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = ?$ $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 3}{2x - 2} = 4 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 3}{2(x - 1)} = 4 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = 8$		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۰
نام طراح: افسانه ارجمند مزیدی	استان: فارس	شهرستان: فسا - منطقه شبیکوه
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: آیا تابع $f(x) = \sqrt{2x-3}$ در $x = \frac{3}{2}$ مشتق پذیر است چرا؟		
پاسخ تشریحی: خیر زیرا تابع در $x = \frac{3}{2}$ ناپیوسته است.		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: مرضیه بیگی خرمایی	استان: فارس	شهرستان: مرودشت (منطقه کامفیروز)
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۲۵		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: برای تابع $f(x) = \begin{cases} -2x & x \neq 2 \\ 4 & x = 2 \end{cases}$ دامنه ی تابع f' را تعیین نمایید.		
پاسخ تشریحی: $\{2\} - \mathbb{R}$ (۰/۲۵ نمره)		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: بیرجند	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: مریم ملک آبادیزاده
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	
شمارک: ۰.۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> ساده
	<input type="checkbox"/> متوسط	
<input type="checkbox"/> جور کردنی	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. تابع $f(x) = \sqrt[3]{(x-2)^2}$ در نقطه $x = 2$ مشتق پذیر نیست.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: نادرست.</p> $f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt[3]{(x-2)^2} - 0}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{1}{\sqrt[3]{x-2}} = \frac{1}{0^+} = +\infty$ $f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{\sqrt[3]{(x-2)^2} - 0}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{1}{\sqrt[3]{x-2}} = \frac{1}{0^-} = -\infty$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
بخش شبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۱	نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سوال: در تابع وارون، تابع $y = x^3 - 27x^2 + 9x + 25$ خط مماس قائم منحنی است.		
پاسخ تشریحی: $x = 3$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
بخش شبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰.۵	نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
سوال: ضابطه تابعی مانند f مثال بزنید که $f'_+(2)$ و $f'_-(2)$ موجود باشند ولی $f'(2)$ موجود نباشد.		
پاسخ تشریحی: (پاسخ باز) $f(x) = x - 2 $		

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> $f(x) = \begin{cases} 4x - 1 & x \neq 2 \\ 3 & \text{اگر } x = 2 \end{cases}$ <p>دامنه و ضابطه تابع f' را محاسبه کنید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4(x+h) - 1 - (4x - 1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4h}{h} = 4$ <p>تابع در $x = 2$ پیوسته نیست، پس مشتق ندارد.</p> $D_{f'} = \mathbb{R} - \{2\}$		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: ۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: یوسف جعفری	استان: البرز	شهرستان: نظرآباد
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> تحلیل
ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/>
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
شمارک:		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>در تابع $f(x) = \begin{cases} 7x & x \neq 2 \\ 1 & x = 2 \end{cases}$ دامنه f و f' را بدست آورید و سپس ضابطه f' را بدست آورید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>$D_f = R$</p> <p>برای بدست آوردن دامنه ابتدا مشتق پذیری تابع را در $x = 2$ بررسی می کنیم:</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2} (7x) = 14$ و $f(2) = 1$</p> <p>حد تابع در نقطه $x = 2$ برابر مقدار تابع در نقطه $x = 2$ نمی باشد پس تابع در نقطه $x = 2$ پیوسته نیست. بنابراین این تابع در این نقطه مشتق پذیر نیست. پس:</p> <p>$f'(x) = 7 \quad D_{f'} = R - \{2\}$</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۹۲
نام طراح: یوسف جعفری	استان: البرز	شهرستان: نظرآباد
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: در تابع $f(x) = \begin{cases} -x^2 & x > 0 \\ -2x & x \leq 0 \end{cases}$ نشان دهید $f'_+(0)$ و $f'_-(0)$ موجودند ولی $f'(0)$ موجود نیست.		
پاسخ تشریحی: $f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{-x^2 - 0}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} (-x) = 0$ $f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-2x - 0}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} (-2) = -2$ چون $f'_+(0) \neq f'_-(0)$ بنابر این تابع در $x = 0$ مشتق پذیر نیست پس $f'(0)$ موجود نمی باشد.		

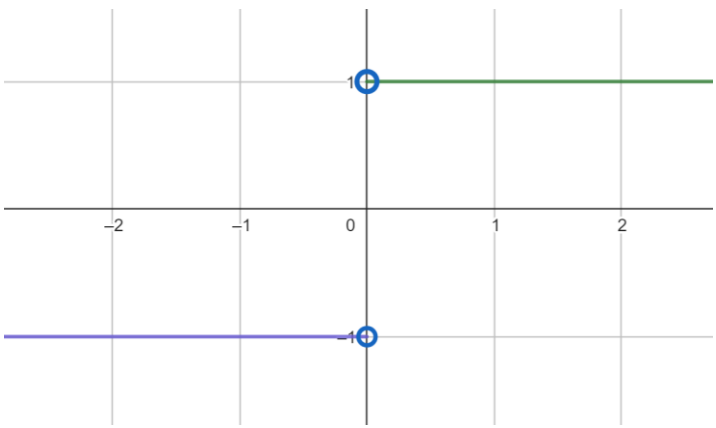
عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۹۲
نام طراح: یوسف جعفری	استان: البرز	شهرستان: نظرآباد
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>در تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & x > -1 \\ 3x + 2 & x \leq -1 \end{cases}$ نشان دهید $f'_+(-1)$ و $f'_-(-1)$ موجودند ولی $f'(-1)$ موجود نیست.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $f'_+(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{x^2 + 2x + 1}{x + 1} = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{(x+1)^2}{x+1} \lim_{x \rightarrow -1^+} (x+1) = 0$ $f'_-(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{3x + 2 + 1}{x} = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{3(x+1)}{x+1} \lim_{x \rightarrow -1^-} (3) = -2$ <p>چون $f'_+(-1) \neq f'_-(-1)$ بنابر این تابع در $x = -1$ مشتق پذیر نیست پس $f'(-1)$ موجود نمی باشد.</p>		

سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: گسترده پاسخ
<p>سؤال:</p> <p>مشتق پذیری تابع $f(x) = -\sqrt[3]{x}$ را در $x = 0$ بررسی کنید.</p>
<p>پاسخ تشریحی:</p> $f'(0) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-\sqrt[3]{x} - 0}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-\sqrt[3]{x}}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-1}{\sqrt[3]{x^2}} = -\infty$ <p>چون مشتق تابع در این نقطه نامتناهی می باشد بنابر این تابع در این نقطه مشتق پذیر نیست.</p>

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۰	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: مشتق پذیری تابع $f(x) = \sqrt[3]{x-a}$ را در $x = a$ بررسی کنید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $\lim_{x \rightarrow a^+} \frac{ \sqrt[3]{x-a} }{x-a} = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{\sqrt[3]{x-a}}{x-a} = \lim_{x \rightarrow a^+} \frac{1}{\sqrt[3]{(x-a)^2}} = +\infty \text{ (نمره } ۰/۵)$ $\lim_{x \rightarrow a^-} \frac{ \sqrt[3]{x-a} }{x-a} = \lim_{x \rightarrow a^-} \frac{-\sqrt[3]{x-a}}{x-a} = \lim_{x \rightarrow a^-} \frac{1}{\sqrt[3]{(x-a)^2}} = -\infty \text{ (نمره } ۰/۵)$ <p>تابع در $x = a$ مشتق پذیر نیست.</p>		

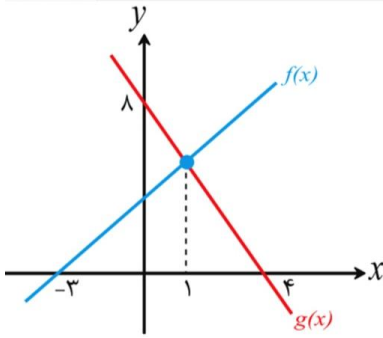
پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۰	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: فصل ۴ مشتق
شهرستان: تهران منطقه ۱	استان: تهران	نام طراح: رضا رجب بلوکات
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱ نمره	<input type="checkbox"/> دشوار <input checked="" type="checkbox"/> متوسط	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: نشان دهید که $f(x) = \sqrt{9-x^2}$ در $x=3$ مماس قائم دارد؟		
پاسخ تشریحی: $f'(3) = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{9-x^2} - 0}{x - 3} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{9-x^2} \times \sqrt{(9-x^2)^2}}{(x-3)\sqrt{(9-x^2)^2}} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{9-x^2}{(x-3)\sqrt{(9-x^2)^2}} =$ $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{(3-x)(3+x)}{(x-3)\sqrt{(9-x^2)^2}} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{-(x-3)(3+x)}{(x-3)\sqrt{(9-x^2)^2}} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{-(3+x)}{\sqrt{(9-x^2)^2}} = \frac{-6}{6} = -1$		

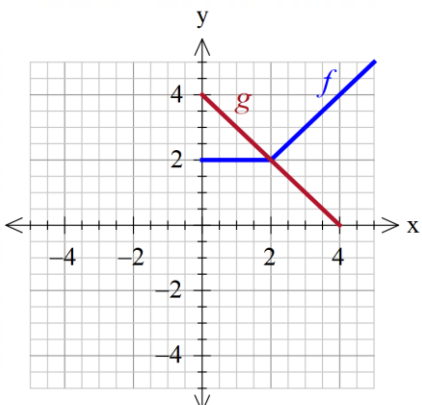
پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: تابع مشتق	نام فصل: مشتق پذیری و پیوستگی
شهرستان: تهران (منطقه ۲)	استان: تهران	نام طراح: مریم روح بخش
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۱/۷۵	نوع سؤال: گسترده پاسخ	
سؤال:		
<p>تابع $f(x) = \begin{cases} 2x^3 + 2 & x \neq 1 \\ 1 & x = 1 \end{cases}$ را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) دامنه f و f' را محاسبه کنید.</p> <p>ب) ضابطه f' را به دست آورید.</p> <p>ج) نمودار f و f' را رسم کنید.</p>		
پاسخ تشریحی:		
<p>الف) $D_{f'} = \mathbb{R} - \{1\}$, $D_f = \mathbb{R}$</p> <p>ب) $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2(x+h)^3 + 2 - 2x^3 - 2}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{6x^2h + 6xh^2 + 2h^3}{h} = 6x^2$</p>		
ج)		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: تهران - منطقه ۲	استان: تهران	نام طراح: فاطمه زارعی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>اگر $f(x) = \begin{cases} x & x > 0 \\ 2 & x = 0 \\ -x & x < 0 \end{cases}$، ضابطه f' را بنویسید. نمودار f' را رسم کنید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>با توجه به ضابطه و یا نمودار تابع f در نقطه ای به طول ۱ ناپیوسته بوده و در نتیجه در این نقطه مشتق ناپذیر است.</p> <p>$f'(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases}$ یا $f'(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ \text{تعریف نشده} & x = 0 \\ -1 & x < 0 \end{cases}$</p>		
		

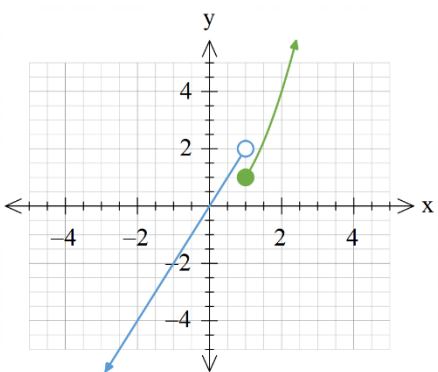
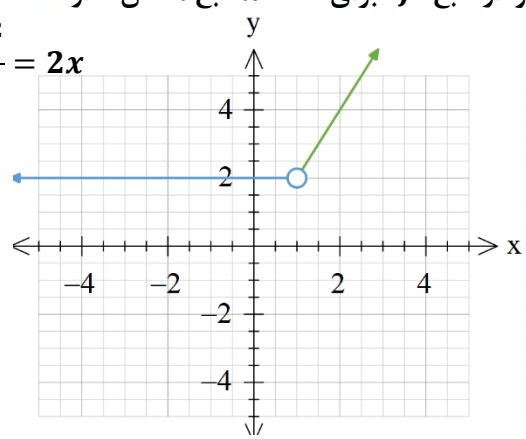
پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: چهارم (مشتق)
شهرستان: تهران منطقه ۱۲	استان: تهران	نام طراح: آزاده نیکو
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> ساده
	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال		
:نشان دهید نقطه $x = 0$ یک نقطه گوشه‌ای برای $f(x) = x[x]$ است.		
پاسخ تشریحی:		
کافیست نشان دهیم مشتق چپ و راست تابع در این نقطه موجود است ولی با هم برابر نیستند.		
$f'(0) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x[x] - 0}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} [x] = \begin{cases} \lim_{x \rightarrow 0^+} [x] = 0 \\ \lim_{x \rightarrow 0^-} [x] = -1 \end{cases}$		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: تهران منطقه ۱۶	استان: تهران	نام طراح: محمدعلی قلی زاده
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> شمارک: ۲		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>اگر $f(x) = \begin{cases} 3x + 1 & x \neq -1 \\ -3 & x = -1 \end{cases}$ دامنه f و دامنه f' را محاسبه کنید و ضابطه f' را با استفاده از تعریف به دست آورید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>$D_f = \mathbb{R}$</p> <p>تابع f در $x = -1$ پیوسته نیست پس $x = -1$ جزو دامنه f' نمی باشد. پس</p> <p>$D_{f'} = \mathbb{R} - \{-1\}$</p> <p>محاسبه $f'(x)$:</p> $\Rightarrow f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3(x+h) + 1 - (3x + 1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3x + 3h + 1 - 3x - 1}{h}$ $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3h}{h} = 3 \Rightarrow f'(x) = 3$		

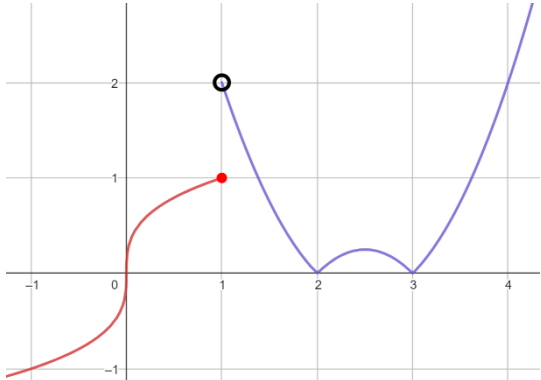
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: بیرجند	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: مریم ملک آبادیزاده
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۱	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> ساده
	<input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: با توجه به نمودار روبرو، مشتق تابع $(f \times g)(x)$ در $x = 1$ را به دست آورید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $(0, 8) \in g, (4, 0) \in g \Rightarrow g(x) = -2x + 8 \Rightarrow g'(x) = g'(1) = -2$ $g(1) = f(1) = 6$ $(1, 6) \in f, (-3, 0) \in f \Rightarrow f(x) = \frac{3}{2}x + \frac{9}{2} \Rightarrow f'(x) = f'(1) = \frac{3}{2}$ $f + g = h \Rightarrow h'(1) = f'(1)g(1) + g'(1)f(1) = \frac{3}{2} \times 6 + (-2) \times 6 = 9 - 12 = -3$		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: مرودشت (منطقه کامفیروز)	استان: فارس	نام طراح: مرضیه بیگی خرمایی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱/۵ نمره	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>نمودار توابع f و g به صورت زیر داده شده است. اگر $h(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$ و $k(x) = f(x)g(x)$، حاصل $h'(1) - k'(3)$ را بدست آورید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>هر قسمت ۰/۵ نمره</p> $h'(1) = \frac{f'(1)g(1) - f(1)g'(1)}{(g(1))^2} = \frac{0 \times 3 - 2 \times (-1)}{3^2} = \frac{2}{9}$ $k'(3) = f'(3)g(3) + f(3)g'(3) = 1 \times 1 + 3 \times (-1) = -2$ $h'(1) - k'(3) = \frac{2}{9} + 2 = \frac{20}{9}$ <p>پس</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۰	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
شهرستان: فسا - منطقه شیبکوه	استان: فارس	نام طراح: افسانه ارجمند مزیدی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ساده	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
<input type="checkbox"/> آسان	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۱		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: آیا تابع $f(x) = \sqrt{x+2}$ در $x = -2$ مشتق پذیر است. چرا؟		
پاسخ تشریحی:		
$f'(-2) = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{x+2} - 0}{x+2} = \div \quad (./\div)$ $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{x+2}}{x+2} \times \frac{\sqrt{(x+2)^2}}{\sqrt{(x+2)^2}} = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x+2}{(x+2)\sqrt{(x+2)^2}} \quad (./\div)$ $\Rightarrow f'(-2) = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{1}{\sqrt{(x+2)^2}} = +\infty \quad (./\div)$		
تابع f در $x = -2$ مشتق پذیر نیست.		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	شماره صفحات: ۸۴
نام طراح: مرضیه بیگی خرمایی	استان: فارس	شهرستان: مرودشت (منطقه کامفیروز)
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۲ نمره		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>اگر $f(x) = \begin{cases} x^2 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$، دامنه تابع f و دامنه تابع f' را مشخص کنید. نمودار تابع f و نمودار تابع f' را رسم نمایید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>دامنه تابع f برابر با \mathbb{R} و دامنه تابع f' برابر با $\mathbb{R} - \{1\}$ است نمودار تابع f:</p> 		
<p>نمودار تابع f' برای $x = 1$ تابع مشتق ندارد.</p> 		
$f'_-(x) = \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{(x+h)^2 - x^2}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{2xh + h^2}{h} = 2x$ $f'_+(x) = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{2(x+h) - 2x}{h} = \lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{2h}{h} = 2$		

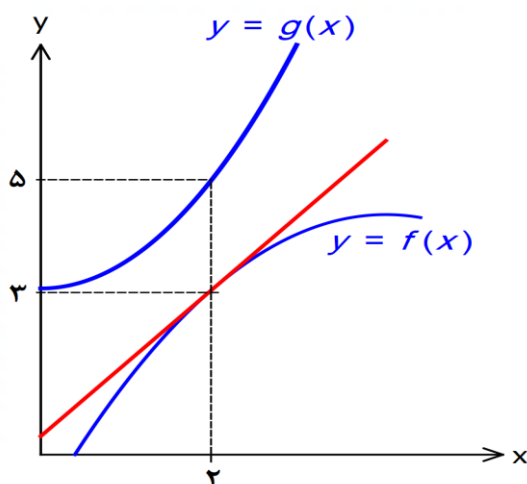
پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: پیوستگی و مشتق پذیری	نام فصل: مشتق
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
	<input checked="" type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۱.۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> سادگی
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: پیوستگی و مشتق پذیری تابع $f(x) = (x - 2)[x]$ را در $x = 2$ بررسی کنید.		
پاسخ تشریحی: $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (x - 2)[x] = 0 \times 2 = 0$ $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x - 2)[x] = 0 \times 1 = 0$ $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = f(2) = 0$ پس تابع در $x = 2$ پیوسته است. $f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{(x - 2)[x] - 0}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} [x] = 2$ $f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x - 2)[x] - 0}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} [x] = 1$ $f'_+(2) \neq f'_-(2)$ پس تابع در $x = 2$ مشتق پذیر نیست.		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۸۰	نام درس: پیوستگی و مشتق پذیری	نام فصل: مشتق
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کار بستن
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> سوال:
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال: ابتدا نمودار تابع زیر را رسم کنید و سپس با توجه به نمودار دامنه f' را بنویسید.</p> $f(x) = \begin{cases} x^2 - 5x + 6 & x > 1 \\ \sqrt{x} & x \leq 1 \end{cases}$		
<p>پاسخ تشریحی:</p>  $D_{f'} = \mathbb{R} - \{2, 3, 1, 0\}$		

پایه: دوازدهم	رشته: تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۹۲	نام درس: پیوستگی و مشتق پذیری	نام فصل: مشتق
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> ساده
شمارک: ۱,۵	<input checked="" type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> متوسط
نوع سؤال: گسترده پاسخ		

سؤال:

با توجه به نمودارهای توابع f و g در شکل زیر اگر $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)g(x) - 3g(x)}{x-2} = 15$ و $g'(2) = 4$ مقادیر خواسته شده را بدست آورید.



الف) $f'(2)$

ب) $(f \times g)'(2)$

ج) $(2f - 3g)'(2)$

پاسخ تشریحی:

الف)

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)g(x) - 3g(x)}{x-2} = 15 \rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} g(x) \frac{f(x) - 3}{x-2} = 15 \rightarrow 5 \times f'(2) = 15 \rightarrow f'(2) = 3$$

ب)

$$(f \times g)'(2) = f'(2)g(2) + f(2)g'(2) = 3 \times 5 + 2 \times 4 = 29$$

ج)

$$(2f - 3g)'(2) = 2f'(2) - 3g'(2) = 2 \times 3 - 3 \times 4 = -6$$

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحه: ۸۴	نام درس: مشتق پذیری و پیوستگی	نام فصل: مشتق
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سوال: اگر $f(x) = \sqrt{x+2}$ الف) $f(-2)$ و $f_+(-2)$ را بدست آورید. ب) آیا تابع f در $x = -2$ دارای مماس قائم است؟ چرا؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی: الف) $f'(-2) = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{-2+2}}{x+2} \times \frac{\sqrt{x+2} + \sqrt{-2+2}}{\sqrt{x+2} + \sqrt{-2+2}} = \lim_{x \rightarrow -2} \frac{1}{\sqrt{x+2} + \sqrt{-2+2}} = +\infty$ ب) بله-چون تابع در $x = -2$ پیوسته و مشتق آن در $x = -2$ نامتناهی است.</p>		

سوالات مفهومی

ریاضی ۳

پایه دوازدهم تجربی

فصل: چهارم

موضوع: آهنگ تغییر

با تاکید بر تمرین ۵ و ۶ و ۹ صفحه ۱۰۰

بخش اول: پاسخ گزین

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شماره: ۰/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. اگر تابعی نزولی باشد، آهنگ تغییر متوسط آن، همواره نزولی است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: نادرست</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: راضیه امیدعلی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. اگر تابعی صعودی باشد، آهنگ تغییر متوسط آن، همواره صعودی است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: نادرست است. مانند تابع $f(x) = \sqrt{x}$ که در آن آهنگ متوسط همواره مثبت است اما مقادیر آن همواره صعودی نیست.</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشق
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: خدیجه دردائی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شماره: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ‌گزینه <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال:</p> <p>در تابع $f(x) = \sqrt{x}$ اگر آهنگ تغییر متوسط تابع در بازه $[۰, ۱]$ برابر K باشد، کدام گزینه درست است؟</p> <p>الف) آهنگ تغییر لحظه‌ای در هر نقطه از بازه همواره از عدد K بزرگتر است.</p> <p>ب) آهنگ تغییر لحظه‌ای در هر نقطه از بازه همواره از عدد K کوچکتر است.</p> <p>ج) آهنگ تغییر لحظه‌ای در هر نقطه از بازه ابتدا از عدد K بزرگتر و سپس از عدد K کوچکتر می‌شود.</p> <p>د) آهنگ تغییر لحظه‌ای در هر نقطه از بازه ابتدا از عدد K کوچکتر و سپس از عدد K بزرگتر می‌شود.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه ج</p> <p>در تابع $y = \sqrt{x}$ آهنگ تغییر متوسط تابع در بازه $[۰, ۱]$ برابر ۱ است یعنی $K=1$ و آهنگ لحظه‌ای در هر نقطه مانند a از بازه برابر $f'(a) = \frac{1}{2\sqrt{a}}$ در نقطه $a = \frac{1}{4}$ سرعت لحظه‌ای برابر ۱ و برای $a < \frac{1}{4}$ سرعت لحظه‌ای بزرگتر از ۱ و برای $a > \frac{1}{4}$ سرعت لحظه‌ای کوچکتر از ۱ است.</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمنش
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن
شمارک: ۰,۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> سطح دشواری سؤال:
<input type="checkbox"/> جورکردنی	<input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input type="checkbox"/> صحیح - غلط
<p>سؤال: آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = 3x - \frac{4}{x}$ در بازه $[1, 4]$ با آهنگ تغییر لحظه ای تابع در کدام نقطه از این بازه برابر است؟</p> <p>۳ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) ۴ (۱)</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ۳ صحیح است.</p> $\text{آهنگ تغییر متوسط} = \frac{f(4) - f(1)}{4 - 1} = \frac{11 - (-1)}{3} = 4$ $f'(x) = 3 + \frac{4}{x^2} = 4 \Rightarrow \frac{4}{x^2} = 1 \Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = 2$		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: آهنگ تغییر	شماره صفحات: ۱۰۰
نام طراح: سمیه نصیرایی - آتوسا هادیان	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: بیرجند - خوسف
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار شمارک: ۱		
نوع سؤال: <input type="checkbox"/> پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input checked="" type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال:</p> <p>هر یک از گزینه های زیر را به نمودار مربوط به آن، نظیر کنید (یک گزینه اضافه می باشد).</p> <p>(۱) تابع صعودی - آهنگ تغییر لحظه ای ثابت</p> <p>(۲) تابع صعودی - آهنگ تغییر لجزه ای صعودی در بازه $[0, \infty)$</p> <p>(۳) تابع نزولی - آهنگ تغییر متوسط ثابت</p> <p>(۴) تابع صعودی - آهنگ تغییر متوسط نزولی</p> <p>(۵) تابع نزولی - آهنگ تغییر متوسط نزولی $[-\infty, 0)$</p>		
(الف)	(ب)	(ج)
(د)		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه ۱ نمودار "ج" -- گزینه ۲ نمودار "ب" -- گزینه ۳ نمودار "الف" -- گزینه ۴ نمودار "د"</p> <p>هر مورد ۰/۲۵ نمره می باشد.</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: خرمبید	استان: فارس	نام طراح: سیده اعظم حسینی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> *تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شماره: ۱/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> *دشواری	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> *صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال:</p> <p>کدام عبارت درست و کدام عبارت نادرست می باشد؟</p> <p>(الف) اگر تابعی نزولی باشد، آهنگ تغییر متوسط آن نزولی است.</p> <p>(ب) اگر آهنگ تغییر متوسط در بازه ای صفر شود، آن گاه تابع روی آن بازه ثابت است.</p> <p>(پ) برای یک تابع نزولی می توان گفت: آهنگ تغییر متوسط از آهنگ تغییر لحظه ای کوچکتر است.</p>		
<p>پاسخ:</p> <p>الف : نادرست ب: نادرست پ : نادرست</p>		

بخش دوم: کوتاه پاسخ

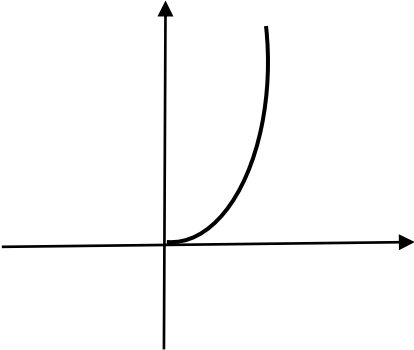
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات:	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: راضیه امیدعلی
<input type="checkbox"/> آرزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
	<input type="checkbox"/> کاربستن	<input checked="" type="checkbox"/> سؤال فهمیدن
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> ساده
	<input type="checkbox"/> متوسط	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال: جسمی را از سطح زمین به طور عمودی پرتاب می کنیم. جهت حرکت به طرف بالا را مثبت در نظر می گیریم. فرض کنیم ارتفاع این جسم از سطح زمین در هر لحظه از معادله $h(t) = -5t^2 + 40t$ بدست می آید. در چه زمانی سرعت لحظه ی آن برابر ۲۰ متر بر ثانیه است؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی: $h'(t) = -10t + 40 \Rightarrow 20 = -10t + 40 \Rightarrow t = 2s$</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: خدیجه دردائی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل
	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شماره: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال: در یک ظرف در لحظه $t=0$ سوراخی ایجاد می شود. اگر حجم آب باقی مانده در ظرف پس از t ثانیه از رابطه $v = 40 \left(1 - \frac{t}{100}\right)^2$ به دست آید. آهنگ خروج آب از ظرف در لحظه $t=60$ ثانیه را به دست آورید</p>		
<p>پاسخ تشریحی: تابع خروج آب در لحظه t $W_t = 40 - 40\left(1 - \frac{t}{100}\right)^2$$W'_t = \frac{80}{100}\left(1 - \frac{t}{100}\right)$$W'_{60} = \frac{80}{100}\left(1 - \frac{60}{100}\right) = 0/32$</p>		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: مشتق	نام درس: آهنگ تغییر	شماره صفحات: ۱۰۰
نام طراح: سکینه رادمنش	استان: ایلام	شهرستان: بدره
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ارزشیابی	
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده	متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	شماره: ۰.۷۵
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: بیشترین آهنگ تغییر لحظه ای تابع $f(x) = -x^3 + 2x^2 - 4x + 3$ را به دست آورید.		
پاسخ تشریحی: $f'(x) = -3x^2 + 6x - 4$ (نمره . 25) بیشترین مقدار تابع درجه دوم $y = ax^2 + bx + c$ ($a < 0$) برابر $\frac{-\Delta}{4a}$ است پس: $\frac{36 - 4(-3)(-4)}{4(-3)} = -\frac{36 - 48}{-12} = -1$ (نمره . 5) بیشترین مقدار آهنگ تغییر لحظه ای		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: فصل چهارم مشتق
شهرستان: تهران منطقه ۹	استان: تهران	نام طراح: مهدیه محمدزاده
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۰/۵	<input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال:		
سرعت لحظه‌ای در $t = 2$ برای متحرکی با معادله‌ی حرکت $f(t) = 3\sqrt{4t+1}$ را بدست آورید.		
پاسخ تشریحی:		
$f'(t) = 3 \times \frac{4}{2\sqrt{4t+1}} (0/25) \rightarrow f'(2) = \frac{12}{2\sqrt{4(2)+1}} = \frac{12}{2 \times 3} = 2(0/25)$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳														
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق														
شهرستان: بیرجند - خوسف	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: سمیه نصیرایی - آتوسا هادیان														
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> کار بستن														
	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> فهمیدن														
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> ساده														
	<input type="checkbox"/> متوسط															
نوع سؤال: کوتاه پاسخ																
<p>سؤال: میزان سوددهی یک شرکت مهندسی در ۶ ماه اول سال ۱۴۰۲ در جدول زیر آمده است. آهنگ متوسط سود دهی در بازه فروردین تا خرداد را محاسبه کنید.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>ماه</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>۴</td> <td>۵</td> <td>۶</td> </tr> <tr> <td>میزان سود دهی بر حسب میلیون تومان</td> <td>-۶</td> <td>۰</td> <td>۱۲</td> <td>۱۸</td> <td>۳۰</td> <td>۴۴</td> </tr> </table>			ماه	۱	۲	۳	۴	۵	۶	میزان سود دهی بر حسب میلیون تومان	-۶	۰	۱۲	۱۸	۳۰	۴۴
ماه	۱	۲	۳	۴	۵	۶										
میزان سود دهی بر حسب میلیون تومان	-۶	۰	۱۲	۱۸	۳۰	۴۴										
پاسخ تشریحی:																
$[1 \text{ و } 3] \rightarrow \frac{f(3)-f(1)}{3-1} = \frac{12-(-6)}{3-1} = 9$																

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: خرمید	استان: فارس	نام طراح: سیده اعظم حسینی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input checked="" type="checkbox"/> ارزشیابی <input type="checkbox"/>		
شماره: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: نمودار یک تابع را رسم کنید که تابعی صعودی باشد و آهنگ تغییر لحظه ای آن نیز صعودی باشد.		
پاسخ تشریحی: 		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۵	نوع سؤال: کوتاه پاسخ	
<p>سوال: آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = x^4 - 2x$ در بازه $[2.2 + h]$ وقتی $h \rightarrow 0$ برابر است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: آهنگ متوسط برابر آهنگ لحظه ای در $x = 2$ است پس $f'(2) = 30$</p>		

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳																
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق																
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: خدیجه دردائی																
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی																		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار																		
شمارک: ۱																		
نوع سؤال: گسترده پاسخ																		
<p>سؤال:</p> <p>تویی از یک پل به ارتفاع ۲۰ متر به هوا پرتاب می شود. $f(t)$ (بر حسب متر) نشان دهنده فاصله توپ از سطح زمین در زمان t (بر حسب ثانیه) است. برخی از مقادیر $f(t)$ در جدول زیر نمایش داده شده است. سرعت توپ را هنگامی که در ارتفاع نظیر زمان $۰/۳$ ثانیه است را به دست آورید.</p> <table border="1"> <tr> <td>t</td> <td>۰</td> <td>۰/۱</td> <td>۰/۲</td> <td>۰/۳</td> <td>۰/۴</td> <td>۰/۵</td> <td>۰/۶</td> </tr> <tr> <td>F(t)</td> <td>۲۰</td> <td>۲۱/۵</td> <td>۲۲/۸</td> <td>۲۳/۹</td> <td>۲۴/۸</td> <td>۲۵/۷</td> <td>۲۶/۶</td> </tr> </table>			t	۰	۰/۱	۰/۲	۰/۳	۰/۴	۰/۵	۰/۶	F(t)	۲۰	۲۱/۵	۲۲/۸	۲۳/۹	۲۴/۸	۲۵/۷	۲۶/۶
t	۰	۰/۱	۰/۲	۰/۳	۰/۴	۰/۵	۰/۶											
F(t)	۲۰	۲۱/۵	۲۲/۸	۲۳/۹	۲۴/۸	۲۵/۷	۲۶/۶											
<p>پاسخ تشریحی:</p> $f'(0/3) = \frac{f(0/4) - f(0/3)}{0/4 - 0/3} = \frac{24/8 - 23/9}{0/1} = 9$ <p>چون فاصله $۰/۲$ و $۰/۴$ از $۰/۳$ یکسان است برای آن که</p> $f'(0/3) = \frac{f(0/2) - f(0/3)}{0/2 - 0/3} = \frac{22/8 - 23/9}{-0/1} = 11$ <p>تقریب بهتری از $f'(0/3)$ داشته باشیم کافی است میانگین این دو عدد را در نظر بگیریم: $f'(0/3) = \frac{11+9}{2} = 10$</p>																		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
شهرستان: بیرجند - خوسف	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: سمیه نصیرایی - آتوسا هادیان
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۲	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: معادله حرکت متحرکی به صورت نمودار زیر است (سهمی با رأس $(۳, ۰)$ و خط). آهنگ تغییر متوسط متحرک در بازه $[۲, ۶]$ چقدر از آهنگ لحظه ای آن در $x = ۴$ کمتر است؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>معادله خط $\begin{cases} m = \tan 45^\circ = 1 \\ y = mx + b \end{cases} \xrightarrow{(3,0)} y = x - 3 \quad (۰/۵)$</p> <p>معادله سهمی $\begin{cases} \text{راس سهمی } (۳ و ۰) \\ y = a(x - ۳)^2 \end{cases} \xrightarrow{(۰,۹)} a = ۱ \rightarrow y = (x - ۳)^2 \quad (۰/۵)$</p> <p>بنابراین تابع $f(x) = \begin{cases} (x - ۳)^2 & ۰ \leq x \leq ۳ \\ x - ۳ & x > ۳ \end{cases}$ داریم:</p> <p>آهنگ تغییر متوسط در $[۲ و ۶]$ $= \frac{f(۶) - f(۲)}{۶ - ۲} = \frac{(۶ - ۳) - (۲ - ۳)^2}{۶ - ۲} = \frac{۱}{۲} \quad (۰/۵)$</p> <p>$x = ۴$ در $f(x) = x - ۳ \rightarrow f'(x) = ۱ \rightarrow f'(۴) = ۱ \quad (۰/۲۵)$ اختلاف مورد نظر برابر $۱ - \frac{۱}{۲}$ برابر $\frac{۱}{۲}$ $(۰/۲۵)$</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۰۰	نام درس: آهنگ تغییر	نام فصل: مشتق
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۱	نوع سؤال: گسترده پاسخ	
سوال:		
اگر $f(x) = 2\sqrt{4x+1}$ ، به ازای چه مقداری از x آهنگ تغییر لحظه ای برابر آهنگ تغییر متوسط در بازه $[0, 2]$ است؟		
پاسخ تشریحی:		
$\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = \frac{6 - 2}{2 - 0} = 2$ $f'(x) = \frac{4}{\sqrt{4x+1}} \Rightarrow \frac{4}{\sqrt{4x+1}} = 2 \Rightarrow \sqrt{4x+1} = 2 \Rightarrow 4x+1 = 4 \Rightarrow x = \frac{3}{4}$		

سوالات مفهومی

ریاضی ۳

پایه دوازدهم تجربی

فصل: کاربرد مشتق

موضوع: نقاط بحرانی و اکسترمم‌های تابع
با تأکید بر کار در کلاس صفحه ۱۱۰ مورد اول

بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم																				
نام فصل: کاربرد مشتق	نام درس: کاربرد مشتق	شماره صفحات: ۱۱۰																				
نام طراح: یوسف جعفری	استان: البرز	شهرستان: نظرآباد																				
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی																						
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	شمارک: ۱/۲۵ نمره																					
نوع سؤال: پاسخ گزین																						
<p>سؤال: با توجه به نمودار داده شده جدول زیر را تکمیل کنید. برای تأیید \checkmark و برای رد \times بنویسید.</p>																						
<table border="1"> <thead> <tr> <th>طول نقطه</th> <th>$x = b$</th> <th>$x = c$</th> <th>$x = e$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>اکسترمم مطلق</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>اکسترمم نسبی</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>مشتق پذیر است.</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>مشتق مساوی صفر است.</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>			طول نقطه	$x = b$	$x = c$	$x = e$	اکسترمم مطلق				اکسترمم نسبی				مشتق پذیر است.				مشتق مساوی صفر است.			
طول نقطه	$x = b$	$x = c$	$x = e$																			
اکسترمم مطلق																						
اکسترمم نسبی																						
مشتق پذیر است.																						
مشتق مساوی صفر است.																						
<p>پاسخ تشریحی:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>طول نقطه</th> <th>$x = b$</th> <th>$x = c$</th> <th>$x = e$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>اکسترمم مطلق</td> <td>\times</td> <td>\checkmark</td> <td>\times</td> </tr> <tr> <td>اکسترمم نسبی</td> <td>\times</td> <td>\times</td> <td>\checkmark</td> </tr> <tr> <td>مشتق پذیر است.</td> <td>\times</td> <td>\times</td> <td>\checkmark</td> </tr> <tr> <td>مشتق مساوی صفر است.</td> <td>\times</td> <td>\times</td> <td>\checkmark</td> </tr> </tbody> </table>			طول نقطه	$x = b$	$x = c$	$x = e$	اکسترمم مطلق	\times	\checkmark	\times	اکسترمم نسبی	\times	\times	\checkmark	مشتق پذیر است.	\times	\times	\checkmark	مشتق مساوی صفر است.	\times	\times	\checkmark
طول نقطه	$x = b$	$x = c$	$x = e$																			
اکسترمم مطلق	\times	\checkmark	\times																			
اکسترمم نسبی	\times	\times	\checkmark																			
مشتق پذیر است.	\times	\times	\checkmark																			
مشتق مساوی صفر است.	\times	\times	\checkmark																			

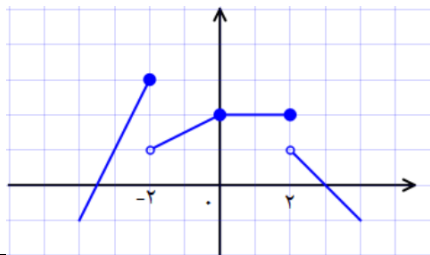
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۰	نام درس: اکسترمم های تابع	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: تهران منطقه ۱۷	استان: تهران	نام طراح: مهدی صفائی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> کار بستن
شمارک: ۰/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> درجه اول	<input type="checkbox"/> درجه دوم
<p>نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی</p>		
<p>سؤال: با توجه به نمودار تابع f' در شکل زیر، تابع f در کدام نقطه، دارای ماکزیمم نسبی است؟ (الف) نقطه a (ب) نقطه b (ج) مبدا مختصات (د) این تابع فاقد ماکزیمم نسبی است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: الف) نقطه a</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۰	نام درس: اکسترمم های تابع	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: تهران منطقه ۱۸	استان: تهران	نام طراح: حجت کاویانی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> کار بستن
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> درجه اول	<input type="checkbox"/> درجه دوم
<p>نوع سؤال: کوتاه پاسخ</p>		
<p>سؤال: نقطه $x = c$ (عضو دامنه تابع) نقطه بحرانی تابع است هرگاه یا</p>		
<p>پاسخ تشریحی: $f'(c) = 0$ یا $f'(c)$ موجود نباشد. هر قسمت ۰/۵ نمره</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۰	نام درس: اکسترم های تابع	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: سروستان	استان: فارس	نام طراح: سعیده محمودی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. • هر نقطه بحرانی تابع یک نقطه اکسترم نسبی است.		
پاسخ: نادرست		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۰	نام درس: اکسترم های تابع	نام فصل: کاربردهای مشتق
شهرستان: بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: کدام گزینه در مورد تابع $f(x) = \begin{cases} 2x & x > 1 \\ 2 - x^2 & x \leq 1 \end{cases}$ درست است؟ الف) یک ماکزیمم و یک مینیمم نسبی دارد. ب) تنها یک نقطه بحرانی دارد. پ) تنها یک اکسترم نسبی دارد. ت) فاقد نقاط اکسترم نسبی است.		
پاسخ: گزینه الف		

بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۰	نام درس: اکستریم‌های تابع	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: نظرآباد	استان: البرز	نام طراح: یوسف جعفری
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کاربستن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۰/۷۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> سطح دشواری سؤال:
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال: با توجه به نمودار روبرو جاهای خالی را پر کنید. الف) تابع در نقطه $x = \dots$ دارای ماکزیمم مطلق دارد. ب) تابع در نقطه $x = \dots$ بحرانی است.</p>		
		
پاسخ تشریحی:		
الف) ۲ - ب) هر نقطه از بازه $[0, 2]$ پاسخ صحیح است.		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: کاربردهای مشتق	نام درس: اکستریم های تابع	شماره صفحات: ۱۱۰
نام طراح: ابراهیم داشن	استان: هرمزگان	شهرستان: بخش شیبکوه
سطح شناختی سوال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سوال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۲۵		
نوع سوال: کوتاه پاسخ		
<p>سوال:</p> <p>تابع $y = f(x)$ در نقطه دارای ماکزیمم مطلق است.</p>		
پاسخ تشریحی:		
$x = c$		

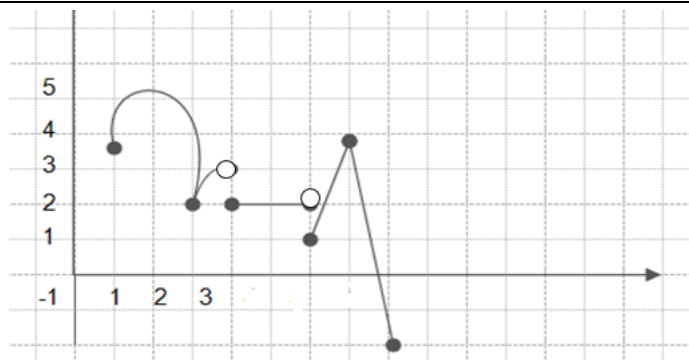
عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: کاربرد مشتق	نام درس: اکستریم های تابع	شماره صفحات: ۱۱۰
نام طراح: سعیده محمودی	استان: فارس	شهرستان: سروستان
سطح شناختی سوال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سوال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۰/۲۵		
نوع سوال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>کلمه یا کلمات مناسب برای پر کردن جای خالی را از بین کلمات داخل کمانک انتخاب کنید.</p> <p>نقطه A به طول -1، یک نقطه (ماکزیمم مطلق / مینیمم مطلق / بحرانی) برای</p> <p>$f(x) = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$ است.</p>		
پاسخ تشریحی:		
بحرانی		

بخش سوم: گسترده پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: احتمال	نام درس: کاربرد مشتق	شماره صفحات: ۱۱۰
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: هر مورد ۰/۲۵		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		

سؤال:

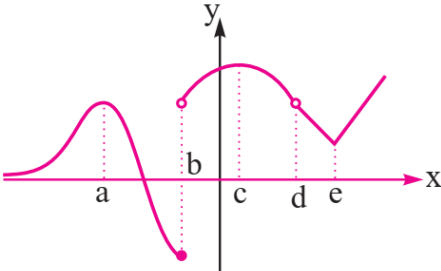
باتوجه به نمودار زیر جدول را تکمیل کنید.



طول نقطه	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
Max مطلق								
Min مطلق								
نقطه بحرانی								

پاسخ تشریحی

طول نقطه	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
Max مطلق	×	√	×	×	×	×	×	×
Min مطلق	×	×	×	×	×	×	×	√
$f'(c) = 0$	×	√	×	×	×	×	×	×

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۰	نام درس: کاربرد مشتق	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: نظرآباد	استان: البرز	نام طراح: یوسف جعفری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۲.۵ نمره	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: اکستریم های مطلق و نسبی و نقاط بحرانی تابع روبرو در نقاط مشخص شده را تعیین کنید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>نقطه a: ماکزیمم نسبی و نقطه بحرانی نقطه b: مینیمم نسبی و مطلق و بحرانی نقطه c: ماکزیمم نسبی و نقطه بحرانی نقطه e: مینیمم نسبی و نقطه بحرانی</p>		

سوالات مفهومی

ریاضی ۳

پایه دوازدهم تجربی

فصل: کاربرد مشتق

موضوع: بهینه‌سازی

صفحه ۱۱۳ تا ۱۲۰

بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: کاربرد مشتق	نام درس: بهینه سازی	شماره صفحات: ۱۱۳ تا ۱۲۰
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
سؤال: در بین تمام مستطیل های با محیط ثابت مستطیلی بیشترین مساحت را دارد که طول و عرض آن برابر باشند.		
پاسخ تشریحی: درست		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: کاربرد مشتق	نام درس: بهینه سازی	شماره صفحات: ۱۱۳-۱۲۰
نام طراح: فاطمه معدن دار	استان: البرز	شهرستان: کرج
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
سؤال: اگر $a + b = 4$ باشد. بیشترین مقدار ab کدام است؟ ۲۰(۱) ۱۶(۲) ۸(۳) ۴(۴)		
پاسخ تشریحی: گزینه ۴		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۲۰-۱۱۳	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمنش
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح - غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال: درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید. الف) مستطیلی در دایره‌ای به شعاع ۳ محاط شده است، مساحت این مستطیل حداکثر ۸ است. <input type="checkbox"/> ب) مجموع اضلاع قائم‌م‌ی مثلث قائم الزاویه ای ۸ است. کمترین مقدار وتر $4\sqrt{2}$ آن است. <input type="checkbox"/></p>		
<p>پاسخ تشریحی: الف) نادرست ب) درست</p>		

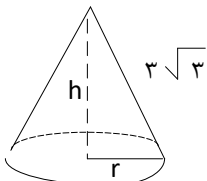
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۲۰-۱۱۳	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد - قنبر بشارتی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال: اگر محیط مستطیلی ۸۰ باشد، بیشترین مساحت آن کدام است؟ الف) ۴۲۰ ب) ۴۰۰ ج) ۳۸۰ د) ۳۶۰</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ب ۰/۲۵ $x + y = 40 \quad y = 40 - x$ $S = x(40 - x) = 40x - x^2$ $S' = 40 - 2x = 0 \quad x = 20 \quad S = 400$</p>		

پایه: دوازدهم تجربی	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۱۱۳ الی ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: بوانات	استان: فارس	نام طراح: اعظم برزگر
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵ نمره	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
سؤال: اگر محیط مستطیلی ۱۰ باشد، بیشترین مساحت آن کدام است؟		
۶/۷۵ (۴)	۶/۵ (۳)	۶/۲۵ (۲)
پاسخ تشریحی: گزینه (۲) صحیح است.		
 $2x + 2y = 10 \Rightarrow x + y = 5 \Rightarrow x = 5 - y$ $S = xy = (5 - y)y = 5y - y^2$ $S' = 5 - 2y = 0$ $\Rightarrow y = \frac{5}{2} \Rightarrow x = \frac{5}{2}$ $s = xy = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} = \frac{6}{25}$		

بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۳-۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: فاطمه معدن‌دار
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۲۵	<input type="checkbox"/> دشوار	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: در جای خالی را با عبارت مناسب قرار دهید. در بین تمام مستطیل هایی با محیط ثابت، مستطیلی بیشترین مساحت را دارد که طول و عرض آن باشد.		
پاسخ تشریحی: برابر		


پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۳- ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد - قنبر بشارتی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: اگر $x + y = a$ ، x چقدر باشد تا $A = xy$ بیشترین مقدار را داشته باشد؟		
پاسخ تشریحی: $x + y = a \quad y = a - x \quad ۰/۲۵$ $A = xy = x(a - x) = ax - x^2 \quad ۰/۲۵$ $A' = a - 2x = 0 \quad x = \frac{a}{2} \quad ۰/۵$		

پایه: دوازدهم تجربی	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۱۱۳ الی ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: بوانات	استان: فارس	نام طراح: اعظم برزگر
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> کاربستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۰/۷۵ نمره	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
<input type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>بیشترین حجم مخروط زیر در چه ارتفاعی است؟ کامل کنید.</p>  $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi (\dots - \dots) h = \dots - \dots$ $V' = 9\pi - \dots = 0 \Rightarrow h = \dots$		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi (27 - h^2) h = 9\pi h - \frac{1}{3} \pi h^3$ $V' = 9\pi - \pi h^2 = 0 \Rightarrow 9\pi = \pi h^2 \Rightarrow h = 3$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۳-۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:
		نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال:		
کوتاهترین فاصله منحنی $y = x^2$ از خط $y = 2x + 2 = 0$ برابر است.		
پاسخ تشریحی:		
$\frac{1}{\sqrt{5}}$		
نقطه (α, α^2) را روی منحنی در نظر می گیریم. فاصله این نقطه تا خط مورد نظر برابر است با:		
$d = \frac{ \alpha^2 - 2\alpha + 2 }{\sqrt{1+4}} \xrightarrow{\alpha^2 - 2\alpha + 2 > 0} d'(\alpha) = \frac{2\alpha - 2}{\sqrt{5}} = 0 \rightarrow 2\alpha - 2 = 0 \rightarrow \alpha = 1 \rightarrow d = \frac{1}{\sqrt{5}}$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۳ تا ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربردهای مشتق
بخش: شبیکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:
		نوع سؤال: کوتاه پاسخ
سؤال:		
بیشترین مساحت مستطیلی که محیط آن ۳۶ متر باشد، برابر است.		
پاسخ تشریحی:		
۸۱		
$2x + 2y = 36 \Rightarrow x + y = 18 \Rightarrow y = 18 - x \Rightarrow S(x) = xy = x(18 - x) = -x^2 + 18x$		
$\Rightarrow S'(x) = -2x + 18 = 0 \Rightarrow x = 9 \text{ و } y = 9 \Rightarrow S = 81m^2$		

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳												
شماره صفحات: ۱۱۳ تا ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربردهای مشتق												
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان												
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی														
شمارک: ۱/۵ نمره	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار													
نوع سؤال: گسترده پاسخ														
سؤال: محیط مستطیلی ۲۰ سانتی متر است ابعاد مستطیل را طوری بیابید که مساحت آن ماکزیمم شود؟														
پاسخ تشریحی: <div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="margin-right: 20px;"> x  </div> <div> $2(x + y) = 20 \rightarrow x + y = 10 \rightarrow y = 10 - x$ $s = xy = x(10 - x) = 10x - x^2 \quad D_s = [0, 10]$ $S' = 10 - 2x = 0 \rightarrow x = 5 \rightarrow S = 10 \times 5 - 5^2 = 25 \text{ max}$ </div> </div> <table border="1" style="margin-top: 20px; width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td>x</td> <td>۰</td> <td>۵</td> <td>۱۰</td> </tr> <tr> <td>s'</td> <td>+</td> <td>۰</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>s</td> <td>↗</td> <td>۲۵</td> <td>↘</td> </tr> </table>			x	۰	۵	۱۰	s'	+	۰	-	s	↗	۲۵	↘
x	۰	۵	۱۰											
s'	+	۰	-											
s	↗	۲۵	↘											

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳												
شماره صفحات: ۱۲۰-۱۱۳	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق												
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: فاطمه معدندار												
<input type="checkbox"/> ارزشیابی <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> دشوار <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> سؤالی												
شمارک: ۱.۵	نوع سؤال: گسترده پاسخ													
<p>سؤال: کوتاه ترین فاصله نقطه $(4,0)$ از نقاط منحنی $y = \sqrt{2x+9}$ را بدست آورید.</p>														
<p>پاسخ تشریحی:</p> $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}; d(x) = \sqrt{(x - 4)^2 + (\sqrt{2x+9})^2} = \sqrt{x^2 - 6x + 25}$ $d'(x) = \frac{2x-6}{2\sqrt{x^2-6x+25}} \xrightarrow{d'=0} x = 3, d = \sqrt{9 - 18 + 25} = 4$														
<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>\cdot</td> <td>3</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$d'(x)$</td> <td>$-$</td> <td>\cdot</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>$d(x)$</td> <td>\searrow</td> <td>4</td> <td>\nearrow</td> </tr> </table> <p style="text-align: center;">min</p>	x	\cdot	3	$+\infty$	$d'(x)$	$-$	\cdot	$+$	$d(x)$	\searrow	4	\nearrow	<p style="text-align: center;">$\cdot \cdot \cdot$</p>	
x	\cdot	3	$+\infty$											
$d'(x)$	$-$	\cdot	$+$											
$d(x)$	\searrow	4	\nearrow											

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۲۰-۱۱۳	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: بدره	استان: ایلام	نام طراح: سکینه رادمنش
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن
شمارک: ۱.۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> ساده
	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: اگر $x^2 + y^2 = 6$، کمترین مقدار ممکن $x^4 + y^4$ را به دست آورید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $y^2 = 6 - x^2 \Rightarrow x^4 + (6 - x^2)^2 = x^4 + 36 - 12x^2 + x^4$ $= 2x^4 - 12x^2 + 36 \text{ (نمره ۲۵)}$ $f(x) = 2x^4 - 12x^2 + 36 \Rightarrow f'(x) = 8x^3 - 24x = 8x(x^2 - 3) \text{ (نمره ۲۵)}$ $f'(x) = 0 \Rightarrow x = 0, x = \sqrt{3}, x = -\sqrt{3} \text{ (نمره ۷۵)}$ $f(0) = 36, f(\sqrt{3}) = 18, f(-\sqrt{3}) = 18 \text{ (نمره ۵)}$ <p>پس کمترین مقدار ممکن تابع f برابر ۱۸ است. (نمره ۲۵)</p>		

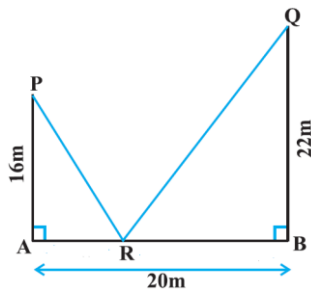
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۳ - ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: تهران منطقه ۱۳	استان: تهران	نام طراح: معصومه محمدی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱.۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: اگر a و b دو عدد مثبت و $2a + b = 12$ باشد، حداکثر ab^2 را بدست آورید؟		
پاسخ تشریحی: $b = 12 - 2a$ $f(a) = a \cdot (12 - 2a)^2 \rightarrow f'(a) = (12 - 2a)^2 - 4(12 - 2a)a = 0$ $(12 - 2a)(12 - 6a) = 0$ $a = 6 \rightarrow b = 0$ غ ق $a = 2 \rightarrow b = 8 \rightarrow \text{Max}(ab^2) = 128$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳						
شماره صفحات: ۱۱۳ - ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق						
شهرستان: تهران منطقه ۱۳	استان: تهران	نام طراح: معصومه محمدی						
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن						
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کاربرستن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:						
شمارک: ۱/۵ نمره	<input checked="" type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> متوسط						
	<input type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:						
نوع سؤال: گسترده پاسخ								
<p>سؤال: نقطه $M(x, y)$ روی منحنی $y = 2x^2 - x + 2$ قرار دارد. کمترین فاصله نقطه M از خط به معادله $4y = -3x + 2$ را بیابید.</p>								
<p>پاسخ تشریحی: ابتدا با توجه به فرمول فاصله نقطه $M(x, 2x^2 - x + 2)$ از خط $4y + 3x - 2 = 0$ داریم: $d = \frac{ \lambda x^2 - 4x + 8 + 3x - 2 }{\sqrt{4^2 + 3^2}} = \frac{ \lambda x^2 - x + 6 }{5} \quad (\text{نمره } 0.5)$ در عبارت صورت کسر $\Delta < 0$ و $a = 8$ است پس این عبارت همواره مثبت است (نمره ۰.۲۵): $d(x) = \frac{\lambda x^2 - x + 6}{5} \Rightarrow d'(x) = \frac{1}{5}(16x - 1) = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{16} \quad (\text{نمره } 0.5)$ $d_{min} = \frac{8(\frac{1}{16})^2 - \frac{1}{16} + 6}{5} = \frac{19}{32} \quad (\text{نمره } 0.25)$ </p>								
		<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$\frac{1}{16}$</td> </tr> <tr> <td>$d'(x)$</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td></td> <td>+</td> </tr> </table>	x	$\frac{1}{16}$	$d'(x)$	-		+
x	$\frac{1}{16}$							
$d'(x)$	-							
	+							

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: کاربرد مشتق	نام درس: بهینه سازی	شماره صفحات: ۱۲۰-۱۱۳
نام طراح: جواد محسنی فرد	استان: تهران	شهرستان: تهران
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۲ نمره		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		

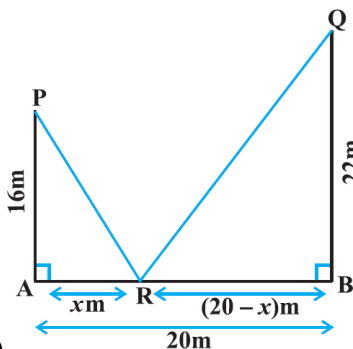
سؤال:

فرض کنید AP و BQ دو تیر عمودی در نقاط A و B باشند. اگر $AP = 16\text{ m}$ و $BQ = 22\text{ m}$ و $AB = 20\text{ m}$. نقطه ای روی پاره خط AB مانند R بیابید که مجموع فاصله اش از دو نقطه P و Q کمترین مقدار باشد.



پاسخ تشریحی:

برای حل مساله، قرار می دهیم $AR = x$ و $BR = 20 - x$ مانند شکل



(۰/۵ نمره)

کافیست کمترین مقدار مجموع وترهای دو مثلث قائم الزاویه PAR و QBR یعنی مینیمم عبارت $T = PR^2 + QR^2$ را بیابیم. طبق رابطه فیثا غورث در مثلثهای PAR و QBR داریم:

$$T(x) = (x^2 + 16^2) + ((20 - x)^2 + 22^2) = 2x^2 - 40x + 1140 \quad (۰/۵ نمره)$$

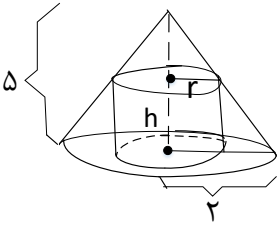
با محاسبه مشتق $T(x)$ و ریشه های آن داریم:

$$T'(x) = 4x - 40 \Rightarrow T'(x) = 0 \Rightarrow x = 10 \quad (۰/۵ نمره)$$

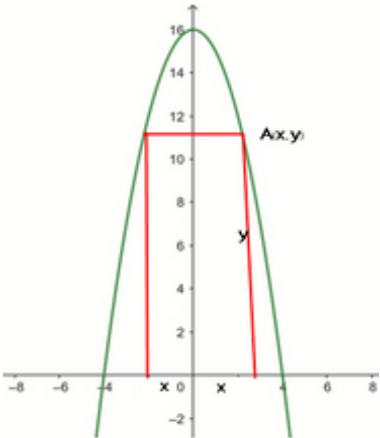
با توجه به تعیین علامت مشتق، این نقطه مینیمم تابع $T(x)$ است. (۰/۵ نمره)

بنابراین نقطه R روی پاره خط AB به گونه ای است که از نقطه A به اندازه 10 m فاصله دارد. (۰/۵ نمره)

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۲۰-۱۱۳	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد - قنبر بشارتی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب
<input type="checkbox"/> کاربستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۲	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
<input type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
سؤال: با مقوایی به شکل مربع و با طول ضلع ۸، جعبه ای بدون در درست می کنیم. حجم این جعبه حداکثر چقدر است؟		
پاسخ تشریحی: فرض کنیم از هر گوشه مربع، مربعی به طول x جدا کنیم در این صورت		
$0 \leq x \leq 4$	$x(8-2x)^2$ = حجم جعبه	۰/۲۵
$f'(x) = (8-2x)^2 - 4x(8-2x) = (8-2x)(8-6x)$		۰/۷۵
$f'(x) = 0$	$x = \frac{4}{3}$ $x = 4$ غ ق ق	۰/۲۵
x	$\frac{4}{3}$ 4	
$f(x)$	$+$ 0 $-$	۰/۱۵
	Max نسبی	
در نتیجه بیشترین مقدار ممکن f ، یعنی بیشترین مقدار ممکن حجم جعبه مورد نظر، به ازای $x = \frac{4}{3}$ به دست می آید و برابر است با $f\left(\frac{4}{3}\right) = \frac{1024}{27}$		
	۰/۲۵	

پایه: دوازدهم تجربی	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۱۱۳ الی ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: بوانات	استان: فارس	نام طراح: اعظم برزگر
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱/۵ نمره	دشواری <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>در مخروطی به شعاع قاعده ی ۲ و ارتفاع ۵، استوانه ای محاط می کنیم که محورش بر محور مخروط منطبق باشد. اگر مساحت جانبی استوانه ماکزیمم باشد، شعاع آن را حساب کنید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $\frac{5-h}{5} = \frac{r}{2} \Rightarrow 10 - 2h = 5r \Rightarrow 2h = 10 - 5r$ $h = 5 - \frac{5}{2}r$ <p>مساحت جانبی: $S = 2\pi r \left(5 - \frac{5}{2}r\right) \Rightarrow 10\pi r - 5\pi r^2$</p> $S' = 10\pi - 10\pi r = 0 \Rightarrow r = 1$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳												
شماره صفحات: ۱۱۳-۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق												
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان												
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل												
	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن												
شمارک: ۲	<input checked="" type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> متوسط												
	<input type="checkbox"/> ساده													
نوع سؤال: گسترده پاسخ														
<p>سؤال: می‌خواهیم یک قوطی در بسته فلزی با مساحت کل 150π بسازیم. شعاع این استوانه را چنان تعیین کنید که حجم استوانه بیشترین مقدار ممکن را داشته باشد.</p>														
<p>پاسخ تشریحی:</p> $S = 2\pi rh + 2\pi r^2 = 150\pi \rightarrow rh + r^2 = 75 \rightarrow rh = 75 - r^2 \quad (1)$ $V(r) = \pi r^2 h = \pi r r h \xrightarrow{(1)} V(r) = \pi r(75 - r^2) = 75\pi r - \pi r^3$ $D = (0, +\infty)$ $V'(r) = 75\pi - 3\pi r^2 = 0 \rightarrow 75 - 3r^2 = 0 \rightarrow r^2 = 25 \rightarrow r = 5$ $h = \frac{75 - r^2}{r} \rightarrow h = \frac{75 - 25}{5} = 10 \rightarrow V = 250\pi$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>r</td> <td>۰</td> <td>۵</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$V'(r)$</td> <td>+</td> <td>۰</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>$V(r)$</td> <td>↗</td> <td>250π</td> <td>↘</td> </tr> </table>			r	۰	۵	$+\infty$	$V'(r)$	+	۰	-	$V(r)$	↗	250π	↘
r	۰	۵	$+\infty$											
$V'(r)$	+	۰	-											
$V(r)$	↗	250π	↘											

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۱۳ - ۱۲۰	نام درس: بهینه سازی	نام فصل: کاربرد مشتق
شهرستان: دنا	استان: کهگیلویه و بویراحمد	نام طراح: سید ابوالفضل قاسمیان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input checked="" type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
	<input type="checkbox"/> کارستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: دو رأس مستطیلی بالای محور x ها روی سهمی $y = 16 - x^2$ و دو رأس دیگر آن روی محور x ها قرار دارد. ماکزیمم مساحت این مستطیل را بدست آورید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-between;"> <div style="text-align: center;">  </div> <div> $s = 2xy \xrightarrow{y=16-x^2} s = 2x(16 - x^2) = 32x - 2x^3$ $s'(x) = 32 - 6x^2 = 0 \rightarrow x^2 = \frac{16}{3} \rightarrow x = \frac{4}{\sqrt{3}}$ $y = 16 - \frac{16}{3} = \frac{32}{3}$ $s = 2 \cdot \frac{4}{\sqrt{3}} \cdot \frac{32}{3} = \frac{256}{3\sqrt{3}}$ </div> </div>		

سوالات مفهومی

ریاضی ۳

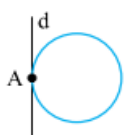



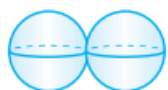
پایه دوازدهم تجربی

فصل: هندسه

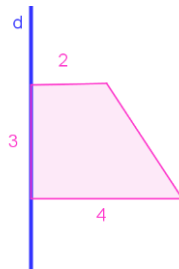
با تأکید بر تمرین ۱ و ۲

صفحه ۱۳۲

بخش اول: پاسخ‌گزین

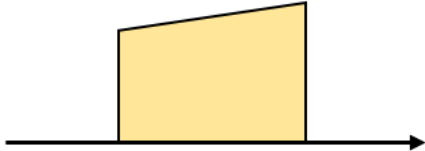
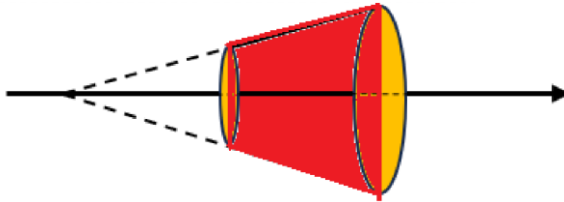
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: رزا زاهدی مقدم
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: خط d بر دایره به شعاع r مماس است. از دوران این دایره حول خط d کدام شکل هندسی به وجود می‌آید؟</p> 		
<p>۱.  .۱</p> <p>۲.  .۲</p> <p>۳.  .۳</p> <p>۴.  .۴</p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ۳</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰.۷۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی <input checked="" type="checkbox"/>		
<p>سؤال:</p> <p>شکل A از دوران دوزنقه زیر، حول محور d به وجود می‌آید. "سطح مقطع" حاصل از برخورد هر "صفحه" با شکل A را به آن متصل کنید.</p> <ul style="list-style-type: none"> • دوزنقه • صفحه‌ای موازی محور دوران و به فاصله ۳ سانتی‌متر از آن • دایره توپر • صفحه‌ای موازی محور دوران و به فاصله ۱ سانتی‌متر از آن • مستطیل • صفحه‌ای عمود بر محور دوران • قسمتی از هذلولی 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <ul style="list-style-type: none"> • دوزنقه • دایره • مستطیل • قسمتی از هذلولی • صفحه‌ای موازی محور دوران و به فاصله ۳ سانتی‌متر از آن • صفحه‌ای موازی محور دوران و به فاصله ۱ سانتی‌متر از آن • صفحه‌ای عمود بر محور دوران 		



عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: هندسه	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	شماره صفحات: ۱۳۲
نام طراح: بتول معتمد - قنبر بشارتی	استان: خراسان جنوبی	شهرستان: سرایان
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: سطح مقطع یک استوانه با صفحه‌های افقی، مایل و قائم چه شکلی نمی‌تواند باشد؟ (الف) مثلث (ب) مستطیل (ج) بیضی (د) دایره		
پاسخ تشریحی: پاسخ گزینه الف ۰/۲۵ سطح مقطع یک استوانه با صفحه‌های افقی، دایره، با صفحه قائم، مستطیل و با صفحه مایل، بیضی است. بنابراین مثلث ایجاد نمی‌شود.		

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: هندسه	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	شماره صفحه: ۱۳۲
نام طراح: میترا گماریان	استان: تهران	شهرستان: تهران منطقه ۵
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: سطح مقطع برخورد استوانه با صفحه مایلی که با قاعده‌های استوانه متقاطع نباشد به شکل است. (۰/۲۵ نمره) (الف) دایره (ب) مثلث (پ) مستطیل (ت) بیضی		
پاسخ تشریحی: ت - بیضی (۰/۲۵)		


پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحه: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۵	استان: تهران	نام طراح: پوران نوروزی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح- غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جور کردنی		
<p>سؤال:</p> <p>مطابق شکل روبرو دوزنقه قائم‌الزاویه ای حول محور دوران دهیم. شکل حاصل از دوران کدام است؟ سطح مقطع این شکل در برخورد با صفحه‌ای که شامل محور دوران باشد، چیست؟</p>  <p>(الف) یک مخروط - دوزنقه متساوی‌الساقین قائم‌الزاویه (ب) یک استوانه - دوزنقه (پ) یک مخروط ناقص - دوزنقه متساوی‌الساقین (ت) یک استوانه ناقص - مستطیل</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه (پ) ۰/۵</p> 		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: چهارم	استان: فارس	نام طراح: خانم ذبیحین پور
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین <input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط <input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
سؤال: شکل حاصل از دوران یک مثلث قائم الزاویه حول وتر، یک مخروط است. (درست/نادرست)		
پاسخ: نادرست		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲-۱۲۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۵	استان: تهران	نام طراح: منیژه مبارکی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۷۵	سطح دشواری سؤال: ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: پاسخ گزین		
سؤال: شکل حاصل از دوران اجسام زیر را به پاسخ درست وصل کنید.		
کره	دوران مثلث قائم الزاویه حول یک ضلع زاویه قائمه	
استوانه	دوران نیم دایره حول قطرش	
مخروط	دوران مستطیل حول طولش	
پاسخ تشریحی:		
کره	دوران مثلث قائم الزاویه حول یک ضلع زاویه قائمه	
استوانه	دوران نیم دایره حول قطرش	
مخروط	دوران مستطیل حول طولش	

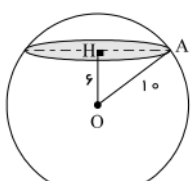
(۰/۷۵)


بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: صفحه ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۰/۲۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> متوسط
	<input checked="" type="checkbox"/> ساده	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p>  <p>هرگاه دوزنقه روبرو را حول محور نمایش داده شده دوران دهیم، سطح مقطع شکل حاصل از دوران در برخورد با صفحه‌ای که شامل محور دوران باشد است.</p>		
پاسخ تشریحی:		
دوزنقه		

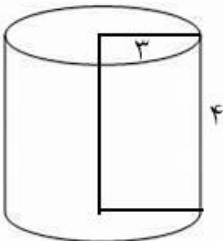
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۰/۲۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> ساده
	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: کوتاه پاسخ			
<p>سؤال:</p> <p>مستطیلی به طول ۳ واحد و عرض ۲ واحد که در فاصله ۱ واحد از یک خط راست قرار دارد را حول محور داده شده دوران می دهیم. سطح مقطع شکل حاصل از دوران را در برخورد با صفحه موازی با قاعده آن را توصیف کنید؟</p>			
پاسخ تشریحی:			
دو دایره هم مرکز			

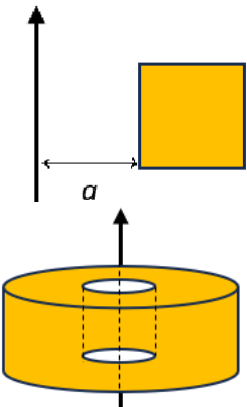
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: کرج	استان: البرز	نام طراح: رزا زاهدی مقدم
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: در جای خالی عبارت مناسب بنویسید. از دوران..... حول ضلع عمود بر قاعده‌های آن یک مخروط ناقص به وجود می‌آید.		
پاسخ تشریحی: دوزنقه قائم الزاویه		

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	تحلیل <input type="checkbox"/>	کار بستن <input checked="" type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۱		سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار			
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال: صفحه‌ای کره‌ای با شعاع $R = 10 \text{ cm}$ را به فاصله 6 cm از مرکز آن قطع می‌کند. مساحت مقطع حاصل چقدر است؟					
		<p>پاسخ تشریحی:</p> $AH^2 = 10^2 - 6^2 = 8^2 \rightarrow AH = 8$ $S = \pi \times 8^2 = 64\pi$			

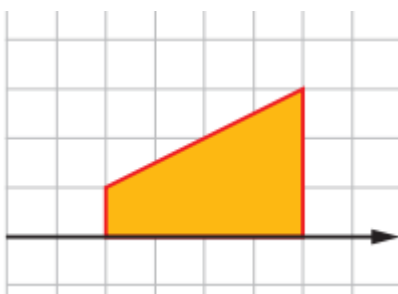
پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰.۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>اگر مثلث قائم الزاویه زیر را حول ضلع AB دوران دهیم، شکلی به حجم V_1 و در صورتی که حول ضلع BC دوران دهیم، شکلی به حجم V_2 تولید می شود، اگر $\frac{V_2}{V_1} = 2$ باشد، $\frac{AB}{BC}$ را بیابید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $\frac{V_2}{V_1} = \frac{\frac{1}{3}\pi(BC)(AB)^2}{\frac{1}{3}\pi(AB)(BC)^2} = \frac{AB}{BC} = 2 \text{ (نمره } 0/5)$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحه: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۵	استان: تهران	نام طراح: میترا گماریان
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>الف) سطح مقطع حاصل از برخورد یک صفحه با کره‌ای به شعاع ۲ به چه شکلی است؟ (۰/۲۵)</p> <p>ب) مساحت این سطح مقطع در حالی که بیشترین مساحت ممکن را داشته باشد را محاسبه کنید. (۰/۲۵)</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>الف) دایره (۰/۲۵)</p> <p>ب) 4π (۰/۲۵)</p>		

پایه: دوازدهم تجربی	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی (۳)
شماره صفحات: ۱۲۲ تا ۱۲۴	نام درس: ریاضی ۳	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۱۴	استان: تهران	نام طراح: سببکه دربندی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> کاربردن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۰/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> متوسط
<input checked="" type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: حجم شکل حاصل از دوران مستطیلی به اضلاع ۳ و ۴ حول ضلع به طول ۴ را بدست آورید .		
پاسخ تشریحی:		
	$V = \pi r^2 h = \pi \times 3^2 \times 4 = 36\pi$	

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۲۲ تا ۱۲۴	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۵	استان: تهران	نام طراح: پوران نوروزی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> کاربردن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۰/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> متوسط
<input checked="" type="checkbox"/> ساده	سطح دشواری سؤال:	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال: مطابق شکل مربعی به ضلع a که به فاصله a واحد از محور از یک خط راست قرار دارد را حول این خط دوران داده ایم، حجم شکل حاصل چقدر است؟		
	پاسخ تشریحی:	
$V = V_{\text{بزرگ}} - V_{\text{کوچک}} = \pi(2a)^2(a) - \pi(a)^2(a)$		
$= 4\pi a^3 - \pi a^3 = 3\pi a^3$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۲۲ تا ۱۲۴	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۵	استان: تهران	نام طراح: منیژه مبارکی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۷۵	سطح دشواری سؤال: ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار <input type="checkbox"/>	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>پاره خط AB به طول ۲ سانتی‌متر در فاصله ۳ سانتی متری از خط L قرار دارد. اگر AB حول L دوران کند، شکل حاصل را رسم کرده و مساحت آن را بیابید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p>  $S = \pi(5)^2 - \pi(3)^2 = 16\pi$ <p>(۰/۲۵ نمره) (۰/۵ نمره)</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
بخش: شیکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم دانش
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربردن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>در شکل زیر می‌خواهیم دوزنقه قائمه را حول محور دوران دهیم. سطح مقطع این شکل در برخورد با صفحه‌ای که عمود بر صفحه شامل محور دوران باشد..... است.</p>		
		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>دایره (۰/۲۵)</p>		

بخش سوم: گسترده پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: صفحه ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: ارومیه	استان: آذربایجان غربی	نام طراح: گروه ریاضی استان
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> کار بستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۱/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: مستطیلی به طول ۳ واحد و عرض ۲ واحد مطابق شکل روبرو در فاصله ۲ واحد از یک خط راست قرار دارد. حجم شکل حاصل از دوران این مستطیل حول محور داده شده را محاسبه کنید.</p> 		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $V_2 = \pi r^2 h = \pi (2)^2 (2) = 8\pi$ $V_1 = \pi r^2 h = \pi (1)^2 (2) = 2\pi$ $V = V_2 - V_1 = 8\pi - 2\pi = 6\pi$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۲
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input checked="" type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱.۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>حجم شکل حاصل از دوران مثلث زیر حول خط d را محاسبه کنید.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>حجم حاصل برابر حجم حاصل از دوران مثلث DEC منهای حجم حاصل از دوران مثلث های DAG و HAG است.</p> $\frac{DG}{DE} = \frac{GA}{EC} \Rightarrow \frac{DG}{3+DG} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{DG}{2} = \frac{3+DG}{2} \Rightarrow DG = 3$ <p style="text-align: center;">(نمره ۲۵) / (نمره ۲۵)</p> $V = \frac{1}{3} \pi (2)^2 (6) - \frac{1}{3} \pi (1)^2 (1) - \frac{1}{3} \pi (1)^2 (3)$ <p style="text-align: center;">(نمره ۲۵) / (نمره ۲۵) / (نمره ۲۵)</p> $= \frac{20}{3} \pi$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد - قنبر بشارتی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرد <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شماره: ۱	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
		سؤال: مستطیل شکل مقابل را حول محور y دوران می دهیم. حجم جسم حاصل چقدر است؟
پاسخ تشریحی: حجم حاصل: استوانه ای به شعاع قاعده ۱۲ و ارتفاع ۴ (V_1) است که، استوانه ای به شعاع قاعده ۲ و ارتفاع ۴ (V_2)، از آن خالی شده است. بنابراین حجم آن برابر است با: $۰/۲۵$ $V = V_1 - V_2 = (\pi \times ۱۲^2 \times ۴) - (\pi \times ۲^2 \times ۴) = ۵۶۰\pi$ $۰/۲۵ \quad ۰/۲۵ \quad ۰/۲۵$		

ارزشیابی <input type="checkbox"/>	ترکیب <input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل	کاربرد <input type="checkbox"/>	فهمیدن <input type="checkbox"/>	سطح شناختی سؤال:
شماره: ۱	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار				
نوع سؤال: کوتاه پاسخ					
سؤال: مستطیلی به طول ۴ و عرض ۳ را حول طول آن دوران داده ایم. حجم جسم حاصل چقدر است؟					
پاسخ تشریحی: شکل حاصل از دوران استوانه ای به شعاع ۳ و ارتفاع ۴ است. بنابراین داریم: $۰/۵$ $V = \pi r^2 h = \pi \times ۳^2 \times ۴ = ۳۶\pi$ $۰/۵$					

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحه: ۱۳۲	نام درس: تفکر تجسمی و آشنایی با مقاطع مخروطی	نام فصل: هندسه
شهرستان: تهران منطقه ۵	استان: تهران	نام طراح: میترا گماریان
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱/۷۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>در شکل زیر مثلث قائم الزاویه ای با وتر $2\sqrt{3}$ و زاویه C برابر 30° درجه است داده شده است. الف) اگر مثلث را حول ضلع AB دوران دهیم، حجم شکل حاصل را محاسبه کنید. (۱ نمره) ب) سطح مقطع این شکل در برخورد با صفحه ای که شامل محور دوران باشد چه شکلی است و مساحت آن چقدر است؟ (۰/۷۵ نمره)</p>		
<p style="text-align: right;">پاسخ تشریحی:</p> <p>الف) شکل مخروط است. ضلع روبه رو، به زاویه 30° درجه نصف وتر است پس داریم:</p> $AB = \sqrt{3} \quad (0/25)$ $BC^2 = 12 - 3 = 9 \Rightarrow BC = 3 \quad (0/25)$ $V = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \pi (9)(\sqrt{3}) = 3\pi\sqrt{3} \quad (0/5)$		
<p>ب) مثلث متساوی الساقین (۰/۲۵)</p> $S = \frac{1}{2} (2\sqrt{3})(6) \sin 30^\circ = 3\sqrt{3} \quad (0/5)$		

سوالات مفهومی

ریاضی ۳

پایه دوازدهم تجربی

فصل: احتمال

موضوع: قانون احتمال کل

با تأکید بر مثال بالای صفحه ۱۴۸ و تمرین ۳

بخش اول: پاسخ گزین

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: احتمال	نام درس: قانون احتمال کل	شماره صفحات: ۱۴۸
نام طراح: فهیمه نصیری	استان: ایلام	شهرستان: آبدانان
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input checked="" type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار شمارک: ۰.۵		
نوع سؤال: پاسخ گزین <input type="checkbox"/> صحیح - غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال: یک سکه را آنقدر پرتاب می کنیم تا برای بار سوم "رو" ظاهر شود. احتمال این که دقیقاً پنج پرتاب لازم شود، چقدر است؟</p> <p style="text-align: center;"> $\frac{6}{25}$ (۱) $\frac{10}{25}$ (۲) $\frac{6}{24}$ (۳) $\frac{10}{24}$ (۴) </p>		
<p>پاسخ تشریحی: گزینه ۱ تعداد کل حالت‌ها: ۲۵ حالت‌های مورد نظر: $\binom{4}{1}$ رو آمدن در پرتاب پنجم \times دو پرتاب رو $\binom{4}{2}$</p> <p>پاسخ صحیح برابر با $\frac{\binom{4}{2}}{25}$ (گزینه ۱) می باشد.</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کار بستن	<input type="checkbox"/> سطح شناختی سؤال:
شمارک: ۰/۲۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> ساده
<input type="checkbox"/> متوسط	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط	<input type="checkbox"/> سطح دشواری سؤال:
<input type="checkbox"/> جور کردنی	<input checked="" type="checkbox"/> چند گزینه‌ای	<input type="checkbox"/> صحیح - غلط
<input type="checkbox"/> نوع سؤال:	<input type="checkbox"/> پاسخ گزین	<input type="checkbox"/> سؤال:
<p>احتمال انتقال نوعی بیماری ارثی از والدین به فرزند پسر ۰/۹۲ و به فرزند دختر ۰/۸۶ است. اگر والدین حامل این نوع بیماری باشند و در انتظار تولد فرزند خود باشند، با کدام احتمال فرزند بیمار هست ؟</p> <p>الف) ۰/۸۷۵ ب) ۰/۹ ج) ۰/۸۹ د) ۰/۸۹۵</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه ج</p> <p>طبق فرمول احتمال کل داریم:</p> $P(A) = \frac{1}{2} \times \frac{92}{100} + \frac{1}{2} \times \frac{86}{100} = \frac{89}{100}$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: داراب و سده	استان: فارس	نام طراح: وحید رحمانی و سمیه صادقی
سطح شناختی سؤال: <input type="checkbox"/> فهمیدن <input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۰/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط
نوع سؤال: پاسخ‌گزین <input type="checkbox"/> صحیح-غلط <input checked="" type="checkbox"/> چندگزینه‌ای <input type="checkbox"/> جورکردنی		
<p>سؤال:</p> <p>احتمال پاسخ گویی صحیح به سوالات اختصاصی و عمومی در یک آزمون به ترتیب $0/4$ و $0/7$ است. اگر از بین ۴ سوال اختصاصی و ۸ سوال عمومی یک سوال به تصادف انتخاب شود احتمال پاسخ گویی صحیح به این سوال چقدر است؟</p> <p>(۱) $\frac{3}{5}$ (۲) $\frac{2}{5}$ (۳) $\frac{2}{15}$ (۴) $\frac{1}{15}$</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>گزینه (۱) صحیح است.</p> <p>پاسخ گویی صحیح $\rightarrow 0/7$ عمومی $\rightarrow \frac{8}{12}$</p> <p>پاسخ گویی صحیح $\rightarrow 0/4$ اختصاصی $\rightarrow \frac{4}{12}$</p> $P(\text{پاسخگویی صحیح}) = \frac{8}{12} \times \frac{7}{10} + \frac{4}{12} \times \frac{4}{10} = \frac{72}{120} = \frac{3}{5}$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
بخش شیبکوه	استان: هرمزگان	نام طراح: ابراهیم داشن
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> کاربستن	<input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن
شماره: ۰/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
<input type="checkbox"/> دشوار	<input type="checkbox"/> ساده	<input type="checkbox"/> سوال
<input type="checkbox"/> جورکردنی	<input type="checkbox"/> چندگزینه‌ای	<input checked="" type="checkbox"/> صحیح- غلط
<p>سوال: اگر A_1, A_2, \dots, A_n پیشامدهایی باشند که بر روی فضای نمونه S یک افراز تشکیل داده باشند و B یک پیشامد دلخواه باشد، رابطه $P(B) = \sum_{i=1}^n P(B \cap A_i)$ قانون احتمال کل است.</p>		
<p>پاسخ تشریحی: درست</p>		

بخش دوم: کوتاه پاسخ

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: آبدانان	استان: ایلام	نام طراح: فهیمه نصیری
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
	<input checked="" type="checkbox"/> کارستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۰.۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سؤال:		
<p>یک ظرف داریم که شامل n مهره سفید و $n - 1$ مهره سیاه است. یک مهره به این ظرف اضافه می کنیم. اگر به تصادف یک مهره از ظرف برداریم، احتمال این که مهره انتخابی سفید باشد برابر $\frac{1}{p}$ است. در مورد رنگ مهره اضافه شده به ظرف چه نظری می توان داد؟</p>		
پاسخ تشریحی:		
<p>حالت اول: مهره اضافه شده سیاه \checkmark $\frac{n}{2n} = \frac{1}{2}$</p> <p>حالت دوم: مهره اضافه شده سفید \times $\frac{n+1}{2n} = \frac{1}{2}$</p> <p>پس مهره اضافه شده سیاه بوده است.</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: هفتم
شهرستان: تهران منطقه ۷	استان: تهران	نام طراح: کاظم عبدالرحیمی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
شمارک: ۰/۵	سطح دشواری سؤال <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
سؤال: اگر فضای نمونه ای S به دو زیر فضای S_1 و S_2 افراز شده باشد، احتمال وقوع A را روی این فضا بنویسید.		
پاسخ تشریحی: $P(A) = P(S_1) \times P(A S_1) + P(S_2) \times P(A S_2)$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: داراب و سده	استان: فارس	نام طراح: وحید رحمانی و سمیه صادقی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: کوتاه پاسخ		
سوال: مجموعه اعداد طبیعی و مجموعه یک افراز برای مجموعه اعداد حسابی هستند.		
پاسخ تشریحی: {0}		

بخش سوم: گسترده پاسخ

عنوان کتاب: ریاضی ۳	رشته: علوم تجربی	پایه: دوازدهم
نام فصل: احتمال	نام درس: قانون احتمال کل	شماره صفحات: صفحه ۱۴۸
نام طراح: گروه ریاضی استان	استان: آذربایجان غربی	شهرستان: ارومیه
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کار بستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار		
شمارک: ۱/۵		
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>دو ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۷ مهره قرمز و ۳ مهره زرد و ظرف دوم شامل ۴ مهره قرمز و ۸ مهره زرد است. از ظرف دوم به تصادف یک مهره انتخاب کرده در ظرف اول قرار می دهیم. سپس یک مهره از ظرف اول انتخاب می کنیم. چقدر احتمال دارد این مهره قرمز باشد.</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>مهره انتخاب شده از ظرف دوم یا قرمز است یا زرد اگر این پیشامدها را به ترتیب با R و Y و پیشامد انتخاب مهره قرمز از ظرف اول را A نمایش دهیم. خواهیم داشت:</p> $P(R) = \frac{4}{12} \quad P(Y) = \frac{8}{12}$ $P(A R) = \frac{8}{11} \quad P(A Y) = \frac{7}{11}$ $P(A) = P(R)P(A R) + P(Y)P(A Y) = \frac{4}{12} \times \frac{8}{11} + \frac{8}{12} \times \frac{7}{11} = \frac{88}{132}$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد- قنبر بشارتی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرد	<input type="checkbox"/> فهمیدن
شمارک: ۱	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
	<input type="checkbox"/> ساده	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: یک سکه را پرتاب می کنیم و اگر رو بیاید ۲ سکه دیگر را پرتاب می کنیم. در این آزمایش احتمال آنکه دقیقاً یک سکه پشت ظاهر شود چقدر است؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p>		
$P(A) = \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\right) = \frac{6}{8}$ <p style="text-align: center;">. / ۲۵ . / ۲۵ . / ۲۵ . / ۲۵</p>		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: هفتم
شهرستان: تهران منطقه ۷	استان: تهران	نام طراح: کاظم عبدالرحیمی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input checked="" type="checkbox"/> تحلیل
<input type="checkbox"/> کاربستن	<input type="checkbox"/> فهمیدن	<input type="checkbox"/> سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input checked="" type="checkbox"/> متوسط <input type="checkbox"/> دشوار
شمارک: ۱	نوع سؤال: گسترده پاسخ	
<p>سؤال:</p> <p>در کنکور سراسری ۱۴۰۲، قبول شدگان نهایی (با آزمون) در دو گروه آزمایشی، علوم ریاضی با ۶۴٪ مرد و علوم تجربی با ۴۰٪ مرد، صندلی های دانشگاه ها را تصاحب کرده اند.</p> <p>گروهی ۱۰ نفره متشکل از ۴ دانشجوی تجربی و ۶ دانشجوی ریاضی به تصادف از بین دانشجویان انتخاب و جهت یک تور تفریحی به شیراز می روند اگر یک نماینده از این گروه انتخاب شود چه قدر احتمال دارد این شخص مرد باشد؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>فضای افراز شده این آزمایش همان ۱۰ نفری هستند که انتخاب شده اند (۶ ریاضی و ۴ تجربی).... ۰.۲۵</p> <p>پیشامد توزیعی: درصد مرد بودن در هر افراز از فضا است که برای افرادی که از گروه ریاضی آمده اند ۶۴٪ و برای افرادی که از گروه تجربی آمده اند ۴۰٪ است.</p>		
$P(\text{بودن مرد}) = \frac{6}{10} \times \frac{36}{100} + \frac{4}{10} \times \frac{60}{100} = \frac{456}{1000}$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: سرایان	استان: خراسان جنوبی	نام طراح: بتول معتمد- قنبر بشارتی
<input type="checkbox"/> ارزشیابی	<input type="checkbox"/> ترکیب	<input type="checkbox"/> فهمیدن
	<input type="checkbox"/> تحلیل	<input checked="" type="checkbox"/> کاربرستن
شمارک: ۱/۵	<input type="checkbox"/> دشوار	<input checked="" type="checkbox"/> متوسط
		<input type="checkbox"/> ساده
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال:</p> <p>در جعبه ای ۳ مهره سفید و ۵ مهره سیاه و در جعبه ای دیگر ۶ مهره سفید و ۴ مهره سیاه وجود دارد، یک مهره به تصادف از جعبه دوم برمی داریم و در جعبه اول قرار می دهیم. سپس به تصادف یک مهره از جعبه اول بیرون می آوریم. احتمال آنکه این مهره سفید باشد چقدر است؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> <p>فرض می کنیم W و B به ترتیب پیشامدهای سفید و سیاه بودن مهره انتخاب شده از جعبه دوم باشند و A پیشامد سفید بودن مهره انتخاب شده از جعبه اول باشد. در این صورت بنا بر قانون احتمال کل:</p> $P(A) = P(W)p(A W) + P(B)P(A B) = \frac{2}{5} \times \frac{4}{9} + \frac{2}{5} \times \frac{2}{9} = \frac{18}{45} = \frac{2}{5} \quad . / 5$ $P(W) = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} \quad . / 25$ $P(B) = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \quad . / 25$ $p(A W) = \frac{4}{9} \quad . / 25$ $P(A B) = \frac{2}{9} = \frac{1}{3} \quad . / 25$		

پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	عنوان کتاب: ریاضی ۳
شماره صفحات: ۱۴۸	نام درس: قانون احتمال کل	نام فصل: احتمال
شهرستان: داراب و سده	استان: فارس	نام طراح: وحید رحمانی و سمیه صادقی
سطح شناختی سؤال: <input checked="" type="checkbox"/> فهمیدن <input type="checkbox"/> کاربرستن <input type="checkbox"/> تحلیل <input type="checkbox"/> ترکیب <input type="checkbox"/> ارزشیابی		
شمارک: ۱/۲۵	سطح دشواری سؤال: <input type="checkbox"/> ساده <input type="checkbox"/> متوسط <input checked="" type="checkbox"/> دشوار	
نوع سؤال: گسترده پاسخ		
<p>سؤال: ظرف A دارای ۶ لامپ سالم و ۲ لامپ معیوب و ظرف B دارای ۵ لامپ سالم و ۳ لامپ معیوب است. سکه ای را به هوا پرتاب می کنیم. اگر رو آمد از ظرف A و اگر پشت آمد از ظرف B، یک لامپ انتخاب می کنیم. با چه احتمالی این لامپ معیوب است؟</p>		
<p>پاسخ تشریحی:</p> $\left(\frac{1}{2} \times \frac{2}{8}\right) + \left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{8}\right) = \frac{2}{16} + \frac{3}{16} = \frac{5}{16}$		